

# RILEVAZIONI NAZIONALI DEGLI APPRENDIMENTI 2013-14

La rilevazione degli apprendimenti nelle classi II e V primaria, nella classe III (Prova nazionale) della scuola secondaria di primo grado e nella II classe della scuola secondaria di secondo grado

*Rapporto tecnico*

Hanno collaborato alla redazione del presente rapporto: Monica Amici, Emiliano Campodifiori, Michele Cardone, Patrizia Falzetti, Michela Freddano, Paola Giangiacomo, Cristina Lasorsa, Angela Martini, Antonella Mastrogiovanni, Alessia Mattei, Laura Palmerio, Monica Papini, Roberto Ricci.

Le rilevazioni nazionali sugli apprendimenti sono state realizzate con la collaborazione di Fabio Alivernini, Monica Amici, Paola Bianco, Andrea Biggera, Luigi Bonanni, Clelia Cascella, Elisa Cavicchiolo, Savina Cellamare, Stefania Codella, Antonella Costanzo, Emanuela Cuzzucoli, Marta De Simoni, Vincenzo D'Orazio, Alessandra Fazio, Cristina Felici, Elisabetta Figura, Teresa Fiorino, Caius Gavrilă, Cristina Lasorsa, Antonella Mastrantonio, Antonella Mastrogiovanni, Alessia Mattei, Laura Palmerio (responsabile dell'area prove dell'INVALSI), Riccardo Pietracci, Caterina Ponzio, Alessandra Re, Roberto Ricci, Cristiano Zicchi. Alessandro Belmonte, Emiliano Campodifiori, Michele Cardone, Paolo D'Errico, Ines Di Leo, Patrizia Falzetti (responsabile dell'area sistema informativo INVALSI), Michela Freddano, Paola Giangiacomo, Giuseppina Le Rose, Monica Papini, Veronica Riccardi, Antonio Severoni, Valeria Tortora, Maddalena Tozzi, Leonardo Villani, Emanuela Vinci hanno curato la predisposizione del dataset con i risultati delle rilevazioni e predisposto le elaborazioni proposte nel presente rapporto.

Si ringraziano Fabio Alivernini (dell'area Studi e ricerche dell'INVALSI), Paola Muzzioli, Donatella Poliandri e Sara Romiti (dell'area Valutazione delle scuole dell'INVALSI) per la predisposizione del Questionario Studente; Massimo Balducci, Alessandro Borsella, Carlo Di Giovamberardino (responsabile dei servizi informatici e tecnici dell'INVALSI), Stefano Famiglietti, Andrea Nastasi per i Servizi informatici.

Le rilevazioni sono in ogni caso opera dell'intero sistema scolastico italiano: si ringraziano pertanto gli Uffici Scolastici regionali e provinciali, i Referenti regionali e provinciali, i Dirigenti scolastici, gli insegnanti e gli studenti di tutte le scuole italiane; un ringraziamento particolare va agli osservatori esterni e alle segreterie delle scuole campione i cui dati sono oggetto di questo rapporto.

INDICE

|   |    |
|---|----|
| Capitolo 1 – Le prove del Servizio nazionale di valutazione: dalle esperienze internazionali alle indicazioni per il curriculum ..... | 1  |
| 1.1 Somiglianze e differenze rispetto alle prove delle indagini internazionali .....  | 1  |
| 1.2 Relazione con le indicazioni per il curriculum.....   | 6  |
| Capitolo 2 – Il processo di costruzione delle prove .....   | 8  |
| 2.1 Le fasi del processo .....  | 8  |
| 2.1 La struttura dei quesiti .....  | 11 |
| 2.3 La lettura dei dati del pre-test.....   | 14 |
| 2.4 Alcuni esempi.....  | 15 |
| Capitolo 3 - La valutazione delle prove standardizzate del Servizio nazionale di valutazione .....                                    | 45 |
| 3.1 L’analisi degli item.....   | 45 |
| 3.2 L’indice $\alpha$ di Cronbach.....  | 46 |
| 3.3 La Rasch Analysis per la stima della difficoltà delle domande e delle “abilità” in italiano e in matematica degli studenti.....   | 48 |
| 3.4 L’indice di discriminazione statistica.....   | 50 |
| Capitolo 4 - I dati sulle prove per i vari livelli coinvolti.....   | 52 |
| 4.1 La prova di II primaria .....   | 52 |
| 4.1 La prova di V primaria .....  | 57 |
| 4.2.1. La prova di III Secondaria di primo grado (Prova nazionale).....   | 60 |
| 4.3. La prova di II Secondaria di secondo grado.....  | 64 |
| Capitolo 5 – Il <i>placement</i> relativo delle domande rispetto al punteggio Rasch dei rispondenti.....                              | 72 |
| 5.1 Il concetto di placement .....  | 72 |
| 5.2 Il placement dei quesiti delle prove INVALSI 2014.....  | 72 |

## Capitolo 1 – Le prove del Servizio nazionale di valutazione: dalle esperienze internazionali alle indicazioni per il curricolo

### 1.1 Somiglianze e differenze rispetto alle prove delle indagini internazionali

I *framework* delle prove usate nelle indagini internazionali sugli apprendimenti sono una delle fonti d'ispirazione dei Quadri di Riferimento (QdR) INVALSI di Italiano e Matematica. Tuttavia, se tra le prove INVALSI e le prove delle ricerche internazionali sussistono evidenti similarità, vi sono anche differenze di non poco conto, su cui è opportuno soffermarsi. Esse riguardano sia il contenuto sia la procedura di costruzione dei fascicoli di prova.

Cominciamo dal primo punto. I test delle indagini internazionali sugli apprendimenti (IEA-PIRLS, IEA-TIMSS e OCSE-PISA)<sup>1</sup> vertono su tre ambiti disciplinari: la comprensione della lettura di testi scritti, la matematica e le scienze. Innanzitutto, al momento, le prove INVALSI riguardano solo i primi due ambiti di competenza. Ciò detto, anche per quanto concerne le due aree di valutazione comuni, i contenuti delle prove INVALSI e delle prove internazionali divergono parzialmente. Vediamo le differenze per ciascuno dei due ambiti distintamente considerato, cominciando dalla prova di Italiano. La prima cosa da dire è che essa non si limita a valutare la comprensione della lettura ma valuta anche, in una apposita sezione, le competenze grammaticali degli studenti in relazione a 6 ambiti di contenuto: ortografia, morfologia, formazione delle parole, lessico e semantica, sintassi, testualità (vedi QdR Italiano Obbligo Istruzione)<sup>2</sup>. Ulteriori differenze si riscontrano, inoltre, nella definizione degli aspetti della comprensione che la prova intende misurare. La tavola che segue pone a confronto le dimensioni della comprensione indagate, da una parte, nelle due indagini internazionali sulla lettura, PIRLS e PISA, e dall'altra parte nelle rilevazioni dell'INVALSI.

---

<sup>1</sup>PIRLS (*Progress in International Reading Literacy Study*) e TIMSS (*Trends in International Mathematics and Science Study*) sono indagini promosse dalla IEA (*International Association for the Evaluation of Educational Achievement*): la prima si svolge ogni 5 anni e ha per oggetto la comprensione della lettura degli alunni del quarto anno di scuola primaria, la seconda si tiene ogni 4 anni e ha per oggetto la conoscenza matematica e scientifica degli alunni del quarto e dell'ottavo anno di scuola. PISA (*Program for International Student Assessment*), infine, è organizzata dall'OCSE e testa, ogni tre anni, le competenze di base degli studenti di 15 anni in lettura, matematica e scienze.

<sup>2</sup>[http://www.invalsi.it/snvpn2013/documenti/QDR/QdR\\_Italiano\\_Obligo\\_Istruzione.pdf](http://www.invalsi.it/snvpn2013/documenti/QDR/QdR_Italiano_Obligo_Istruzione.pdf): tabella 3, pag. 17.

**Tav. 1.1: Aspetti della comprensione della lettura valutati in PIRLS, PISA e nelle prove INVALSI di Italiano**

|           | <b>Aspetti della comprensione</b>  |
|-----------|--|
| IEA-PIRLS | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Ritrovare informazioni date esplicitamente nel testo</li> <li>- Fare inferenze dirette</li> <li>- Interpretare e integrare concetti e informazioni</li> <li>- Analizzare e valutare il contenuto, il linguaggio e gli elementi testuali</li> </ul>  |
| OCSE-PISA | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Accedere al testo e ritrovare informazioni</li> <li>- Integrare e interpretare le informazioni del testo, per ricostruirne il significato</li> <li>- Riflettere su e valutare il contenuto e/o la forma del testo</li> </ul>  |
| INVALSI   | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Riconoscere e comprendere il significato letterale e figurato di parole ed espressioni e riconoscere le relazioni tra parole</li> <li>- Individuare informazioni date esplicitamente nel testo</li> <li>- Fare un'inferenza diretta, ricavando un'informazione implicita da una o più informazioni date nel testo e/o tratte dall'enciclopedia personale</li> <li>- Cogliere le relazioni di coesione e coerenza testuale</li> <li>- Ricostruire il significato di una parte più o meno estesa del testo, integrando più informazioni e concetti, anche formulando inferenze complesse</li> <li>- Ricostruire il significato globale del testo, integrando più informazioni e concetti, anche formulando inferenze complesse</li> <li>- Sviluppare un'interpretazione del testo, a partire dal suo contenuto e/o dalla sua forma, andando al di là di una comprensione letterale</li> <li>- Valutare il contenuto e/o la forma del testo alla luce delle conoscenze ed esperienze personali (riflettendo sulla plausibilità delle informazioni, sulla validità delle argomentazioni, sulla efficacia comunicativa, ecc.)</li> </ul> |

Mentre, nonostante alcune differenze nella formulazione verbale, gli aspetti che le prove di lettura PIRLS e PISA si prefiggono di valutare sono sostanzialmente gli stessi, tra gli aspetti su cui verte la prova INVALSI ne compaiono due che non trovano riscontro nei *framework* delle prove internazionali: essi sono la capacità di comprendere il significato di parole ed espressioni e la capacità di cogliere relazioni di coerenza e coesione testuale. Non a caso si tratta di dimensioni che sono strettamente legate alla semantica e alle strutture sintattiche e testuali di una particolare lingua e che, come tali, possono esser oggetto di valutazione in prove a carattere nazionale ma difficilmente potrebbero esserlo in prove che si rivolgono a studenti che parlano lingue diverse. I rimanenti cinque aspetti riprendono quelli valutati anche nelle prove internazionali, ma con una maggiore articolazione e distinzione tra operazioni di comprensione legate alla lettura del testo e operazioni che vanno al di là di una comprensione letterale.

Per quanto riguarda la prova di matematica, le aree di contenuto – o ambiti, nel linguaggio usato dall'INVALSI – sono in sostanza le stesse valutate anche nelle prove TIMSS e PISA, al di là

delle differenze nella loro denominazione. Si deve però sottolineare che gli argomenti specifici all'interno delle aree, nel caso delle prove INVALSI, hanno, come è ovvio che sia, una precisa relazione con quelli dei curricula previsti dalle norme vigenti in Italia (vedi QdR per il primo ciclo d'istruzione e QdR per il secondo ciclo d'istruzione)<sup>3</sup>.

La tavola che segue mostra gli ambiti di contenuto indagati dalle prove TIMSS e PISA e dalle prove INVALSI di Matematica.

**Tav. 1.2: Ambiti di contenuto valutati in TIMSS, PISA e nelle prove INVALSI di Matematica**

|           | Livello scolastico/Età | Aree di contenuto  |
|-----------|------------------------|--|
| IEA-TIMSS | 4° anno                | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Numero</li> <li>- Forme geometriche e misure</li> <li>- Rappresentazione di dati</li> </ul>               |
|           | 8° anno                | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Numero</li> <li>- Algebra</li> <li>- Geometria</li> <li>- Dati e Probabilità</li> </ul>                   |
| OCSE-PISA | 15 anni                | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Quantità</li> <li>- Spazio e Forma</li> <li>- Cambiamento e relazioni</li> <li>- Incertezza</li> </ul>    |
| INVALSI   | 2° anno                | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Numeri</li> <li>- Spazio e figure</li> <li>- Dati e previsioni</li> </ul>                                 |
|           | 5°, 6°, 8°, 10° anno   | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Numeri</li> <li>- Spazio e figure</li> <li>- Dati e previsioni</li> <li>- Relazioni e funzioni</li> </ul> |

Per ciò che riguarda la seconda dimensione delle prove di Matematica, vale a dire le operazioni cognitive implicate dalla risoluzione dei quesiti proposti, il *framework* di TIMSS 2011<sup>4</sup> per la matematica individua tre processi fondamentali: conoscenza, applicazione, ragionamento, mentre il *framework* di PISA 2012<sup>5</sup> identifica tali processi fondamentali nella formulazione matematica di

<sup>3</sup>[http://www.invalsi.it/snv2012/documenti/QDR/QdR\\_Mat\\_I\\_ciclo.pdf](http://www.invalsi.it/snv2012/documenti/QDR/QdR_Mat_I_ciclo.pdf): pag. 6.

<sup>4</sup>[http://www.invalsi.it/snv2012/documenti/QDR/QdR\\_Mat\\_II\\_ciclo.pdf](http://www.invalsi.it/snv2012/documenti/QDR/QdR_Mat_II_ciclo.pdf): pag. 6-7.

<sup>4</sup> Ina V.S. Mullis *et al.*, *TIMSS 2011 Assessment frameworks*, TIMSS & PIRLS International Study Center, Lynch School of Education, Boston College, 2009.

<sup>5</sup> OECD, *PISA 2012 Mathematics Framework*, 2010.

situazioni, nella utilizzazione di concetti, fatti, procedure e ragionamenti matematici, nella interpretazione, applicazione e valutazione di risultati matematici.

I due QdR di matematica INVALSI per il primo e il secondo ciclo d'istruzione distinguono otto tipi di processi che le prove mirano a valutare e che fungono da guida nella costruzione dei quesiti.

**Tav. 1.3: Processi cognitivi valutati in TIMSS, PISA e nelle prove INVALSI di Matematica**

|           | Processi  |
|-----------|---|
| IEA-TIMSS | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Conoscere</li> <li>- Applicare</li> <li>- Ragionare</li> </ul>   |
| OCSE-PISA | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Formulare</li> <li>- Utilizzare</li> <li>- Interpretare, applicare e valutare</li> </ul>   |
| INVALSI   | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Conoscere e padroneggiare i contenuti specifici della matematica</li> <li>- Conoscere e utilizzare algoritmi e procedure</li> <li>- Conoscere diverse forme di rappresentazione e passare da una all'altra</li> <li>- Risolvere problemi utilizzando strategie in ambiti diversi (numerico, geometrico, algebrico)</li> <li>- Riconoscere in contesti diversi il carattere misurabile di oggetti e fenomeni, utilizzare strumenti di misura, misurare grandezze, stimare misure di grandezze</li> <li>- Acquisire progressivamente forme tipiche del pensiero matematico</li> <li>- Utilizzare strumenti, modelli e rappresentazioni nel trattamento quantitativo dell'informazione in ambito scientifico, tecnologico, economico e sociale</li> <li>- Riconoscere le forme nello spazio e utilizzarle per la risoluzione di problemi geometrici o di modellizzazione</li> </ul> |

Per le rilevazioni dell'anno 2013-14 le domande delle prove di Matematica sono state costruite anche con una specifica attenzione alle fasi fondamentali del processo di matematizzazione - così come definiti dal *framework* di PISA 2012 - che vi sono più specificatamente coinvolte e rispetto a cui sono stati raggruppati gli item per l'analisi dei risultati all'interno delle prove nel Rapporto sull'esito delle rilevazioni.

La maggiore differenza tra le prove internazionali e le prove INVALSI di Italiano e Matematica riguarda però, più che i contenuti, la procedura di costruzione dei fascicoli di prova, che a sua volta è connessa al diverso carattere, campionario in un caso e censuario nell'altro, delle rilevazioni. I

fascicoli di prova delle indagini internazionali sugli apprendimenti sono costruiti a partire da insiemi di item che coprono l'intero spettro di contenuti e processi che di volta in volta si intendono misurare e che sono in un secondo momento suddivisi in blocchi o sottogruppi, equivalenti per gamma di difficoltà delle domande. Ad esempio, nel caso di TIMSS 2007 i blocchi erano 28, 14 per la Matematica e 14 per le Scienze (per un totale di 175 item per il 4° anno e di 217 per l'8° anno). I blocchi vengono quindi variamente combinati tra loro in modo da ottenere diversi fascicoli di prova (o *booklets*) con lo stesso numero totale di domande: solitamente 13 fascicoli nel caso di PIRLS e PISA, 14 nel caso di TIMSS. In questo modo, i fascicoli di prova utilizzati a ogni tornata delle indagini non sono identici per tutti gli alunni oggetto di rilevazione, anche se il livello di difficoltà complessivo di ogni fascicolo rimane all'incirca il medesimo e la distribuzione dei fascicoli agli studenti del campione di ognuno dei Paesi partecipanti avviene con rotazione sistematica, così da assicurare che ciascun blocco di domande all'interno dei fascicoli sia assegnato a uno stesso numero di studenti.

I fascicoli delle prove INVALSI - che, come già ricordato, hanno carattere censuario - sono invece unici per tutti gli studenti e costruiti in modo da rispettare una struttura organizzativa (per sezioni nel caso della prova di Italiano, per ambiti di contenuto nel caso della prova di matematica) che si riproduce in maniera uniforme da una rilevazione all'altra per lo stesso livello scolastico. Ciò ha un riflesso anche sul versante della successiva elaborazione statistica cui le risposte alle domande sono sottoposte, sia in sede di "prova sul campo"<sup>6</sup>, sia in sede di rilevazione vera e propria. Mentre l'approccio seguito nelle indagini internazionali per l'analisi statistica delle risposte ai test è quello dell'*Item Response Theory* (IRT)<sup>7</sup>, che si focalizza sui singoli item, l'INVALSI adotta sia questo approccio, sia quello cosiddetto della "teoria classica dei test" (CTT), che si focalizza invece sul test nel suo insieme e - sebbene parzialmente superato - è per alcuni versi più adatto ad analizzare i dati raccolti mediante uno strumento di misura costituito da una prova unitaria, come sono appunto le prove INVALSI.

---

<sup>6</sup> Si chiama così la fase di pre-test, o di "test del test", cui tutte le prove INVALSI, prima della loro redazione definitiva, sono sottoposte. Da questo punto di vista la procedura è analoga a quella seguita nelle indagini internazionali, le cui prove sono prima testate su campioni ristretti di studenti nello studio preliminare sul campo (*field-trial*) mirato a validarle e metterle a punto e, una volta che ciò è stato fatto, sono proposte nella loro versione definitiva ai campioni nazionali dei vari Paesi partecipanti alla ricerca nella fase d'indagine vera e propria (*mainstudy*).

<sup>7</sup> Van der Linden, W.J. & Hambleton, R.K. (Eds.) (1997). *Handbook of modern item response theory*. New York: Springer

## 1.2 Relazione con le indicazioni per il curricolo

Poiché le prove INVALSI hanno lo scopo di misurare e comparare i livelli di apprendimento di tutti gli alunni italiani di determinati livelli scolari nelle due aree chiave dell'Italiano e della Matematica<sup>8</sup>, sia a livello del sistema scolastico nel suo insieme, sia a livello delle sue articolazioni territoriali (macro-aree e regioni) che delle singole istituzioni scolastiche, è ovvio che esse debbano avere principalmente, anche se non esclusivamente, come punto di riferimento le indicazioni nazionali per i curricoli dei vari gradi d'istruzione.

A normativa vigente, le indicazioni ministeriali per il curricolo della scuola primaria e secondaria di primo grado sono contenute in un documento del MIUR (*Indicazioni nazionali per il curricolo della scuola dell'infanzia e del primo ciclo d'istruzione*), pubblicato nel settembre 2012 e successivamente divenuto oggetto di decreto ministeriale (D.M. 254 del 16/11/2012), che ha ripreso in forma riveduta le precedenti indicazioni (2007), meglio note come “decreto Fioroni”.

Per quanto riguarda la scuola secondaria superiore, al momento, e in attesa che sia completata la riforma di questo grado d'istruzione, i punti di riferimento principali sono costituiti dai seguenti documenti: 1) *Regolamento recante norme in materia di adempimento dell'obbligo di istruzione* (D.M. 22 agosto 2007, n.139); 2) *Schema di regolamento recante 'Indicazioni nazionali riguardanti gli obiettivi specifici di apprendimento concernenti le attività e gli insegnamenti compresi nei piani degli studi previsti per i percorsi liceali' di cui all'articolo 10, comma 3, del decreto del Presidente della Repubblica 15 marzo 2010, n. 89, in relazione all'articolo 2, commi 1 e 3, del medesimo regolamento*; 3) *Direttiva n. 4 del 16/1/2012 - Istituti tecnici e professionali - Linee guida per il passaggio al nuovo ordinamento* (D.P.R. 15 marzo 2010, articolo 8, comma 3).

I documenti sopra citati costituiscono una delle fonti su cui ci si è fondati per la definizione dei quadri di riferimento d'Italiano e Matematica, alla base della costruzione delle prove INVALSI.

Per una più puntuale analisi della corrispondenza delle prove INVALSI agli obiettivi di apprendimento definiti dalle indicazioni ministeriali per i curricoli, si rinvia alle Guide alla lettura delle prove, pubblicate contestualmente a queste ultime sul sito dell'Istituto.

Per concludere, è anche il caso di rilevare che da quest'anno la prova di quinta primaria svolge un duplice ruolo: quello di valutare le competenze raggiunte al termine della scuola elementare e

---

<sup>8</sup> La prova della classe III della scuola secondaria di primo grado, in quanto parte dell'esame conclusivo del primo ciclo d'istruzione, affianca a questo obiettivo anche quello di contribuire alla valutazione del singolo studente.

---

quello di fungere da prova d'ingresso alla scuola secondaria di primo grado, dove la rilevazione sulla prima classe, a differenza dagli anni precedenti, non è stata più effettuata.

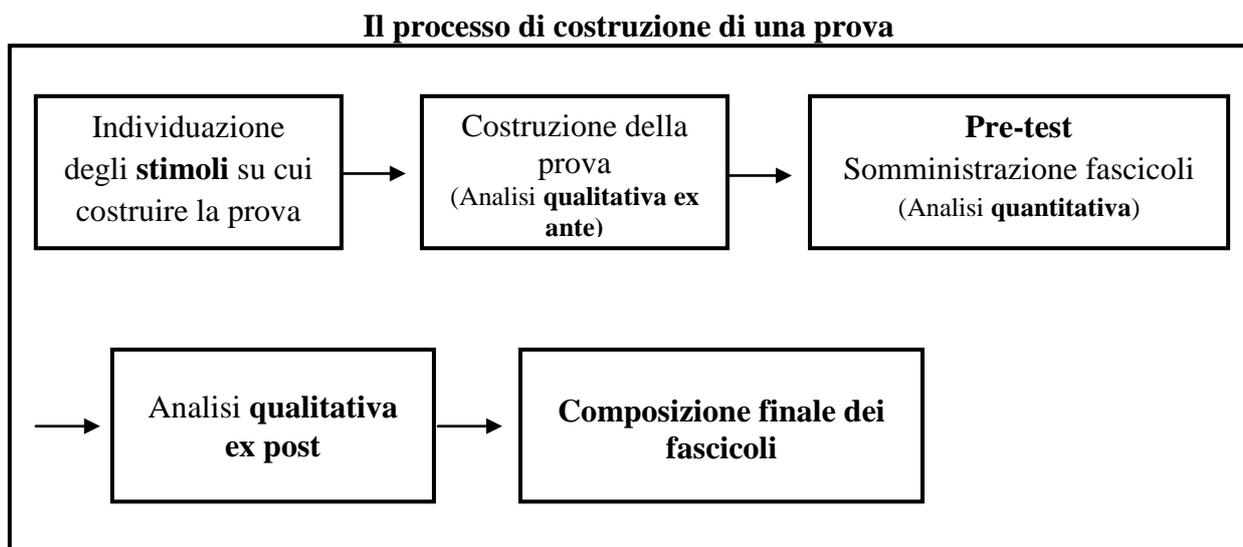
## Capitolo 2 – Il processo di costruzione delle prove

### 2.1 Le fasi del processo

Le prove standardizzate, strumenti utilizzati per la misurazione degli apprendimenti, forniscono misure sufficientemente attendibili del grado di padronanza di quelle conoscenze e di quei processi che sono l'oggetto della prova stessa.

La costruzione di prove standardizzate prevede come base di partenza la predisposizione di un quadro teorico di riferimento in cui sono descritti gli oggetti della misurazione e le caratteristiche delle prove.

La costruzione di una prova standardizzata è il risultato di un'attività di ideazione, reperimento di materiali, stesura, verifica, correzione e altro ancora avente le caratteristiche di un percorso di ricerca sperimentale (vedi schema che segue) che inizia con la scelta dei materiali (testi, argomenti, ecc.) su cui costruire le domande e termina con la redazione definitiva del fascicolo di prova. Il tempo richiesto per la realizzazione del lungo e articolato processo tecnico-scientifico di costruzione di una prova è di circa 15-18 mesi.



Di seguito sono descritte nel dettaglio le fasi in cui si articola il processo di costruzione di una prova.

## FASE 1

Per costruire una prova, per ogni livello scolastico interessato dalle prove INVALSI, è necessario selezionare materiali-stimolo adeguati e costruire su di essi un numero consistente di quesiti.

Di norma, per la costruzione di una prova serve inizialmente un numero di quesiti superiore a quello che effettivamente comparirà nella prova che sarà poi somministrata agli studenti.

La prima fase del processo di costruzione prevede anche la formazione di un gruppo di autori (docenti di tutti i livelli scolastici) per approfondire le modalità di costruzione di una prova di tipo standardizzato (dalla selezione del materiale-stimolo alla costruzione dei quesiti) puntando l'attenzione sulle differenze tra questa tipologia di prove e le prove che vengono usualmente utilizzate dai docenti nella pratica didattica.

## FASE 2

L'analisi qualitativa *ex ante* consiste nella revisione e classificazione dei materiali-stimolo (per la prova di italiano anche in relazione alla tipologia di testo: narrativo, espositivo, misto ecc.) e nella verifica dei quesiti costruiti. Questo lavoro di analisi è affidato a un gruppo di esperti composto da ricercatori dell'INVALSI, esperti nazionali e internazionali nell'ambito della costruzione di prove oggettive e delle analisi statistico-psicometriche. Il gruppo di lavoro procede a una prima valutazione qualitativa delle prove, in funzione della rispondenza di queste al QdR e al livello scolastico per il quale devono essere proposte le prove.

L'obiettivo del gruppo di esperti è quello di comporre i fascicoli che dovranno poi essere pretestati. Il lavoro di analisi consiste nell'escludere stimoli e quesiti non coerenti con le finalità delle prove INVALSI e nel procedere a un primo adattamento dei quesiti stessi (modifica di alcune opzioni di risposta nel caso di domande con 4 alternative di risposta, trasformazione di item chiusi in item aperti e viceversa, modifica della domanda, ecc.) ritenuti idonei per essere inviate al pre-test.

## FASE 3

La fase del pre-test riveste un'importanza notevole nell'intero processo di costruzione della prova ed è il momento in cui si hanno i primi riscontri *empirici* rispetto al lavoro realizzato.

Due sono gli aspetti su cui si punta l'attenzione per la riuscita di questa fase: da una parte la composizione dei fascicoli da somministrare, dall'altra il *target* di popolazione a cui vengono presentate le prove.

Per quanto riguarda il primo aspetto, è importante far ruotare i singoli quesiti e, nel caso specifico della prova di italiano, i diversi testi all'interno del fascicolo per evitare che gli effetti della "fatica" di rispondere da parte degli alunni si concentrino solo su determinati quesiti e testi (quelli collocati nella parte finale). Nella fase del pre-test è possibile anche sperimentare quesiti formulati diversamente ma che rilevano lo stesso aspetto/ambito di contenuto.

Per quel che riguarda invece il secondo aspetto è importante riuscire a somministrare i fascicoli di prova a studenti con caratteristiche analoghe, in termini di livello scolare, a quelle di coloro che dovranno svolgere le prove INVALSI; l'ideale è somministrare le prove del pre-test nei mesi di aprile e maggio in classi corrispondenti a quelle che – l'anno successivo – dovranno realmente affrontare la prova: classe seconda e quinta della scuola primaria, classe prima della scuola secondaria di I grado, classe terza della scuola secondaria di I grado, classe seconda della scuola secondaria di II grado.

Il pre-test è condotto durante l'anno scolastico precedente a quello della rilevazione vera e propria. Il numero di studenti coinvolti dipende fundamentalmente da quanti fascicoli devono essere pretestati; in ogni caso, è necessario un numero di allievi, per ogni livello scolare e ogni fascicolo, che consenta poi di avere una buona *tenuta* statistica dei dati raccolti. Il campione per il pre-test è rappresentativo per area geografica e, nel caso della secondaria di secondo grado, per le diverse tipologie di scuole (licei, istituti tecnici, istituti professionali).

Le prove sono somministrate esclusivamente da personale individuato dall'INVALSI, l'unico che, per ovvi motivi di riservatezza, ha accesso ai contenuti dei fascicoli; un procedimento ugualmente riservato è seguito anche per la correzione delle prove.

Successivamente, si procede alla costruzione del *dataset* per l'analisi dei dati. Le analisi sono realizzate attraverso l'applicazione di modelli statistico-psicometrici ascrivibili alla teoria cosiddetta *classica* dei test (*TCT*) e alla teoria della risposta (*Item Response Theory*)<sup>9</sup>.

La capacità misuratoria di ogni quesito è analizzata mediante modelli statistici in grado di stabilire la coerenza di ciascuna opzione di risposta rispetto al costrutto oggetto di valutazione, rispetto al livello di abilità del rispondente e rispetto alla difficoltà specifica del quesito stesso.

I richiamati modelli statistici permettono, inoltre, di valutare il cosiddetto potere discriminante di ciascun quesito, ossia la sua capacità di distinguere adeguatamente gli allievi in termini di abilità, in funzione della risposta fornita.

---

<sup>9</sup> (Cfr. Boomsma, van Duijn, Snijders, 1991; Fischer, Molenaar 1995; Hambleton, Swaminathan, Rogers, 1991)

#### **FASE 4**

Sulla base delle analisi statistiche il gruppo di esperti procede alla seconda analisi qualitativa dei quesiti.

In questa fase, la più delicata, l'oggettività dei dati raccolti spesso chiarisce i dubbi e le perplessità scaturiti durante il processo di costruzione delle prove. Tuttavia, l'esperienza e la professionalità di chi legge quei dati, non solo da un punto di vista psicometrico, consentono di tenere ben presenti alcuni aspetti che i dati da soli non spiegano.

Solo quei quesiti che mostrano adeguati requisiti di chiarezza, affidabilità e validità possono essere inseriti nei fascicoli definitivi.

#### **FASE 5**

L'intero processo si conclude con la composizione dei fascicoli che saranno somministrati durante la rilevazione principale.

Inoltre, il gruppo di esperti procede alla composizione dei fascicoli definitivi tenendo in considerazione:

- i tempi di compilazione dei fascicoli, stimati sulla base dei risultati del pre-test;
- il livello complessivo di difficoltà, dati i vincoli di composizione definiti dai quadri di riferimento per la valutazione.

### **2.1 La struttura dei quesiti**

Le prove standardizzate si caratterizzano per la chiusura degli stimoli e delle risposte<sup>10</sup> o nel caso di domande a risposta aperta per l'uniformità dei criteri di correzione. L'obiettivo, in ogni caso, è quello di ridurre al massimo l'ambiguità interpretativa, che diminuisce tanto più quanto più precisi, chiari e circoscritti sono gli stimoli e i quesiti a cui si deve rispondere. Di conseguenza si facilita il lavoro di correzione, che risulta tanto più univoco quanto più il numero delle risposte possibili/accettabili risulta delimitato.

Le prove standardizzate strutturalmente dovrebbero garantire a tutti i soggetti ai quali una prova è somministrata le stesse condizioni di lavoro (stessa prova e stesso tempo a disposizione), condizioni

---

<sup>10</sup> Cfr. Haladyna 1994; McDonald 2002.

necessarie che contribuiscono al rispetto dei requisiti della validità e dell'attendibilità delle rilevazioni e quindi delle misurazioni degli apprendimenti.

Non a caso le domande a risposta chiusa rappresentano la tipologia di quesiti più utilizzata nella costruzione di prove standardizzate.

I vantaggi nell'utilizzo di questa tipologia di quesiti sono molteplici:

- le modalità di correzione soddisfano il criterio della riproducibilità, l'esito della correzione è indipendente dal soggetto che la effettua riducendo quindi al minimo la percentuale di errori;
- riducono il problema delle omissioni e gli studenti le percepiscono come più agevoli;
- ogni quesito sottoposto ad analisi statistica fornisce una serie di dati (disponibili per ognuna delle alternative di risposta) che consentono di capire più facilmente il perché degli errori.

La maggior parte dei quesiti che compongono le prove INVALSI sono domande a scelta multipla con 4 alternative di risposta. La difficoltà nel costruire questa tipologia di quesiti consiste proprio nel formulare le quattro alternative (una risposta corretta e tre *distrattori*); nello specifico i distrattori dovranno risultare comunque plausibili (cfr. Osterlind 1998), per evitare che lo studente arrivi alla soluzione corretta per approssimazioni successive, ossia scartando quei distrattori poco convincenti per giungere alla individuazione della risposta esatta in una condizione di maggiore o minore probabilità. Al contrario, un quesito *ben* formulato dovrebbe attivare nello studente un procedimento logico che risulti significativo dal punto di vista delle strategie cognitive messe in atto per giungere, in una situazione di certezza, alla risposta corretta.

Il processo di costruzione delle domande a scelta multipla richiede, quindi, particolare attenzione se si vuole ottenere un quesito che presenti il requisito della *robustezza* dal punto di vista psicometrico<sup>11</sup>.

Nel costruire la domanda e le alternative di risposta sono prese in considerazione alcune indicazioni generali (riportate di seguito) che, anche se non sempre vengono tutte rispettate, rappresentano il riferimento certo verso cui convergere.

*Indicazioni per la costruzione della domanda:*

1. La domanda deve essere formulata in maniera diretta e positiva (limitare l'uso delle negazioni).
2. Le domande devono richiedere una sola informazione.
3. La domanda deve contenere solo informazioni indispensabili.

---

<sup>11</sup> Per una descrizione dettagliata del formato dei quesiti si rimanda ai QdR di Italiano e Matematica.

4. La domanda non deve lasciare dubbi sul tipo di richiesta fatta (vocabolario preciso, ma al tempo stesso il più semplice possibile, evitare costruzioni complesse come ad esempio forme passive, etc.).

*Indicazioni per la costruzione delle alternative di risposta:*

1. Le alternative di risposta devono essere legate in modo grammaticalmente corretto alla domanda.
2. Le alternative di risposta devono essere indipendenti fra loro e mutualmente esclusive.
3. Le alternative di risposta non devono contenere parti della domanda.
4. Le alternative di risposta devono avere più o meno la stessa lunghezza (eventualmente a due a due).
5. Le alternative di risposta devono essere formulate cercando di evitare l'uso di termini assoluti (*sempre, mai, ecc.*)
6. Le alternative di risposta che presentano l'opzione *nessuna delle precedenti* o simili devono essere evitate.

*Indicazioni per la scelta dei distrattori:*

1. I distrattori non devono essere troppo vicini alla risposta corretta.
2. I distrattori devono essere abbastanza attrattivi e plausibili (es. va evitata la formulazione di distrattori che possono essere esclusi anche senza leggere il testo).
3. I distrattori non devono essere costruiti per trarre in inganno il rispondente.

Nella costruzione delle alternative di risposta, una volta formulata la risposta corretta, si devono scegliere distrattori plausibili in modo che la risposta fornita dallo studente rappresenti, come già detto, il risultato di un articolato processo di discriminazione (tra chi padroneggia di più un certo tipo di abilità, o tratto latente, che la prova intende misurare e chi lo padroneggia meno). Se la risposta giusta venisse, a qualunque livello di abilità, sempre preferita rispetto ai distrattori, questa sarebbe un'evidenza, secondo le regole che presiedono alla costruzione di domande a scelta multipla, che i distrattori non funzionano e che vanno riformulati o sostituiti. In particolare, è necessario, nella costruzione delle domande di comprensione di un testo, porre particolare attenzione per far sì che una sola alternativa, in base a una lettura attenta del testo, risulti corretta, proprio perché le altre opzioni sono state costruite sul criterio della semplice plausibilità (in generale o in riferimento a punti del testo che non hanno però precisa attinenza con quanto la domanda chiede) .

Altro elemento che deve essere considerato è la posizione della risposta corretta rispetto alle altre tre opzioni di risposta, variandola all'interno della prova in modo che occupi le diverse posizioni possibili. È importante, infatti, evitare qualsiasi forma di regolarità nella successione delle risposte corrette.

### 2.3 La lettura dei dati del pre-test

I risultati della prova sul campo (pre-test) vengono elaborati statisticamente per stabilire le proprietà misuratorie dell'intera prova e dei singoli quesiti, per poter poi procedere alla selezione e correzione degli stessi.

Per ognuno dei fascicoli di prova utilizzati nel pre-test come in quelli delle rilevazioni nazionali sono presi in considerazione alcuni indici statistici<sup>12</sup>:

- l' $\alpha$  di *Cronbach*, che fornisce un indice sintetico della coerenza interna complessiva di una prova e quindi dell'attendibilità delle informazioni da questa date; esso permette di capire se le domande che compongono la prova sono tra loro coerenti e volte alla misurazione dello stesso oggetto. In generale, elevati valori di  $\alpha$  indicano che i rispondenti esprimono abilità coerenti rispetto a ciascun item appartenente a ciascuna dimensione<sup>13</sup>;
- la difficoltà degli item in termini di percentuale di risposte corrette;
- il coefficiente di correlazione punto-biseriale degli item, che esprime la correlazione tra i punteggi ottenuti dai rispondenti su un determinato item e il punteggio totale su tutti gli item;
- i parametri di difficoltà e di discriminazione degli item;
- il posizionamento relativo (*placement*) degli item rispetto al punteggio Rasch dei rispondenti, che permette di osservare contemporaneamente la difficoltà delle domande e le abilità dei rispondenti. La lettura del *placement* consente di verificare che le domande si distribuiscano lungo l'intera scala di difficoltà e/o l'eventuale presenza di intervalli troppo ampi in cui non è presente alcun item della prova.

L'esame dei dati del pre-test è un presupposto essenziale per intervenire sulle domande e sulle alternative di risposta (risposta corretta e distrattori), scartando, correggendo o modificando i quesiti tutte le volte in cui sia necessario (cfr. Osterlind 1983).

---

<sup>12</sup> Per una descrizione più approfondita vedi il capitolo 3 del presente rapporto.

<sup>13</sup> Per *dimensione* si intende l'oggetto della valutazione.

## 2.4 Alcuni esempi

Per spiegare come vengono utilizzati i parametri statistici, calcolati su tutti i quesiti delle prove del pre-test, per selezionarli e/o modificarli, si danno di seguito alcuni esempi in cui vengono riportati i quesiti nella versione originale usata nel pre-test, con le relative elaborazioni, e successivamente gli stessi quesiti nella versione modificata e usata per la rilevazione nazionale degli apprendimenti, con relative nuove elaborazioni.

I primi quattro esempi sono riferiti a quesiti della prova di Italiano; i successivi tre sono riferiti a quesiti di Matematica.

ESEMPIO 1: QUESITO DELLA PROVA DI ITALIANO 2014 DI V PRIMARIA

### Box 2.1: Quesito nella versione del pre-test

Testo: *Kannitverstan*

**A18.** “Infine, con il cuore più leggero, andò via insieme agli altri”  
Perché Il giovane sente il cuore più leggero?

- A.  Perché il funerale è terminato e può riprendere il suo viaggio
- B.  Perché entra in un’osteria e mangia volentieri
- C.  Perché non è più solo e può visitare la città insieme agli altri
- D.  Perché non è più tormentato dall’invidia di chi è ricco

Tabella 2.1: Analisi IRT delle risposte al quesito A18 (pre-test)

| Label | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t (p)       | PV1Avg:1 | PV1 SD:1 |
|-------|-------|-------|----------|--------|-------------|----------|----------|
| 1     | 0.00  | 97    | 29.39    | 0.12   | 2.27(.024)  | -0.06    | 0.74     |
| 2     | 0.00  | 44    | 13.33    | -0.21  | -3.94(.000) | -0.56    | 0.65     |
| 3     | 0.00  | 46    | 13.94    | -0.22  | -4.14(.000) | -0.55    | 0.72     |
| 4     | 1.00  | 116   | 35.15    | 0.31   | 5.81(.000)  | 0.17     | 0.67     |
| 9     | 0.00  | 27    | 8.18     | -0.19  | -3.57(.000) | -0.67    | 0.57     |

La prima indicazione che troviamo nella tabella 2.1 è il numero di rispondenti alla domanda (*Cases for this item*). Nel caso in questione, l'item 18 (quesito A18) è stato somministrato a 330 alunni. L'informazione immediatamente successiva, che troviamo sulla stessa riga, è l'indice di discriminazione (*Discrimination*) che consente di valutare in termini quantitativi la capacità di una domanda di individuare gruppi di rispondenti in funzione del loro livello di abilità. In altri termini, quanto più una domanda è *discriminativa*, tanto più essa è in grado di misurare la variazione di probabilità di fornire la risposta corretta anche per piccole variazioni di abilità del rispondente. Gli standard in letteratura indicano che l'indice di discriminazione deve raggiungere almeno il valore 0,20 e può considerarsi buono quando supera il valore di 0,25. La domanda in questione risulta avere una discriminazione decisamente buona: 0,31.

Nelle due righe successive si trovano gli indici relativi alla difficoltà dell'item (*Item Threshold(s)* e *Item Delta(s)*). Il valore di tali indici si riferisce alla soglia minima di abilità che un rispondente deve avere per risolvere correttamente quell'item. I valori di riferimento della scala possono andare da -3 a +3; gli item con valore negativo sono gli item più facili quelli con valore positivo più difficili. In questo caso la difficoltà dell'item è pari a 0.53.

Accanto a tali valori si trova l'indice di adattamento dell'item al modello (*Weighted MNSQ*) solitamente definito come *fit*. Tale indice ha un valore pari a 1 quando le risposte osservate sono del tutto conformi alla curva teorica ovvero l'item funziona in modo corretto. Valori accettabili di tale indice sono compresi tra 0.80 e 1.10. Nell'esempio il valore di *fit* è pari a 1.04.

Nella prima colonna (*Label*) sono indicate le quattro alternative di risposta (1, 2, 3, 4), le risposte non valide (7) e le risposte omesse (9). Nella colonna 2 (*Score*) viene indicata l'opzione di risposta corretta con il codice 1.00 (il codice 0.00 è attribuito alle opzioni errate e alle risposte invalide o mancate); nel caso in esame la risposta corretta è l'opzione 4. Le colonne 3 (*Count*) e 4 (*% of tot*) riportano, rispettivamente, le frequenze assolute e percentuali delle risposte registrate. Questa informazione deve essere letta assieme ai dati della colonna 5 (*Pt Bis*), che riporta i valori della correlazione punto-biseriale item-test (la correlazione tra la probabilità di scegliere una data opzione e l'abilità complessiva del rispondente). Tale correlazione deve essere negativa per le opzioni di risposta non corrette e positiva per quella esatta. Una domanda a scelta multipla è ben formulata se, in media, coloro che rispondono correttamente a quella domanda ottengono un punteggio elevato

nella prova complessivamente considerata<sup>14</sup>. Nell'esempio presentato, la correlazione punto-biseriali dell'opzione corretta è +0.31. Per le altre opzioni di risposta, la 2 e la 3 hanno correlazioni punto-biseriali negative, invece la 1, che viene scelta da una percentuale di soggetti (circa 30%) vicina a quella di quanti scelgono la risposta esatta (circa 35%), ha una correlazione punto-biseriali positiva (+0,12).

I dati della colonna 6 ( $t(p)$ ) consentono di valutare la significatività della correlazione punto-biseriali: come si può vedere nell'esempio, i valori del coefficiente punto-biseriali delle opzioni di risposta 2 e 3, riportati nella colonna 5, sono significativi in senso statistico (la probabilità di  $t(p) = .000$ )<sup>15</sup>, così come il valore del coefficiente dell'opzione 1, che però, come già detto, è positivo anziché negativo. Questo significa che l'opzione di risposta 1 viene scelta anche da soggetti con un buon livello di abilità.

Infine, la colonna 7 ( $PVIAvg:1$ ) permette di valutare su una scala di *Rasch* il livello medio di prestazione dei rispondenti che scelgono una determinata risposta, mentre la colonna 8 ( $PVSD:1$ ) fornisce una misura della variabilità di ognuno dei valori riportati in colonna 7. È importante notare che, in media, il livello di abilità dei rispondenti che scelgono l'opzione corretta di risposta è superiore alla media (posta uguale a zero nella scala Rasch) e comunque più elevato di quello di coloro che scelgono le altre opzioni. Ancora una volta, però, gli alunni che scelgono l'opzione 1 mostrano un'abilità media con valore negativo ma vicina allo zero (-0.06).

Per valutare il funzionamento degli item, se ne studia anche la Curva Caratteristica. Al crescere del livello di abilità cresce la probabilità di rispondere correttamente all'item; maggiore è la difficoltà dell'item, maggiore deve essere l'abilità del soggetto per riuscire a rispondere correttamente.

In riferimento al quesito A18, preso come esempio, anche l'elaborazione della curva caratteristica (figura 2.1) conferma la necessità di modificare il primo distrattore. L'andamento della curva corrispondente alla risposta corretta (linea tratteggiata con triangoli), non perfettamente allineata con la curva caratteristica (linea continua) che il modello IRT richiede, risente del fatto che il primo

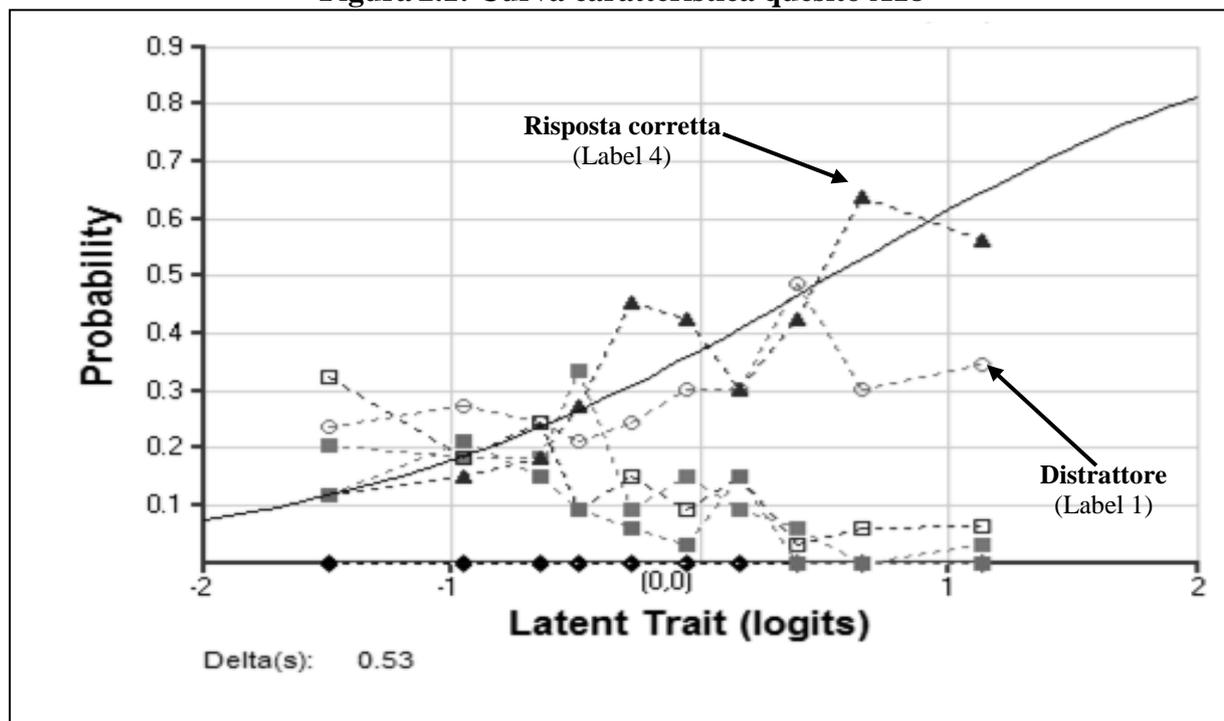
---

<sup>14</sup> Ciò vale a condizione che la prova sia coerente e quindi i risultati forniti siano attendibili. La valutazione dell'attendibilità e coerenza complessiva della prova è effettuata mediante l' $\alpha$  di *Cronbach* come precedentemente indicato.

<sup>15</sup> Dal punto di vista propriamente statistico un determinato valore di sintesi, in questo caso il coefficiente di correlazione punto-biseriali, è statisticamente significativo se il valore  $t(p)$  ha una probabilità, indicata tra parentesi, di prodursi per solo effetto del caso inferiore allo 0.05 (5%). Più precisamente,  $t$  rappresenta il valore della  $t$  di Student e il numero indicato tra parentesi il relativo  $p$ -value, ossia la probabilità di ottenere un valore di  $t$  maggiore o uguale a quello osservato.

distrattore (linea tratteggiata con cerchi) ha attirato anche studenti con un buon livello dell'abilità misurata (*Latent Trait*), i cui valori sono indicati in ascissa.

**Figura 2.1: Curva caratteristica quesito A18**



Sia dunque i dati della tabella 2.1 sia la curva caratteristica dell'item convergono nel segnalare l'esigenza di procedere alla sostituzione della opzione di risposta 1, modifica che è stata realizzata.

Nella versione definitiva della prova, come si può vedere nel Box 2.2, il primo distrattore del quesito – divenuto, nella nuova numerazione, A13 - è stato completamente cambiato. È da notare che anche il secondo distrattore è stato modificato, non perché presentasse problemi misuratori, ma per migliorarne la formulazione linguistica senza alterare il contenuto dell'item.

**Box 2.2: Quesito nella versione definitiva - Prova di Italiano di V primaria 2014**

Testo: *Kannitverstan*

**A13. “Infine, con il cuore più leggero, andò via insieme agli altri” (righe 59-60). Perché il giovane sente il cuore più leggero?**

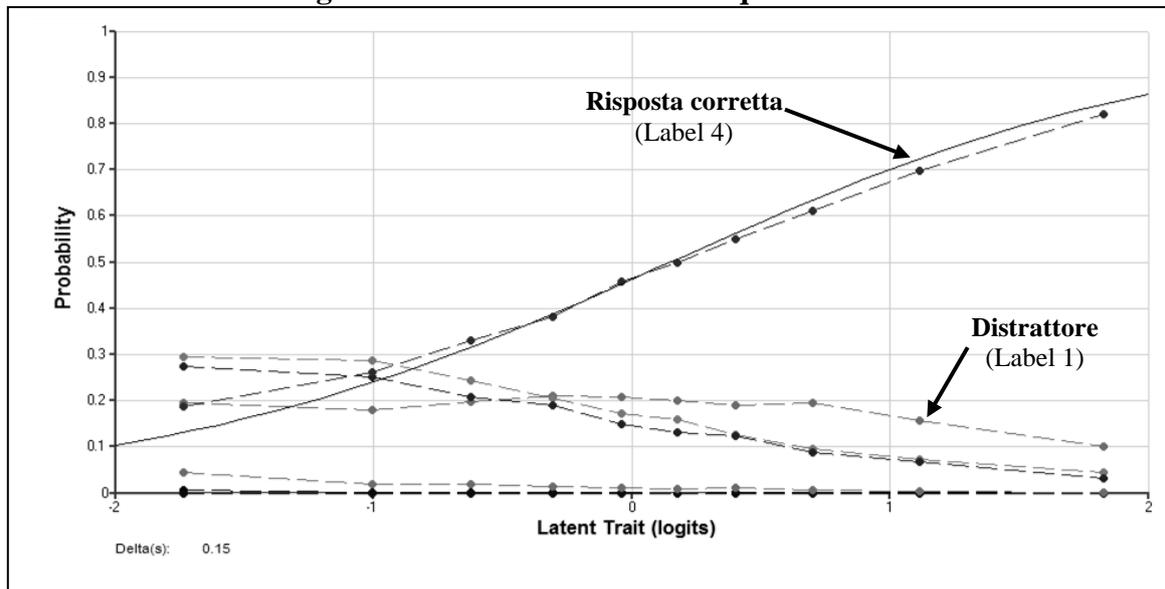
- A.  Perché ha avuto l’informazione che cercava
- B.  Perché finalmente può andare in un’osteria a mangiare
- C.  Perché non è più solo e può visitare la città insieme agli altri
- D.  Perché non è più tormentato dall’invidia verso chi è ricco

Gli esiti delle analisi effettuate sulle risposte a tale quesito degli alunni di V primaria che hanno partecipato alla rilevazione SNV 2013-14 mostrano che la modifica ha eliminato il difetto principale del quesito nella versione del pre-test migliorandone le caratteristiche strutturali, come si osserva dai dati della tabella che segue (Tabella 2.2) e dalla nuova curva caratteristica (Figura 2.2)

**Tabella 2.2: Analisi IRT delle risposte al quesito A13 (test)**

| item:13 (A13)  |       |       |          |        |        |        |          |          |
|--|-------|-------|----------|--------|--------|--------|----------|----------|
| Cases for this item 25526 Item-Rest Cor. 0.31 Item-Total Cor. 0.37 |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Item Threshold(s): 0.15 Weighted MNSQ 1.04                         |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Item Delta(s): 0.15  |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Label  | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t      | sig. p | PV1Avg:1 | PV1 SD:1 |
| 1  | 0     | 4734  | 18,55    | -0,02  | -2,44  | 0,015  | -0,080   | 0,860    |
| 2  | 0     | 4450  | 17,43    | -0,19  | -31,13 | 0,000  | -0,390   | 0,830    |
| 3  | 0     | 3975  | 15,57    | -0,18  | -29,96 | 0,000  | -0,410   | 0,840    |
| 4  | 1     | 11957 | 46,84    | 0,31   | 52,94  | 0,000  | 0,340    | 0,860    |
| 7  | 0     | 40    | 0,16     | -0,03  | -4,1   | 0,000  | -0,690   | 1,190    |
| 9  | 0     | 370   | 1,45     | -0,09  | -14,27 | 0,000  | -0,680   | 0,940    |

**Figura 2.2: Curva caratteristica quesito A13**



La curva caratteristica del quesito A13 mostra chiaramente che la modifica apportata ha funzionato: l'andamento della curva relativa al distrattore 1 si allinea a quello degli altri due (opzioni 2 e 3) e la curva della opzione di risposta corretta si allinea a quella prevista dal modello.

ESEMPIO 2: QUESITO DELLA PROVA DI ITALIANO 2014 DI V PRIMARIA

**Box 2.3: Quesito nella versione del pre-test**

Testo: *espositivo*

**C10.** Quando lo scoiattolo del deserto va in letargo “vive al rallentatore” (riga 39).

Trova e scrivi quello che si dice nel terzo paragrafo per spiegare questa espressione.

.....

.....

**Tabella 2.3: Analisi IRT delle risposte al quesito C10 (pre-test)**

Item 45

item:45 (C10)

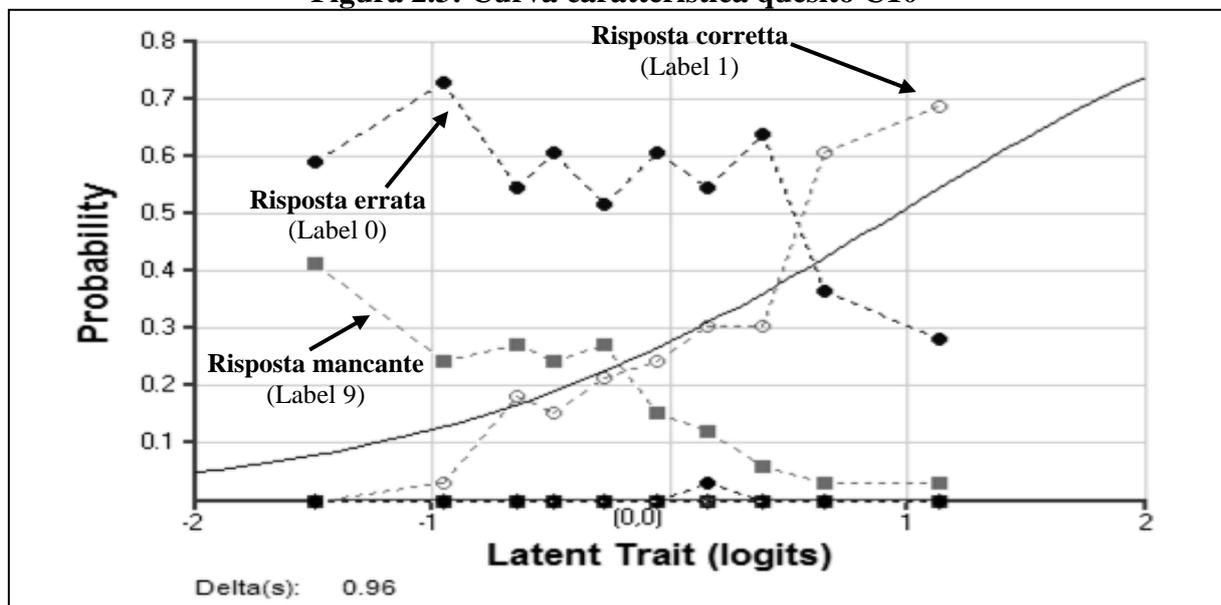
Cases for this item 330 Discrimination 0.47

Item Threshold(s): 0.96 Weighted MNSQ 0.90

Item Delta(s): 0.96

| Label | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t (p)       | PVIAvg:1 | PV1 SD:1 |
|-------|-------|-------|----------|--------|-------------|----------|----------|
| 0     | 0.00  | 179   | 54.24    | -0.17  | -3.11(.002) | -0.28    | 0.69     |
| 1     | 1.00  | 89    | 26.97    | 0.47   | 9.70(.000)  | 0.39     | 0.60     |
| 7     | 0.00  | 1     | 0.30     | 0.04   | 0.78(.439)  | 0.01     | 0.00     |
| 9     | 0.00  | 61    | 18.48    | -0.33  | -6.31(.000) | -0.65    | 0.69     |

**Figura 2.3: Curva caratteristica quesito C10**



L'analisi dei dati evidenzia che l'item C10 (pretest) non presenta problemi strutturali particolari. Tuttavia la percentuale di risposte corrette molto bassa ha richiesto una ulteriore riflessione in merito alla formulazione della consegna e un'analisi aggiuntiva delle risposte effettivamente date dagli studenti confrontate con quelle considerate corrette contenute nella griglia di correzione.

Quest'ultima analisi non ha evidenziato incongruenze rispetto al lavoro già svolto in fase correzione e codifica delle risposte.

Successivamente si è proceduto al riesame della formulazione della consegna. Questa analisi qualitativa ha evidenziato che la formulazione non presentava l'immediato riferimento all'interno del quale rintracciare l'informazione richiesta, utile per svolgere il compito.

La scelta di modificare la consegna è stata determinata dal fatto che la difficoltà dell'item poteva dipendere dalla poca chiarezza con cui veniva espresso il compito.

Di seguito (Box 2.4) viene riportata la domanda nella versione definitiva.

Il box 2.4 mostra il quesito– divenuto B8 nella nuova versione - dopo le modifiche apportate.

**Box 2.4: Quesito nella versione definitiva – Prova di Italiano di V primaria 2014**

Testo: *espositivo*

**B8. Nel terzo paragrafo si dice che quando lo scoiattolo del deserto va in letargo “vive al rallentatore” (riga 38). Trova nello stesso paragrafo le informazioni utili a spiegare questa espressione e scriville.**

.....

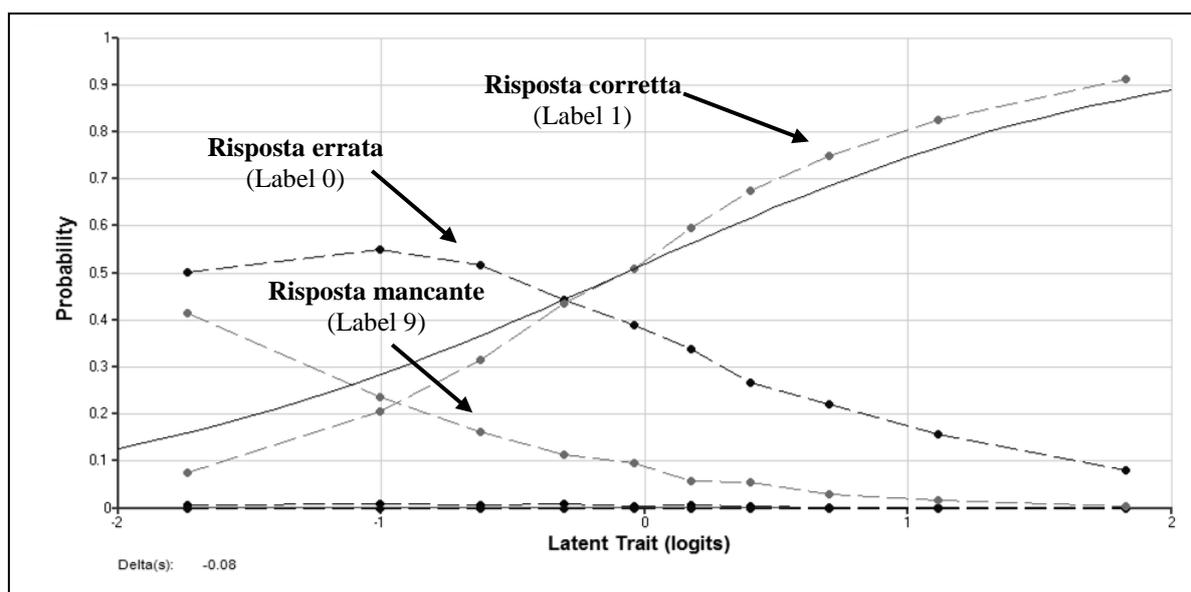
.....

.....

**Tabella 2.4: Analisi IRT delle risposte al quesito B8 (test)**

| Item 27             |       |       |                |        |                 |        |          |          |  |
|---------------------|-------|-------|----------------|--------|-----------------|--------|----------|----------|--|
| item:27 (B8)        |       |       |                |        |                 |        |          |          |  |
| Cases for this item |       | 25526 | Item-Rest Cor. | 0.47   | Item-Total Cor. | 0.52   |          |          |  |
| Item Threshold(s):  |       | -0.08 | Weighted MNSQ  | 0.92   |                 |        |          |          |  |
| Item Delta(s):      |       | -0.08 |                |        |                 |        |          |          |  |
| Label               | Score | Count | % of tot       | Pt Bis | t               | sig. p | PVIAvg:1 | PV1 SD:1 |  |
| 0                   | 0     | 9071  | 35,54          | -0,25  | -41,63          | 0,000  | -0,330   | 0,800    |  |
| 1                   | 1     | 13185 | 51,65          | 0,47   | 84,38           | 0,000  | 0,430    | 0,790    |  |
| 7                   | 0     | 142   | 0,56           | -0,03  | -4,48           | 0,000  | -0,320   | 0,800    |  |
| 9                   | 0     | 3128  | 12,25          | -0,34  | -57,24          | 0,000  | -0,800   | 0,820    |  |

**Figura 2.4: Curva caratteristica quesito B8**



I dati confermano la scelta operata. La percentuale di risposte corrette sale al 52% circa per cui l'item è risultato meno difficile mentre le caratteristiche di discriminatività (pretest 0.47 SNV 2014 0.47) e di fit (MNSQ: pretest 0.90 SNV 2014 0.92) sono rimaste pressoché inalterate.

ESEMPIO 3: QUESITO DELLA PROVA DI ITALIANO 2014 DI SCUOLA SECONDARIA DI II GRADO

**Box 2.5: Quesito nella versione del pre-test**

Testo: ... e ci incamminammo per andare in montagna

**A18.** Nell'espressione "gli esiti dei sentieri" (riga 37), la parola "esiti" significa

- A.  tracciati
- B.  svolte
- C.  sbocchi
- D.  prospettive

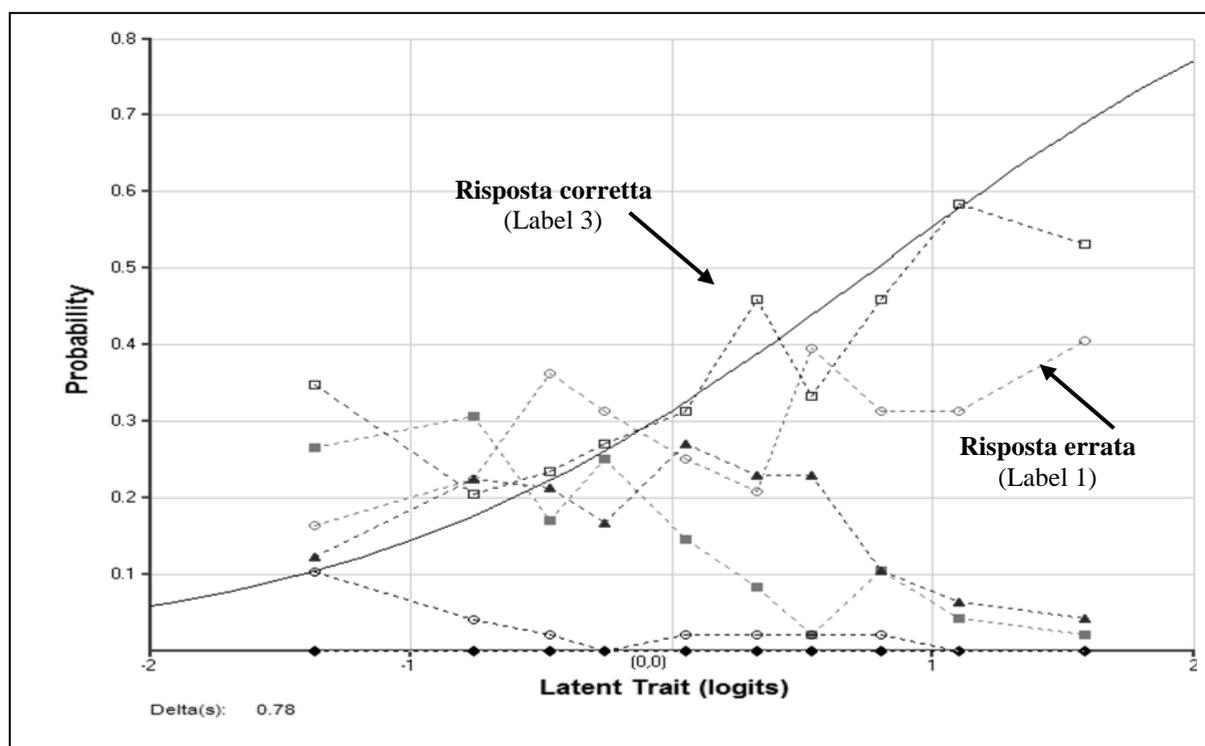
**Tabella 2.5: Analisi IRT delle risposte al quesito A18 (pre-test)**

| Label | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t (p)       | PV1Avg:1 | PV1 | SD:1 |
|-------|-------|-------|----------|--------|-------------|----------|-----|------|
| 1     | 0.00  | 141   | 29.38    | 0.10   | 2.26(.025)  | 0.29     |     | 0.84 |
| 2     | 0.00  | 68    | 14.17    | -0.25  | -5.72(.000) | -0.37    |     | 0.69 |
| 3     | 1.00  | 179   | 37.29    | 0.23   | 5.11(.000)  | 0.38     |     | 0.86 |
| 4     | 0.00  | 80    | 16.67    | -0.10  | -2.22(.027) | -0.02    |     | 0.68 |
| 9     | 0.00  | 12    | 2.50     | -0.20  | -4.44(.000) | -0.92    |     | 1.33 |

Sorvoliamo sull'esame dettagliato della tabella sopra - in quanto già effettuato per l'analogha tabella 2.1 - per concentrarci fin da subito sui difetti rivelati dai risultati dell'analisi delle risposte al pre-test, che sono essenzialmente due: l'adattamento dell'item al modello (*fit* 1.15) e il coefficiente di correlazione punto-biserial positivo dell'opzione 1 (0.10) e statisticamente significativo (il valore di probabilità del *t* (*p*), 0.025, è inferiore a quello massimo accettabile, pari a 0,05). Il punto-biserial positivo in corrispondenza dell'opzione 1 significa che nel gruppo di alunni, il 29% circa del totale dei rispondenti, che hanno scelto questa alternativa di risposta vi sono studenti con un livello di abilità discreto (il livello di abilità medio di questo gruppo di alunni, 0.29, è superiore alla media dei valori sulla scala di Rasch).

L'interpretazione che si ricava dai dati della tabella 2.5 è corroborata da quanto emerge dall'osservazione della curva caratteristica dell'item (Figura 2.5): la curva corrispondente all'opzione di risposta 1 indica che quest'ultima attrae alunni anche con livelli di abilità alti (fino a +1,5 unità circa di deviazione standard dalla media). Questa opzione è stata pertanto modificata nel passaggio dalla versione provvisoria alla versione definitiva della prova.

**Figura 2.5: Curva caratteristica quesito A18**



Il box 2.6 mostra il quesito– divenuto B15 nella nuova versione - dopo le modifiche apportate.

**Box 2.6: Quesito nella versione definitiva – Prova di Italiano di scuola secondaria di II grado 2014**

Testo: ... e ci incamminammo per andare in montagna

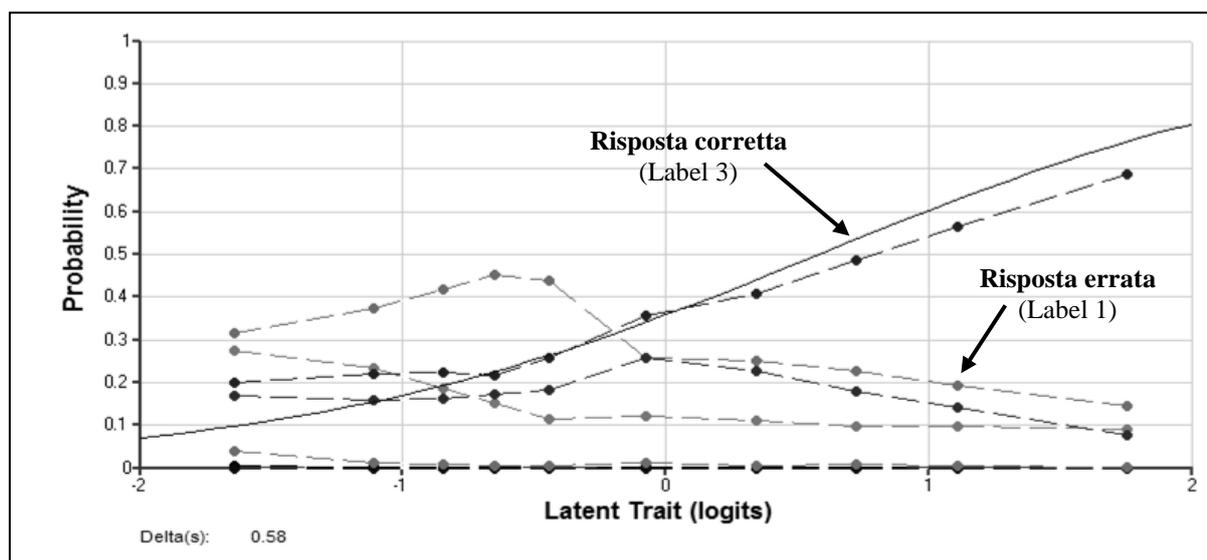
**B15. Nell’espressione “gli esiti dei sentieri” (riga 36), la parola “esiti” significa**

- A.  margini
- B.  svolte
- C.  sbocchi
- D.  prospettive

La ripetizione delle analisi sulle risposte al quesito nella versione riveduta mostra che le modifiche hanno nettamente migliorato la qualità misuratoria dell’item, come si può vedere dai dati della tabella seguente (Tabella 2.6) e dalla curva caratteristica (Figura 2.6).

**Tabella 2.6: Analisi IRT delle risposte al quesito B15 (test)**

| Item 27  |       |       |          |        |        |        |          |          |
|--|-------|-------|----------|--------|--------|--------|----------|----------|
| item:27 (B15)  |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Cases for this item 37139 Item-Rest Cor. 0.30 Item-Total Cor. 0.33 |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Item Threshold(s): 0.58 Weighted MNSQ 1.10                         |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Item Delta(s): 0.58  |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Label  | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t      | sig. p | PV1Avg:1 | PV1 SD:1 |
| 1  | 0     | 11461 | 30,86    | -0,16  | -31,42 | 0,000  | -0,360   | 0,850    |
| 2  | 0     | 5554  | 14,95    | -0,14  | -27,75 | 0,000  | -0,450   | 0,960    |
| 3  | 1     | 13261 | 35,71    | 0,3    | 60,73  | 0,000  | 0,310    | 1,020    |
| 4  | 0     | 6447  | 17,36    | -0,03  | -5,04  | 0,000  | -0,200   | 0,870    |
| 7  | 0     | 27    | 0,07     | -0,04  | -7,23  | 0,000  | -1,630   | 1,280    |
| 9  | 0     | 389   | 1,05     | -0,08  | -15,07 | 0,000  | -0,930   | 1,130    |



**Figura 2.6: Curva caratteristica quesito B15**

Il coefficiente di correlazione punto-biseriali dell'opzione di risposta 1 è ora negativo (-0.16) e l'indice di adattamento del modello (*Weighted MNSQ*), che risultava alto, è diminuito rientrando nella soglia massima di accettabilità. Infine, la curva caratteristica del quesito B15 indica anch'essa chiaramente che le modifiche apportate hanno funzionato: l'andamento della curva relativa al distrattore 1 segue quello degli altri due (opzioni 2 e 4) e la curva della opzione di risposta corretta si allinea a quella prevista dal modello.

ESEMPIO 4: QUESITO DELLA PROVA DI ITALIANO 2014 DI SCUOLA SECONDARIA DI II GRADO

**Box 2.7: Quesito nella versione del pre-test**

Testo: *Dalle croci agli ordigni riemersi*

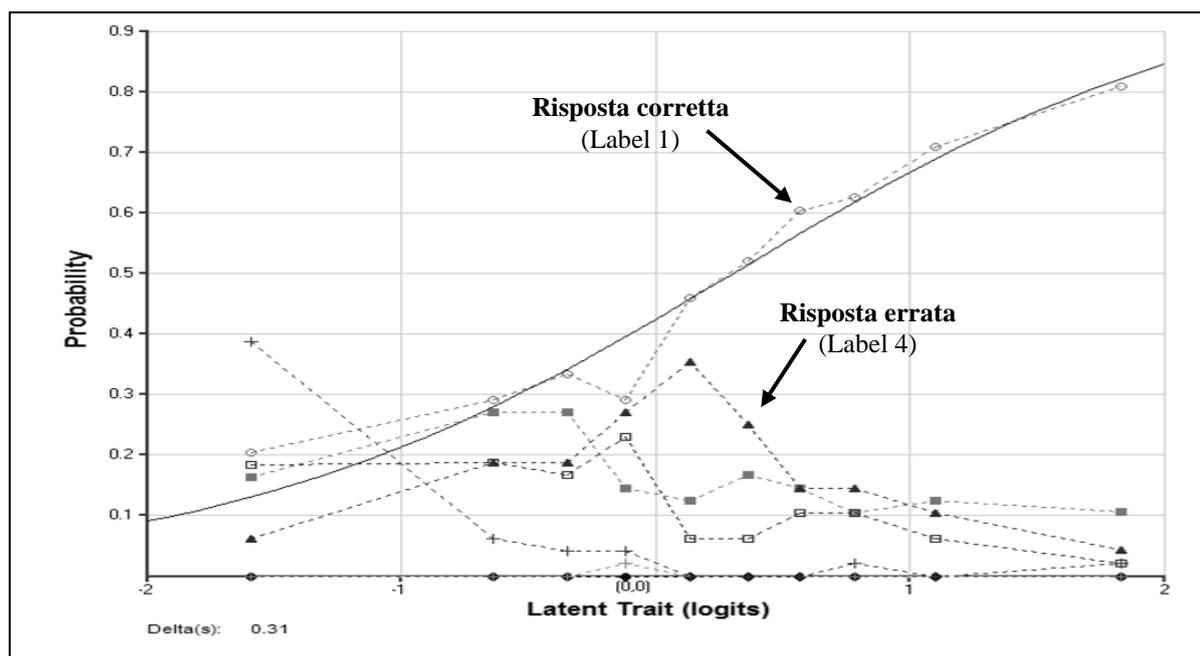
**C8.** Alle righe 18-19 la giornalista fa un'apparente digressione spostando il discorso sui fiumi. Non si tratta però di una digressione, ma di un'informazione che ha una funzione importante. Quale?

- A.  Evidenziare che la riduzione dei ghiacciai alpini comporta rischi idrici per quasi tutta l'Europa
- B.  Affermare che le Alpi sono importanti per tutti i paesi europei
- C.  Fornire dati sui possibili danni che i cambiamenti futuri porteranno alle attività economiche
- D.  Spiegare il motivo per cui si cerca in tutti i modi di difendere i ghiacciai

In questo caso il problema dell'item riguarda l'opzione di risposta 4 in cui il coefficiente di correlazione punto-biserial è negativo (anche se vicino allo zero) ma non significativo statisticamente in quanto il valore di probabilità del  $t$  ( $p$ ), 0.729 è decisamente maggiore rispetto a quello massimo accettabile, pari a 0,05.

**Tabella 2.7: Analisi IRT delle risposte al quesito C8 (pre-test)**

| Label | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t (p)        | PV1Avg:1 | PV1 SD:1 |
|-------|-------|-------|----------|--------|--------------|----------|----------|
| 1     | 1.00  | 232   | 48.33    | 0.39   | 9.29(.000)   | 0.56     | 0.83     |
| 2     | 0.00  | 78    | 16.25    | -0.10  | -2.11(.035)  | 0.07     | 0.76     |
| 3     | 0.00  | 57    | 11.88    | -0.15  | -3.38(.001)  | -0.13    | 0.74     |
| 4     | 0.00  | 84    | 17.50    | -0.02  | -0.35(.729)  | 0.14     | 0.58     |
| 7     | 0.00  | 1     | 0.21     | -0.03  | -0.57(.570)  | -0.12    | 0.00     |
| 9     | 0.00  | 28    | 5.83     | -0.44  | -10.73(.000) | -1.53    | 1.35     |



**Figura 2.7: Curva caratteristica quesito C8**

Osservando la curva caratteristica del quesito C8 si nota che l'andamento dell'opzione 4 raccoglie anche alcuni studenti con abilità discrete ma non nei livelli alti.

Per queste ragioni si è scelto di modificare l'opzione 4 come presentata nel box che segue.

**Box 2.8: Quesito nella versione definitiva – Prova di Italiano di scuola secondaria di II grado 2014**

Testo: *Dalle croci agli ordigni riemerssi*

**C4.** Alle righe 18-19 la giornalista fa un'apparente digressione spostando il discorso sui fiumi. Non si tratta però di una digressione, ma di un'informazione che ha una funzione importante. Quale?

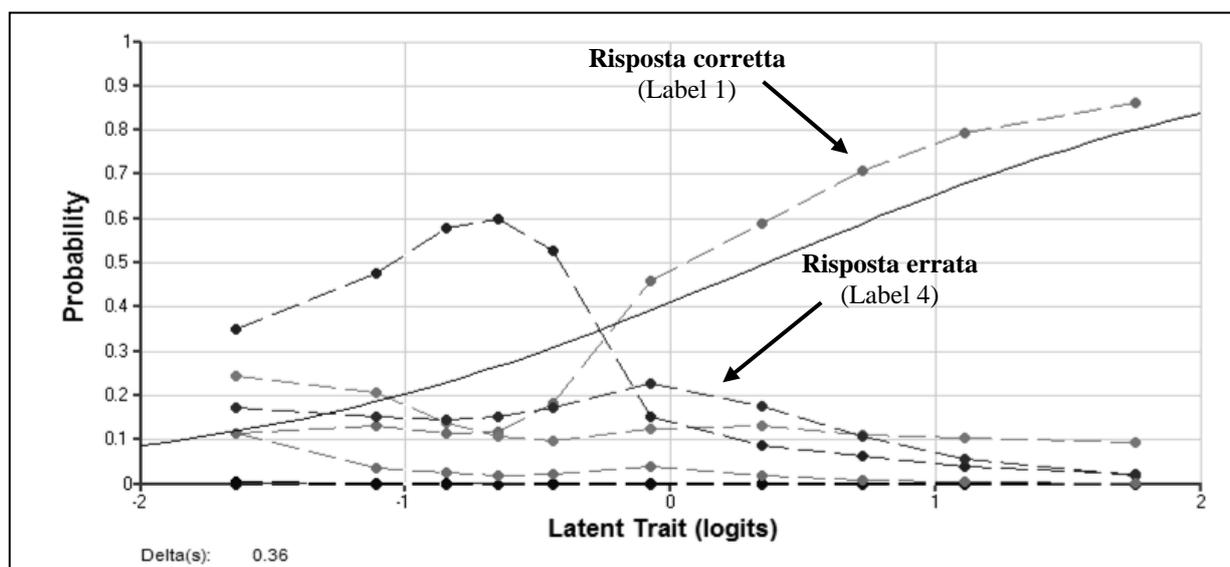
- A.  Evidenziare che la riduzione dei ghiacciai alpini comporta rischi idrici per quasi tutta l'Europa
- B.  Affermare che le Alpi sono importanti per tutti i paesi europei
- C.  Fornire dati sui possibili danni che i cambiamenti futuri porteranno alle attività economiche
- D.  Spiegare come mai i ghiacciai alpini si vanno riducendo

Il quesito nella versione riveduta mostra che le modifiche hanno nettamente migliorato la qualità misuratoria dell'item, come si può vedere dai dati della tabella seguente (Tabella 2.8) e dalla curva caratteristica (Figura 2.8).

**Tabella 2.8: Analisi IRT delle risposte al quesito C4 (test)**

| Item 49             |       |       |                |        |                 |        |          |          |  |
|---------------------|-------|-------|----------------|--------|-----------------|--------|----------|----------|--|
| item:49 (C4)        |       |       |                |        |                 |        |          |          |  |
| Cases for this item |       | 37139 | Item-Rest Cor. | 0.55   | Item-Total Cor. | 0.57   |          |          |  |
| Item Threshold(s):  |       | 0.36  | Weighted MNSQ  | 0.86   |                 |        |          |          |  |
| Item Delta(s):      |       | 0.36  |                |        |                 |        |          |          |  |
| Label               | Score | Count | % of tot       | Pt Bis | t               | sig. p | PV1Avg:1 | PV1 SD:1 |  |
| 1                   | 1     | 14822 | 39,91          | 0,55   | 128,39          | 0,000  | 0,560    | 0,890    |  |
| 2                   | 0     | 5087  | 13,7           | -0,09  | -18,17          | 0,000  | -0,360   | 0,990    |  |
| 3                   | 0     | 10913 | 29,38          | -0,39  | -81,49          | 0,000  | -0,690   | 0,590    |  |
| 4                   | 0     | 5171  | 13,92          | -0,11  | -20,35          | 0,000  | -0,390   | 0,780    |  |
| 7                   | 0     | 39    | 0,11           | -0,03  | -6,01           | 0,000  | -1,120   | 1,270    |  |
| 9                   | 0     | 1107  | 2,98           | -0,14  | -28,01          | 0,000  | -0,950   | 0,970    |  |

**Figura 2.8: Curva caratteristica quesito C4**



Il coefficiente di correlazione punto-biseriale dell'opzione di risposta 4 è ora negativo (-0.11) e statisticamente significativo. Infine, la curva caratteristica del quesito C4 indica anch'essa chiaramente che le modifiche apportate hanno funzionato: l'andamento della curva relativa al distrattore 4 segue quello degli altri due (opzioni 2 e 3) e la curva della opzione di risposta corretta si allinea a quella prevista dal modello.

ESEMPIO 5: QUESITO DI II PRIMARIA – MATEMATICA

**Box 2.9: Quesito nella versione pre-test**

**Quesito D16a-c**  
**D16** Quali cifre si nascondono sotto le macchie?

a.  $20 + \text{macchia} 5 = 35$

b.  $48 - \text{macchia} 6 = 12$

c.  $42 + 1 \cdot \text{macchia} = 59$

a: .....

b: .....

c: .....

**Tabella 2.9: Analisi IRT delle risposte al quesito D16\_a-c (pre-test)**

item:23 (D16a)  
 Cases for this item 701 Discrimination 0.46  
 Item Threshold(s): 1.44 Weighted MNSQ 0.91  
 Item Delta(s): 1.44

---

| Label | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t (p)       | PV1Avg:1 | PV1 SD:1 |
|-------|-------|-------|----------|--------|-------------|----------|----------|
| 0     | 0.00  | 501   | 71.47    | -0.23  | -6.20(.000) | -0.15    | 0.62     |
| 1     | 1.00  | 140   | 19.97    | 0.46   | 13.61(.000) | 0.48     | 0.59     |
| 7     | 0.00  | 9     | 1.28     | -0.14  | -3.78(.000) | -0.84    | 0.33     |
| 9     | 0.00  | 51    | 7.28     | -0.25  | -6.71(.000) | -0.70    | 0.76     |

item:24 (D16b)  
 Cases for this item 701 Discrimination 0.46  
 Item Threshold(s): 1.85 Weighted MNSQ 0.90  
 Item Delta(s): 1.85

---

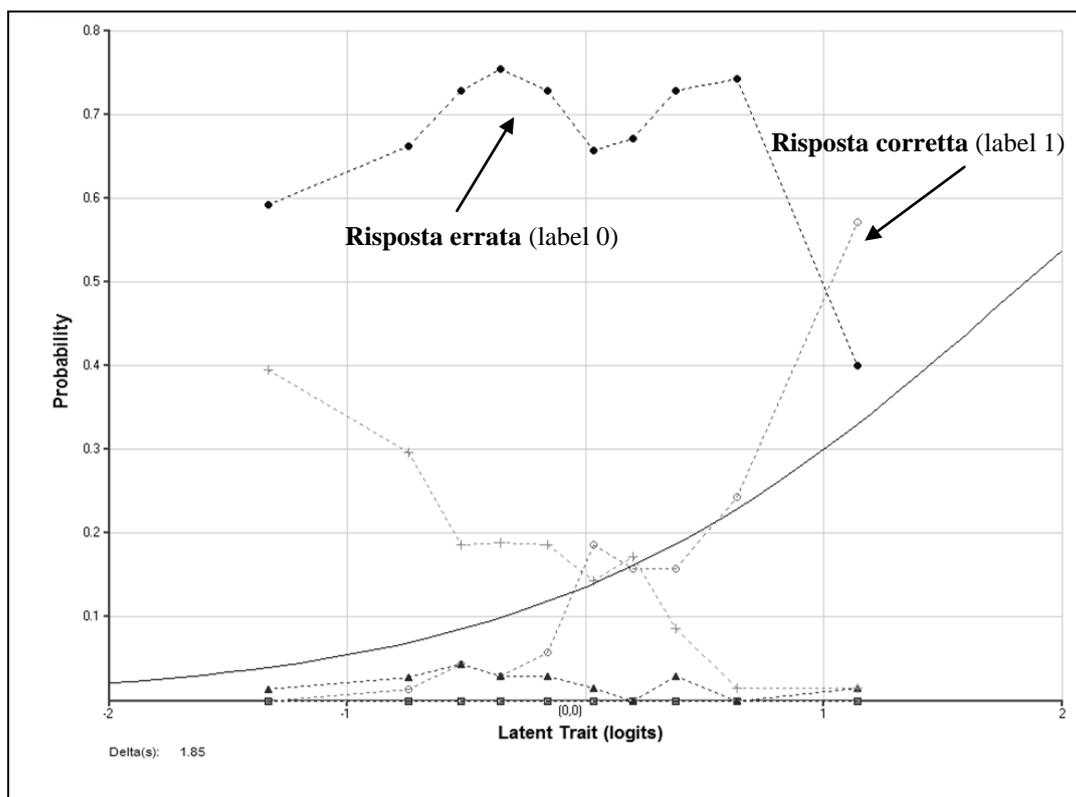
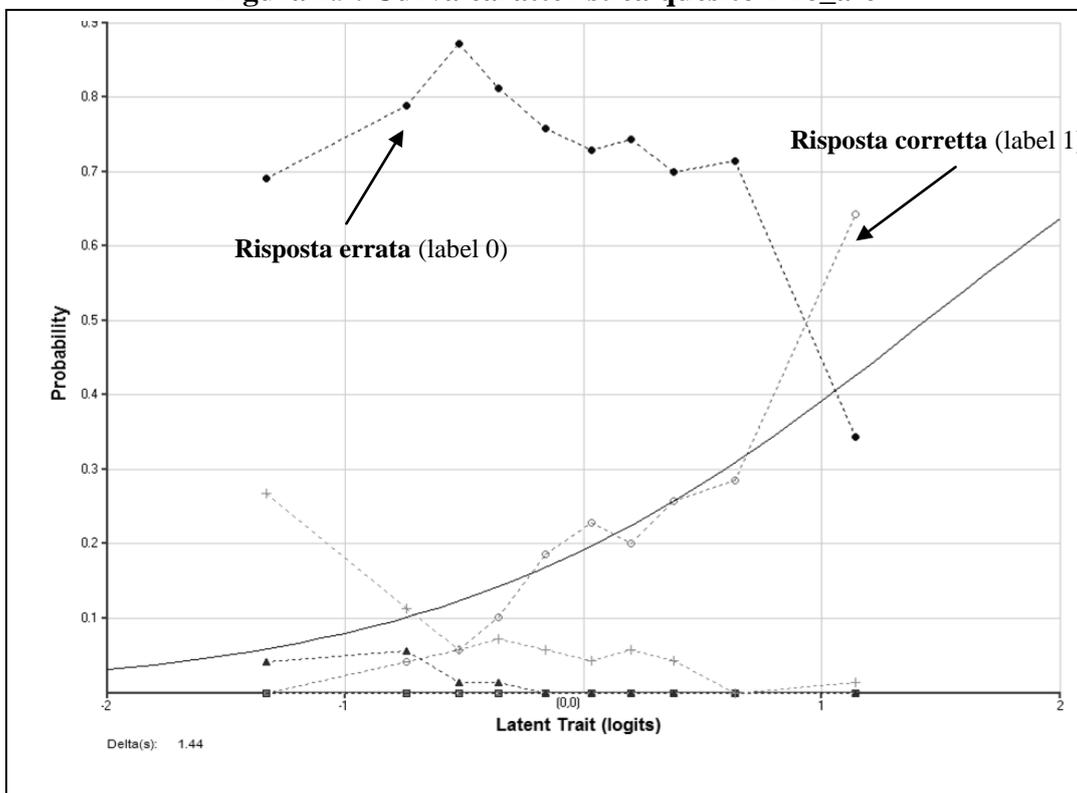
| Label | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t (p)       | PV1Avg:1 | PV1 SD:1 |
|-------|-------|-------|----------|--------|-------------|----------|----------|
| 0     | 0.00  | 467   | 66.62    | -0.07  | -1.80(.073) | -0.10    | 0.62     |
| 1     | 1.00  | 102   | 14.55    | 0.46   | 13.69(.000) | 0.61     | 0.58     |
| 7     | 0.00  | 14    | 2.00     | -0.09  | -2.46(.014) | -0.26    | 0.60     |
| 9     | 0.00  | 118   | 16.83    | -0.31  | -8.72(.000) | -0.54    | 0.66     |

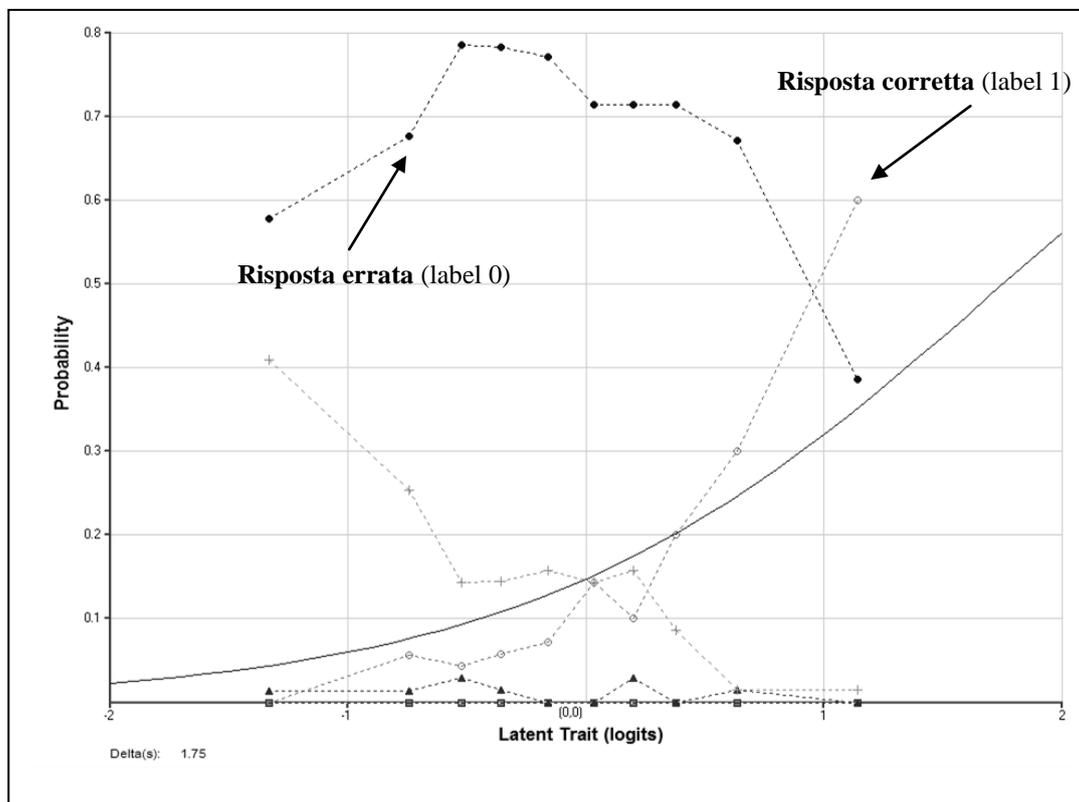
| item:25 (D16c)                              |       |       |          |        |             |          |          |
|---|-------|-------|----------|--------|-------------|----------|----------|
| Cases for this item 701 Discrimination 0.46 |       |       |          |        |             |          |          |
| Item Threshold(s): 1.76 Weighted MNSQ 0.91  |       |       |          |        |             |          |          |
| Item Delta(s): 1.75                         |       |       |          |        |             |          |          |
| -----                                       |       |       |          |        |             |          |          |
| Label                                       | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t (p)       | PV1Avg:1 | PV1 SD:1 |
| -----                                       |       |       |          |        |             |          |          |
| 0   | 0.00  | 476   | 67.90    | -0.09  | -2.36(.019) | -0.11    | 0.61     |
| 1   | 1.00  | 110   | 15.69    | 0.46   | 13.57(.000) | 0.58     | 0.61     |
| 7   | 0.00  | 8     | 1.14     | -0.07  | -1.80(.072) | -0.32    | 0.65     |
| 9   | 0.00  | 107   | 15.26    | -0.33  | -9.14(.000) | -0.55    | 0.68     |

Anche in questo caso andiamo direttamente a commentare alcune importanti informazioni fornite dalla tabella 2.9. Da un punto di vista misuratorio non si evidenziano particolari problematiche: per tutte e tre le opzioni la discriminatività dell'item è molto buona (0.46), il *fit* è sempre compreso nei margini di accettabilità e i punti biseriali sono tutti nella norma. I tre item risultano nel complesso molto difficili, tanto che le percentuali di risposte corrette oscillano tra il 15% e il 20%. Si è quindi proceduto ad una verifica di tipo qualitativo sul quesito per verificare che la difficoltà in generale non dipendesse da una presentazione poco chiara del compito. L'analisi qualitativa ha richiesto la modifica della struttura del quesito per rendere più esplicito il compito da svolgere.

Dall'osservazione della curva caratteristica dell'item (Figura 2.9) possiamo verificare le informazioni sul funzionamento del quesito.

Figura 2.9: Curva caratteristica quesito D16\_a-c





Il box 2.10 mostra il quesito – D11 nella nuova versione - dopo la modifica apportata.

**Box 2.10: Quesito nella versione definitiva – Prova di Matematica di scuola primaria classe seconda 2014**

**D11. Cosa nasconde la macchia?**

$10 + 1 \text{ * } = 23$       La macchia nasconde la cifra 3.

Adesso scopri tu le cifre nascoste sotto le macchie e scrivile al posto dei puntini.

a.  $20 + \text{ * } 5 = 35$       La macchia nasconde la cifra .....

b.  $48 - \text{ * } 6 = 12$       La macchia nasconde la cifra .....

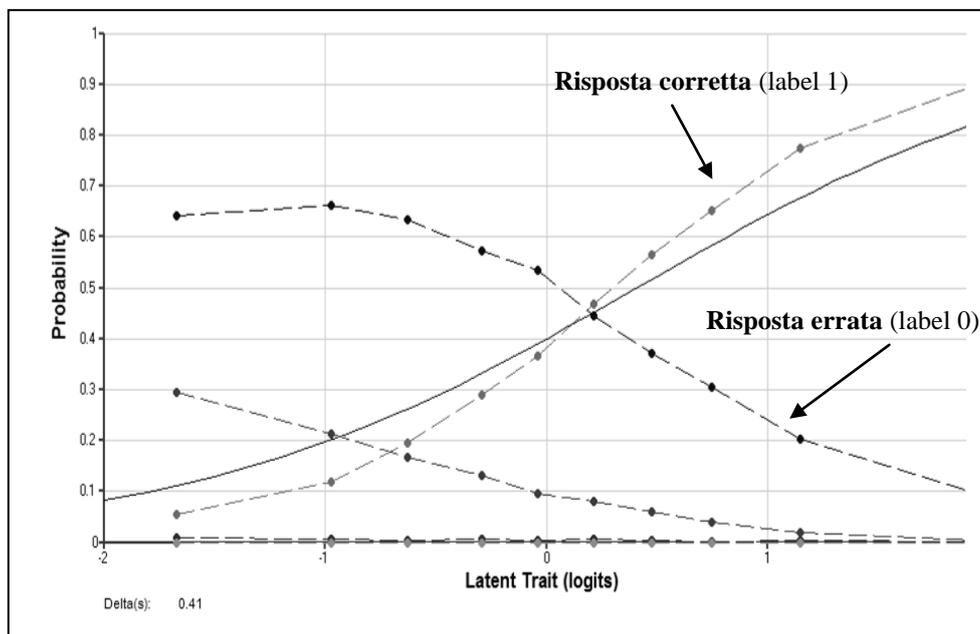
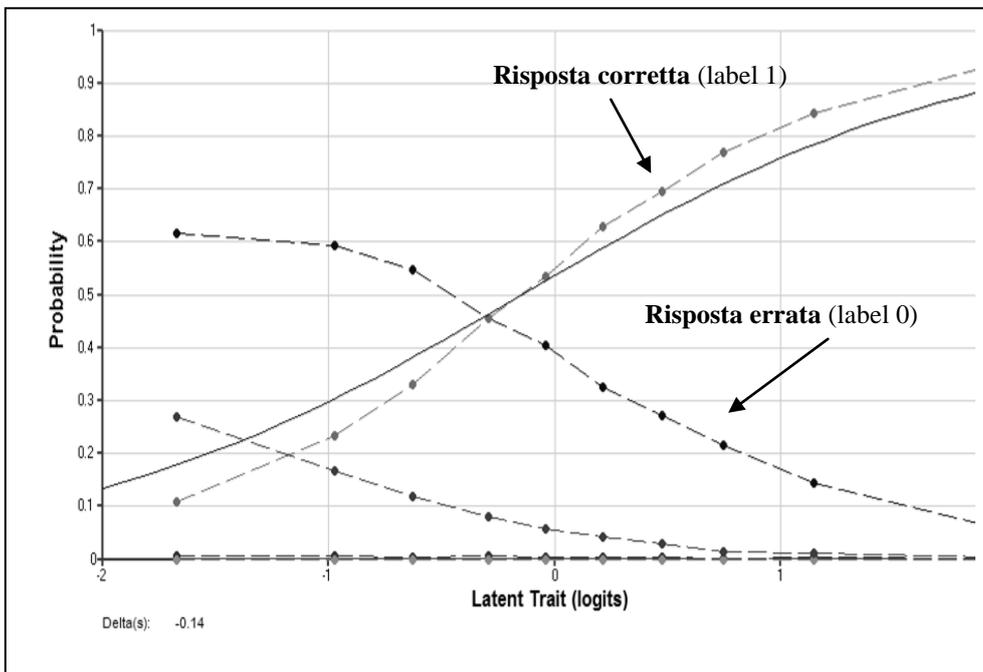
c.  $42 + 1 \text{ * } = 59$       La macchia nasconde la cifra .....

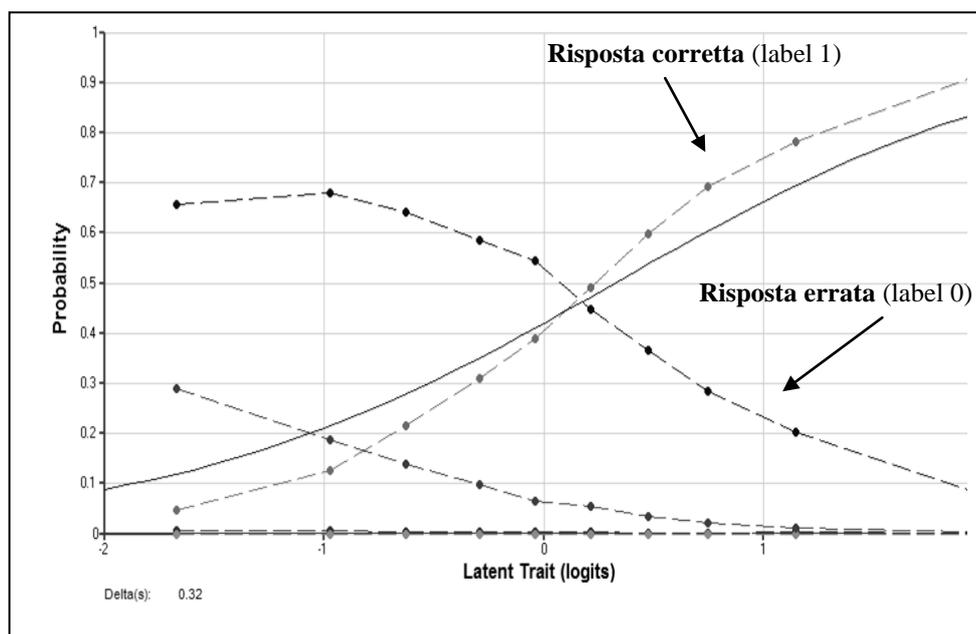
Il quesito nella versione riveduta mostra che le modifiche hanno migliorato la qualità misuratoria dell'item, come si può vedere dai dati della tabella seguente (Tabella 2.10) e dalle curve caratteristiche (Figura 2.10).

**Tabella 2.10: Analisi IRT delle risposte al quesito D11\_a-c**

| Item 16  |       |       |          |        |        |        |          |          |
|--|-------|-------|----------|--------|--------|--------|----------|----------|
| item:16 (D11_a)  |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Cases for this item 26310 Item-Rest Cor. 0.46 Item-Total Cor. 0.53 |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Item Threshold(ς): -0.14 Weighted MNSQ 0.92                        |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Item Delta(ς): -0.14   |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Label  | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t      | sig. p | PV1Avg:1 | PV1 SD:1 |
| 0  | 0     | 9956  | 37.84    | -0.31  | -53,18 | 0,000  | -0.410   | 0,820    |
| 1  | 1     | 13931 | 52.95    | 0.46   | 84,54  | 0,000  | 0.440    | 0,860    |
| 7  | 0     | 113   | 0.43     | -0.02  | -3,25  | 0,001  | -0.350   | 0,830    |
| 9  | 0     | 2310  | 8.78     | -0.28  | -46,7  | 0,000  | -0.820   | 0,810    |
| Item 17  |       |       |          |        |        |        |          |          |
| item:17 (D11_b)  |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Cases for this item 26310 Item-Rest Cor. 0.48 Item-Total Cor. 0.55 |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Item Threshold(ς): 0.41 Weighted MNSQ 0.90                         |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Item Delta(ς): 0.41  |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Label  | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t      | sig. p | PV1Avg:1 | PV1 SD:1 |
| 0  | 0     | 12107 | 46.02    | -0.3   | -50,28 | 0,000  | -0.330   | 0,830    |
| 1  | 1     | 10925 | 41.52    | 0.48   | 88,99  | 0,000  | 0.570    | 0,840    |
| 7  | 0     | 127   | 0.48     | -0.02  | -3,59  | 0,000  | -0.330   | 0,850    |
| 9  | 0     | 3151  | 11.98    | -0.27  | -45,63 | 0,000  | -0.670   | 0,820    |
| Item 18  |       |       |          |        |        |        |          |          |
| item:18 (D11_c)  |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Cases for this item 26310 Item-Rest Cor. 0.49 Item-Total Cor. 0.56 |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Item Threshold(ς): 0.32 Weighted MNSQ 0.90                         |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Item Delta(ς): 0.32  |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Label  | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t      | sig. p | PV1Avg:1 | PV1 SD:1 |
| 0  | 0     | 12188 | 46.32    | -0.31  | -53,32 | 0,000  | -0.350   | 0,820    |
| 1  | 1     | 11378 | 43.25    | 0.49   | 91,44  | 0,000  | 0.560    | 0,830    |
| 7  | 0     | 94    | 0.36     | -0.02  | -3,18  | 0,001  | -0.330   | 0,820    |
| 9  | 0     | 2650  | 10.07    | -0.29  | -48,61 | 0,000  | -0.770   | 0,810    |

Figura 2.10: Curva caratteristica quesito D11\_a-c

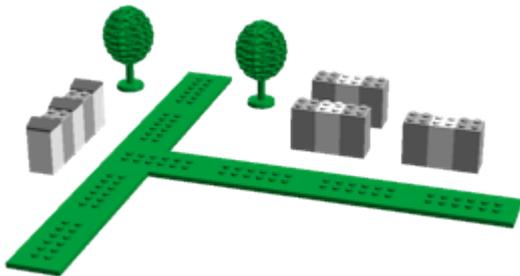




I dati confermano la scelta operata. La percentuale di risposte corrette aumenta (oscillando tra il 43% e il 53%) per cui l'item è risultato meno difficile, mentre le caratteristiche di discriminatività (pretest 0.46 SNV 2014 tra 0.46 e 0.49) e di fit (MNSQ: pretest 0.90 – 0.91 SNV 2014 0.90 – 0.92) sono rimaste pressoché inalterate.

ESEMPIO 6: QUESITO DI II PRIMARIA – MATEMATICA

D15. Marco ha realizzato questa costruzione.



Come si presenta questa costruzione vista dall'alto?

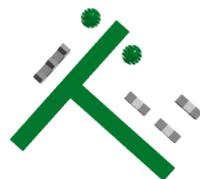
A.



B.



C.



Box 2.11: Quesito nella versione pre-test

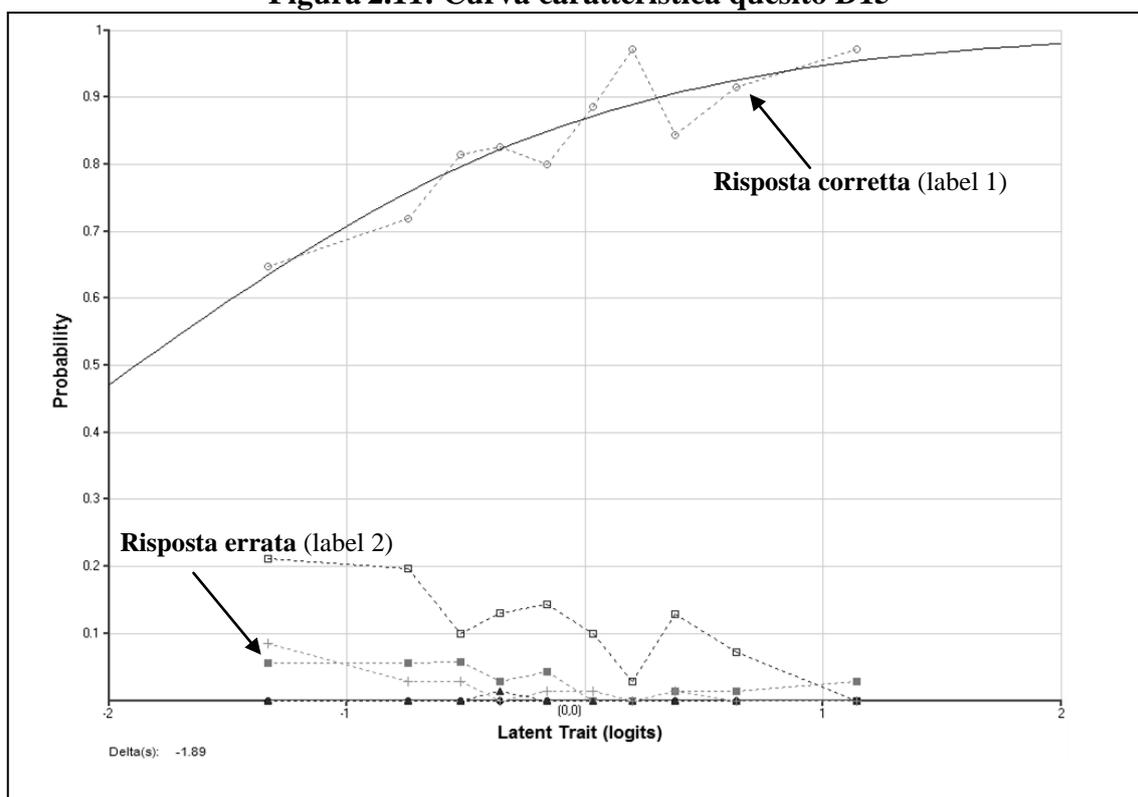
**Tabella 2.11: Analisi IRT delle risposte al quesito D15 (pre-test)**

| item:22 (D15)                               |       |       |          |        |             |          |          |
|---|-------|-------|----------|--------|-------------|----------|----------|
| Cases for this item 701 Discrimination 0.25 |       |       |          |        |             |          |          |
| Item Threshold(s): -1.88 Weighted MNSQ 1.00 |       |       |          |        |             |          |          |
| Item Delta(s): -1.89                        |       |       |          |        |             |          |          |
| Label                                       | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t (p)       | PV1Avg:1 | PV1 SD:1 |
| 1   | 1.00  | 588   | 83.88    | 0.25   | 6.82(.000)  | 0.00     | 0.67     |
| 2   | 0.00  | 21    | 3.00     | -0.07  | -1.78(.076) | -0.42    | 0.81     |
| 3   | 0.00  | 78    | 11.13    | -0.16  | -4.40(.000) | -0.40    | 0.60     |
| 7   | 0.00  | 1     | 0.14     | -0.00  | -0.12(.908) | -0.41    | 0.00     |
| 9   | 0.00  | 13    | 1.85     | -0.21  | -5.76(.000) | -1.07    | 0.96     |

In questo caso il problema del quesito riguarda l'opzione di risposta 2, in cui il coefficiente di correlazione punto-biseriale è negativo (anche se vicino allo zero) ma non significativo statisticamente in quanto il valore di probabilità del  $t(p)$  è 0.076, quindi maggiore rispetto a quello massimo accettabile, pari a 0.05.

L'analisi delle curve caratteristiche del quesito mostrano sostanzialmente un andamento regolare.

**Figura 2.11: Curva caratteristica quesito D15**

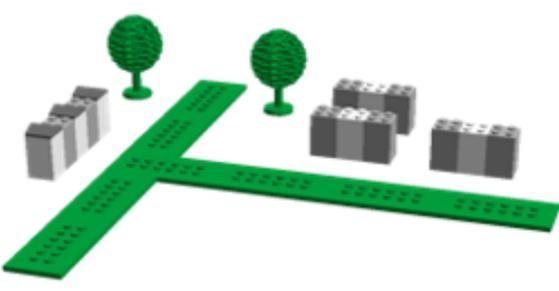


Alla luce delle analisi dei dati si è scelto di modificare l'opzione di risposta 2.

Il box 2.12 mostra il quesito – D2 nella nuova versione - dopo la modifica.

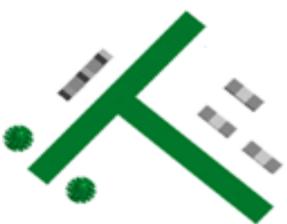
**Box 2.12: Quesito nella versione definitiva – Prova di Matematica di scuola primaria classe seconda 2014**

**D2. Marco ha realizzato questa costruzione.**



**Come si presenta la costruzione vista dall'alto?**

A.  

B.  

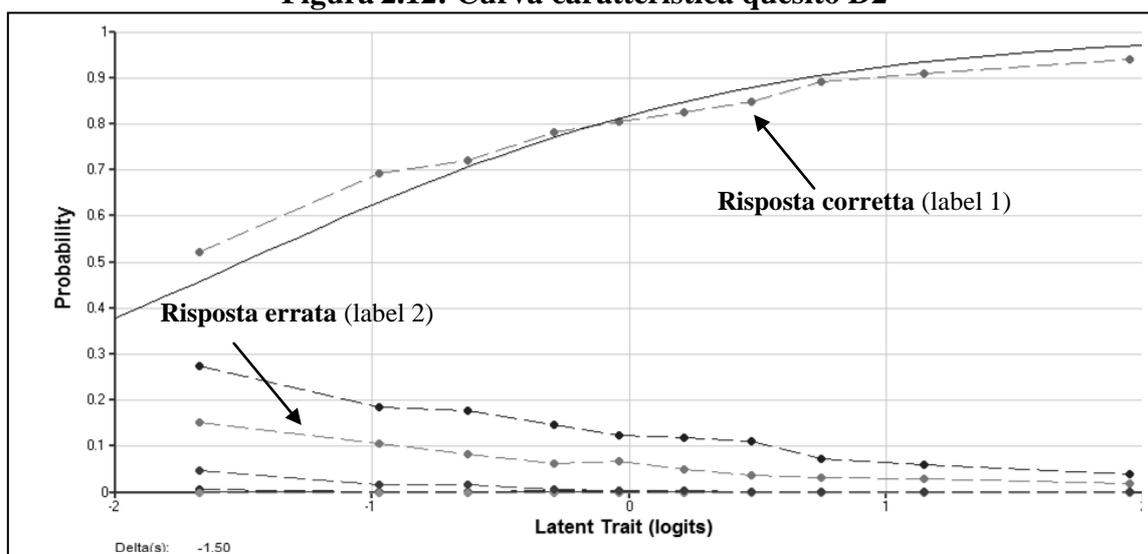
C.  

Il quesito nella versione riveduta mostra che le modifiche hanno migliorato la qualità misuratoria dell'item, come si può vedere dai dati della tabella seguente (Tabella 2.12) e dalla curva caratteristica (Figura 2.12).

**Tabella 2.12: Analisi IRT delle risposte al quesito D2**

| Item 2   |       |       |          |        |        |        |          |          |  |
|--|-------|-------|----------|--------|--------|--------|----------|----------|--|
| item:2 (D2)  |       |       |          |        |        |        |          |          |  |
| Cases for this item 26310 Item-Rest Cor. 0.23 Item-Total Cor. 0.30 |       |       |          |        |        |        |          |          |  |
| Item Threshold(s): -1.50 Weighted MNSQ 1.07                        |       |       |          |        |        |        |          |          |  |
| Item Delta(s): -1.50   |       |       |          |        |        |        |          |          |  |
| Label  | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t      | sig. p | PVIAvg:1 | PVI SD:1 |  |
| 1  | 1     | 20548 | 78,1     | 0,23   | 38,74  | 0,000  | 0,140    | 0,930    |  |
| 2  | 0     | 1776  | 6,75     | -0,13  | -20,69 | 0,000  | -0,510   | 0,920    |  |
| 3  | 0     | 3630  | 13,8     | -0,15  | -24,32 | 0,000  | -0,450   | 0,910    |  |
| 7  | 0     | 50    | 0,19     | -0,04  | -5,87  | 0,000  | -0,790   | 1,070    |  |
| 9  | 0     | 306   | 1,16     | -0,11  | -17,69 | 0,000  | -1,000   | 0,870    |  |

**Figura 2.12: Curva caratteristica quesito D2**



Il punto biseriale dell'opzione 2 è rimasto negativo diventando statisticamente significativo (il valore di probabilità del  $t(p)$  è 0.00).

ESEMPIO 7: QUESITO DI V PRIMARIA – MATEMATICA

**Box 2.13: Quesito nella versione pre - test**

**B06. Anna e Andrea giocano al Gioco dell’Oca. Anna è sulla casella 23 e Andrea è sulla 34; è il turno di Anna che tira i due dadi.**

**Scrivi nello spazio qua sotto tutte le possibili combinazioni dei numeri che possono apparire sulle facce dei due dadi e che permettono ad Anna di raggiungere o superare Andrea.**

|                |  |  |  |
|----------------|--|--|--|
| <b>I dado</b>  |  |  |  |
| <b>II dado</b> |  |  |  |

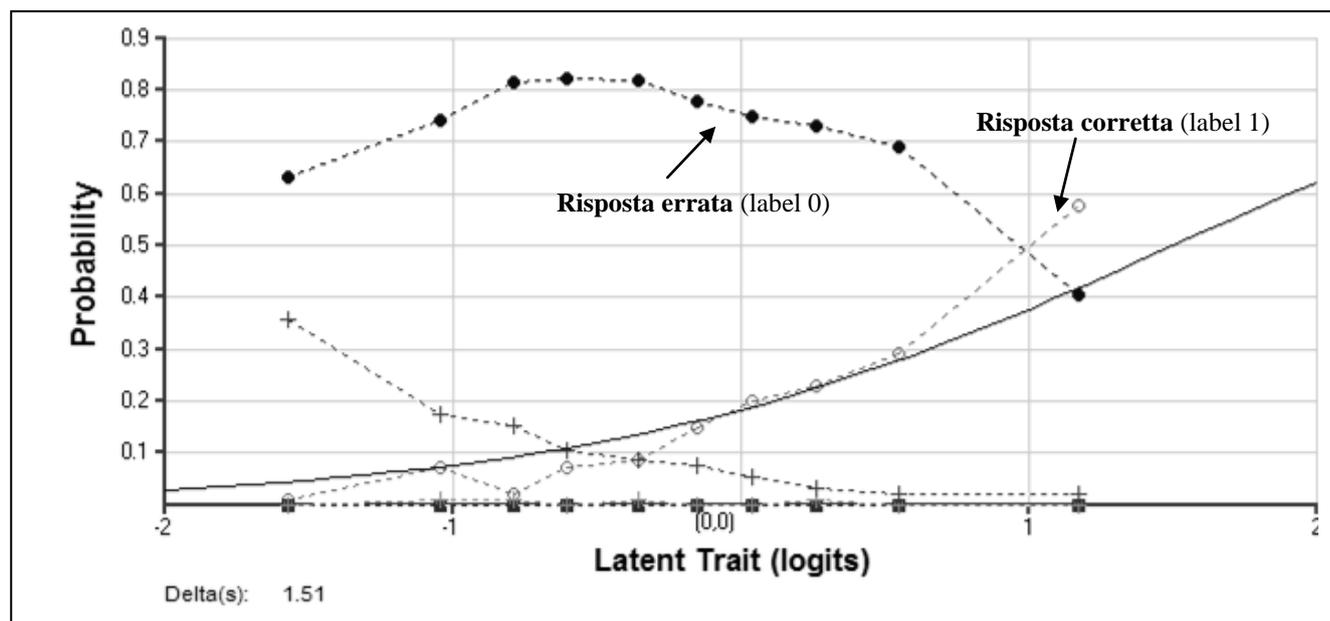
**Tabella 2.13: Analisi IRT delle risposte al quesito B06 (pre - test)**

item: 9 (B06-M5MD145)

Cases for this item 946 Discrimination 0.42  
 Item Threshold(s): 1.51 Weighted MNSQ 0.92  
 Item Delta(s): 1.51

| Label | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t (p)       | PV1Avg: 1 | PV1 SD: 1 |
|-------|-------|-------|----------|--------|-------------|-----------|-----------|
| 0     | 0.00  | 679   | 71.78    | -0.14  | -4.43(.000) | -0.31     | 0.67      |
| 1     | 1.00  | 161   | 17.02    | 0.42   | 14.25(.000) | 0.43      | 0.73      |
| 7     | 0.00  | 4     | 0.42     | -0.02  | -0.73(.466) | -0.51     | 0.53      |
| 9     | 0.00  | 102   | 10.78    | -0.30  | -9.58(.000) | -0.93     | 0.79      |

Figura 2.13: Curva caratteristica quesito B06



Anche in questo caso, la lettura dei dati e l’osservazione delle curve caratteristiche evidenzia che il quesito non presenta particolari problemi da un punto di vista misuratorio: discriminatività, *fit* e punto biseriale hanno valori che non richiedono aggiustamenti particolari. Ancora una volta, però, il quesito risulta particolarmente difficile. Si è quindi proceduto all’analisi qualitativa della struttura del quesito e alla modifica dello stesso come di seguito riportato.

**Box 2.14: Quesito nella versione definitiva – Prova di Matematica di scuola primaria classe quinta 2014**

**D5. Anna e Andrea giocano al Gioco dell’Oca. Anna è sulla casella 23 e Andrea è sulla 34. È il turno di Anna che tira i due dadi, entrambi numerati da 1 a 6.**  
**Scrivi nei riquadri qua sotto, tutte le coppie di numeri che possono apparire sulle facce dei due dadi e che permettono ad Anna di raggiungere o superare Andrea.**

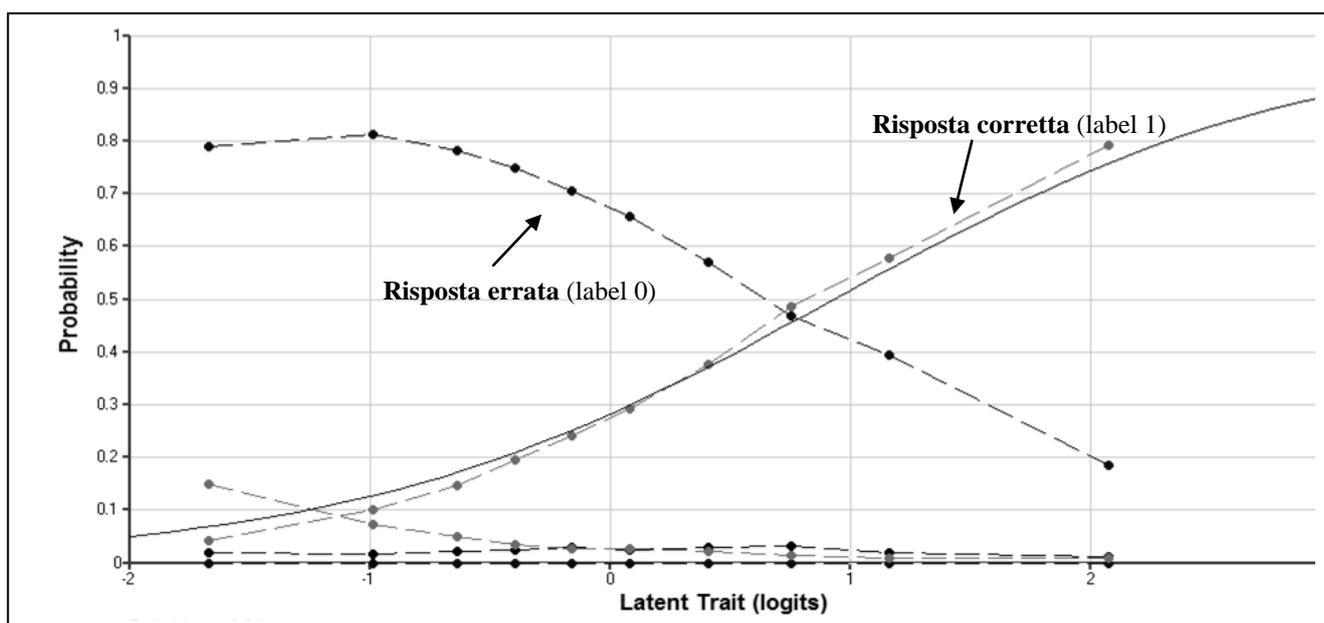
|  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|
|  |  |  |  |  |  |  |  |
|--|--|--|--|--|--|--|--|

Il quesito nella versione riveduta mostra che le modifiche hanno migliorato la qualità misuratoria dell'item, come si può vedere dai dati della tabella seguente (Tabella 2.14) e dalla curva caratteristica (Figura 2.14).

**Tabella 2.14: Analisi IRT delle risposte al quesito D5**

| Item 8   |       |       |          |        |        |        |          |          |
|--|-------|-------|----------|--------|--------|--------|----------|----------|
| item:8 (D5)  |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Cases for this item 25348 Item-Rest Cor. 0.40 Item-Total Cor. 0.46 |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Item Threshold(s): 0.94 Weighted MNSQ 0.96                         |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Item Delta(s): 0.94  |       |       |          |        |        |        |          |          |
| Label  | Score | Count | % of tot | Pt Bis | t      | sig. p | PVIAvg:1 | PV1 SD:1 |
| 0  | 0     | 15771 | 62,22    | -0,32  | -52,88 | 0,000  | -0,250   | 0,850    |
| 1  | 1     | 7911  | 31,21    | 0,4    | 70,34  | 0,000  | 0,620    | 0,890    |
| 7  | 0     | 579   | 2,28     | 0,01   | 1,6    | 0,109  | -0,010   | 0,840    |
| 9  | 0     | 1087  | 4,29     | -0,18  | -28,7  | 0,000  | -0,760   | 0,890    |

**Figura 2.14: Curva caratteristica quesito B5**



I dati confermano la scelta operata. La percentuale di risposte corrette aumenta (31%) per cui l'item è risultato meno difficile mentre le caratteristiche di discriminatività (pretest 0.42, SNV 2014 0.40) e di fit (MNSQ: pretest 0.92 SNV 2014 0.96) sono migliorate o rimaste pressoché inalterate.

## Capitolo 3 - La valutazione delle prove standardizzate del Servizio nazionale di valutazione

### 3.1 L'analisi degli item

La valutazione delle caratteristiche di una prova standardizzata può avvenire su diversi piani; uno di questi, ossia quello concernente l'analisi dei contenuti coperti dalle prove e dei processi cognitivi che ciascun item mira a rilevare, è stato descritto nel capitolo 3 del Rapporto nazionale sui risultati delle rilevazioni.

Un secondo piano è invece relativo alle caratteristiche psicometriche degli item stessi e implica, pertanto, un insieme di analisi di tipo statistico sulle risposte degli studenti volte, in sostanza, a identificare eventuali item che non svolgono nel modo dovuto la loro funzione misuratoria.

Le informazioni di base da cui si parte per l'analisi del funzionamento di un item sono sostanzialmente tre:

- a) quanti alunni hanno risposto correttamente;
- b) quanti hanno scelto ciascuno dei possibili distrattori;
- c) quanti hanno omesso la risposta.

A partire da queste informazioni è possibile rispondere a tre domande:

- 1) quanto è difficile l'item?
- 2) l'item è in grado di discriminare fra gli alunni più abili e quelli meno abili?
- 3) gli alunni hanno scelto tutte le opzioni? O ci sono alcune opzioni che non sono state scelte da nessuno?<sup>16</sup>

La valutazione della difficoltà di una prova è, *in primis*, effettuata basandosi sul giudizio di esperti e su premesse teoriche. Successivamente, dal punto di vista statistico e secondo la teoria classica dei test, viene considerata la percentuale di risposte corrette fornite da un numero adeguato di alunni, tale, cioè, da coprire una varietà di comportamenti sufficientemente ampia. L'elevato numero di risposte è, in altre parole, un elemento cruciale per ottenere informazioni tecnicamente fondate.

---

<sup>16</sup> Auspicabilmente, l'opzione scelta il maggior numero di volte dovrebbe essere quella corretta, ma tutti i distrattori dovrebbero essere scelti almeno un certo numero di volte; in caso contrario, essi non svolgono correttamente la loro funzione.

A partire da questi dati di base, la teoria dei test nella sua forma più avanzata, che va sotto il nome di *Item Response Theory* e di *Rasch Analysis*<sup>17</sup>, permette di effettuare sofisticate e robuste valutazioni sulla difficoltà complessiva di una prova, sulla sua coerenza generale e sull'adeguatezza delle domande che la compongono.

Analogamente a quanto avviene in altre rilevazioni quantitative sugli apprendimenti, sia a livello nazionale sia a livello internazionale, l'INVALSI utilizza metodi e tecniche la cui validità trova riscontro in tutta la letteratura di settore. In particolare, per ogni parte delle prove INVALSI<sup>18</sup> (Italiano o Matematica), sono state effettuate diverse analisi basate sui dati forniti da campioni di non meno di 1300 classi, come nel caso della Prova nazionale, fino a raggiungere le 2400 classi, come è avvenuto per la scuola secondaria di secondo grado.

Gli strumenti tecnico-statistici principali e gli indici con i quali comunemente vengono valutate le caratteristiche misuratorie di una prova standardizzata, e che sono stati utilizzati anche per le prove INVALSI 2013-2014, sono, come già detto al paragrafo 2.3:

1. l'indice  $\alpha$  di *Cronbach* per la valutazione generale di affidabilità della prova;
2. la *Rasch Analysis* per la stima della difficoltà delle domande e dell'abilità degli studenti;
3. *placement* relativo delle domande rispetto al punteggio di Rasch assegnato a ciascun allievo;
4. l'indice di discriminazione statistica (coefficiente  $r$  punto-biserial).

### 3.2 L'indice $\alpha$ di Cronbach

Oltre alla validità di una prova e degli item che la compongono, occorre valutare anche la sua attendibilità<sup>19</sup>.

Il calcolo dell' $\alpha$  di *Cronbach* permette di avere una valutazione sintetica e generale sulla coerenza complessiva della prova e quindi sull'attendibilità delle informazioni che da essa si possono desumere (Cronbach, 1951). Come è noto in letteratura, l' $\alpha$  di *Cronbach* non è però sufficiente per

---

<sup>17</sup>Esula dallo scopo del presente lavoro qualsiasi approfondimento circa le differenze metodologiche e teoriche tra *Item Response Theory* e *Rasch Analysis*. A tal riguardo si veda, ad esempio, Barbaranelli C., Natali E., *I test psicologici: teorie e modelli psicometrici*, Carrocci Editore, Roma, 2005.

<sup>18</sup>Inclusa la Prova nazionale.

<sup>19</sup>La validità ha a che fare con la capacità dello strumento di misurare ciò che intende misurare; l'attendibilità riguarda, invece, quanto tale misurazione è coerente e precisa (o, in altre parole, quanto è esente da errore). È importante ricordare che validità e attendibilità sono strettamente legate: uno strumento non può essere valido senza essere attendibile. Tuttavia, l'attendibilità di uno strumento non dipende dalla sua validità.

poter esprimere un giudizio sicuro e fondato su questo aspetto, ma costituisce solo un'analisi preliminare che deve essere ulteriormente approfondita con altri strumenti. A tal fine, la *Rasch Analysis* consente di effettuare gli approfondimenti necessari per valutare se e in che misura la prova proposta agli studenti sia caratterizzata da un grado di affidabilità sufficiente per ottenere misurazioni precise dei livelli di apprendimento raggiunti.

L' $\alpha$  di *Cronbach* è un indice espresso da un numero compreso fra 0 e 1: quanto più esso si avvicina a 1, tanto maggiore è la coerenza complessiva della prova oggetto d'interesse. La letteratura psicometrica fornisce valori di riferimento che definiscono degli standard generalmente accettati per esprimere un primo giudizio orientativo sulla coerenza generale di una prova.<sup>20</sup>

In termini tecnici, l' $\alpha$  esprime la correlazione fra gli item che compongono la prova con il costrutto latente (il livello di apprendimento) oggetto di misurazione: maggiore è l'intercorrelazione fra gli item, maggiore sarà l'indice  $\alpha$ . Tale indice, tuttavia, è anche influenzato dal numero complessivo di item: se il test è troppo breve, l' $\alpha$  ne risulterà ridotto.

**Tavola 3.1: Soglie di  $\alpha$  per prove su larga scala**

| Valori di $\alpha$ | Attendibilità della prova |
|--------------------|---------------------------|
| 0,80 o superiore   | Molto buona               |
| da 0,70 a 0,80     | Buona                     |
| da 0,50 a 0,70     | Modesta                   |
| inferiore a 0,50   | Inadeguata                |

I valori soglia riportati nella tavola 3.1 hanno naturalmente una valenza orientativa e dipendono dalla tipologia di prova presa in esame. Se, come nel caso delle prove INVALSI, inclusa la Prova nazionale (PN), i rispondenti sono tutti gli allievi che frequentano una data classe, allora possono essere considerati adeguati valori di  $\alpha$  di almeno 0,70.

La tabella 3.1 riporta i valori dell'indice  $\alpha$  di *Cronbach* per i fascicoli di Italiano e Matematica delle prove INVALSI 2013-2014 e della Prova nazionale 2014.

---

<sup>20</sup>Nunnally (1978), in un testo classico della psicometria, ha indicato 0,7 quale valore minimo accettabile per l'  $\alpha$  di Cronbach, ma in letteratura è possibile trovare anche indicazioni di soglie più basse (ad es. Kline, 1999).

**Tabella 3.1: Valori di  $\alpha$  delle prove INVALSI (inclusa la Prova nazionale)**

| <b>Livello</b>           | <b>Italiano</b> | <b>Matematica</b> |
|--------------------------|-----------------|-------------------|
| <b>II primaria</b>       | 0,91            | 0,83              |
| <b>V primaria</b>        | 0,87            | 0,87              |
| <b>III sec. di I gr.</b> | 0,87            | 0,86              |
| <b>II sec. di II gr.</b> | 0,94            | 0,82              |

Come si può vedere dalla tabella 3.1, per tutti i livelli scolastici coinvolti l'indice  $\alpha$  di *Cronbach* supera ampiamente la soglia di 0,70 sia in Italiano sia in Matematica.

Gli elevati valori di  $\alpha$  consentono di ritenere che le due prove (Italiano e Matematica) sono internamente coerenti dal punto di vista psicometrico, ovvero sono costruite in modo che l'oggetto di misurazione abbia una sua unitarietà prevalente. Si tratta, quindi, di un primo indicatore di affidabilità delle misure ottenute, intesa come consistenza interna della prova di Italiano e della prova di Matematica di tutti i livelli scolari; in altre parole, la prova, complessivamente intesa, non sembra presentare problemi di incoerenza o di ambiguità tali da mettere in difficoltà i rispondenti, anche se, come sarà mostrato in seguito, sono necessarie analisi ulteriori per giungere a un giudizio maggiormente fondato.

### **3.3 La Rasch Analysis per la stima della difficoltà delle domande e delle “abilità” in italiano e in matematica degli studenti**

Dopo una prima valutazione sintetica sull'attendibilità generale delle prove INVALSI (inclusa la Prova nazionale), l'analisi è stata approfondita applicando i metodi della cosiddetta *Rasch Analysis* (RA).

Il modello di Rasch è riconducibile dal punto di vista operativo alla famiglia dei modelli afferenti all'*Item Response Theory* (IRT). Esso consente di ottenere una scala a intervalli sulla quale vengono collocati gli item in base alla loro difficoltà<sup>21</sup>; sulla medesima scala, successivamente, vengono

---

<sup>21</sup>Quando chi risponde ha un livello di abilità pari a quello della difficoltà dell'item, allora c'è il 50% di probabilità che quel soggetto risponda correttamente all'item. Nel caso in cui il livello di abilità sia inferiore al livello di difficoltà dell'item, allora tale probabilità è minore del 50%; viceversa, nel caso in cui il livello di abilità del soggetto sia superiore al livello di difficoltà dell'item, la probabilità è superiore al 50%.

posizionati gli alunni, o meglio, il livello della loro *performance*<sup>22</sup>, in funzione delle risposte fornite agli item stessi<sup>23</sup>.

La possibilità di ordinare sullo stesso *continuum* sia la difficoltà degli item sia l'abilità degli studenti è molto importante dal punto di vista interpretativo poiché consente di comprendere quali e quanti sono gli allievi che mostrano livelli di apprendimento superiori o inferiori alla difficoltà di una determinata domanda o di un insieme di quesiti, e per conseguenza di comprendere ciò che questi allievi conoscono e sono in grado di fare. Risulta quindi evidente la grande potenzialità di questa metodologia anche dal punto di vista didattico e per la promozione di azioni volte al miglioramento che possono essere realizzate dalle singole scuole.

Nei modelli IRT è possibile rappresentare ciascun item tramite una *curva caratteristica* che esprime l'idea della difficoltà intesa come un indice di posizione.

La Figura 3.1 mostra la curva caratteristica di tre item caratterizzati dal medesimo potere di discriminazione, ma con differenti livelli di difficoltà. La curva a sinistra rappresenta un item facile in quanto la probabilità di rispondere correttamente -  $P(\Theta)$  - è piuttosto elevata anche per allievi con un basso livello di abilità; la curva centrale, invece, rappresenta un item mediamente difficile poiché la probabilità di dare la risposta corretta è bassa ai livelli inferiori di abilità dei rispondenti, intorno a 0,50 al centro della scala di abilità e vicino a 1 ai livelli più elevati di abilità. Infine, la curva a destra illustra un item difficile: la probabilità di fornire la risposta esatta è bassa per quasi tutti i livelli della scala di abilità e aumenta solo in corrispondenza di livelli molto alti di abilità, non superando comunque 0,80 perfino al livello di abilità maggiore fra quelli illustrati nel grafico (+3)<sup>24</sup>.

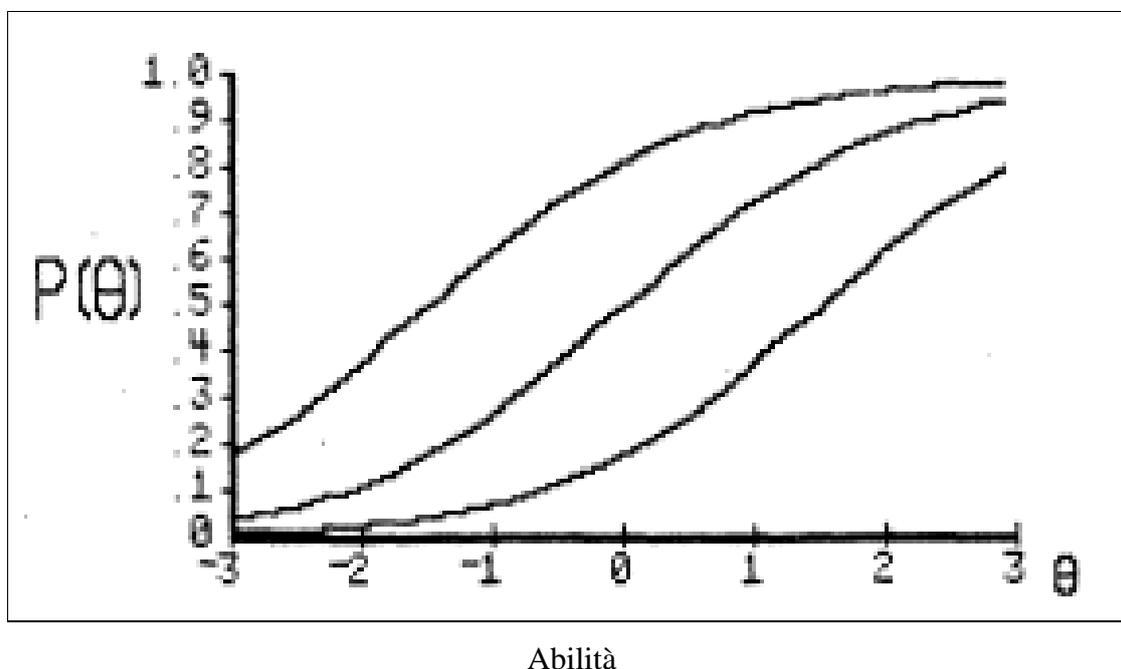
---

<sup>22</sup>Poiché gran parte delle ricerche in questo ambito hanno riguardato variabili cognitive quali abilità matematiche, scientifiche, di lettura, nell'IRT viene utilizzato il termine generico "abilità" per riferirsi al tratto latente oggetto della misurazione.

<sup>23</sup>In altre parole, sulla base della difficoltà degli item che compongono una prova e delle risposte date dagli studenti all'insieme di tali item, si ottengono misure quantitative, riferite alle singole persone, del costrutto latente che si intende misurare. Ci si basa, cioè, sull'assunzione che ciascun alunno possieda una certa quantità di abilità sottostante, espressa da un valore numerico, ovvero un punteggio, che lo posiziona sulla scala di abilità.

<sup>24</sup>Baker, F.B. (2001), *The Basics of Item Response Theory*; Baker, F.B., Kim S., (2004), *Item Response Theory. Parameter Estimation Techniques*.

**Figura 3.1: Curva caratteristica di tre item con lo stesso potere discriminante ma con difficoltà differente**



Le tavole del paragrafo successivo riportano i cosiddetti *parametri di difficoltà* di ciascuna domanda delle prove (fascicolo d'Italiano e di Matematica) INVALSI<sup>25</sup> per la classe II della scuola primaria. Tali parametri sono definiti su una scala convenzionale centrata sul valore 0 e compresa tra i valori -4 e +4. Ciò significa che domande con parametri di difficoltà inferiori a 0 sono generalmente facili e sono tanto più facili quanto più tali parametri assumono valori vicino a -4, mentre quelle con parametri positivi sono generalmente difficili, diventando più difficili quanto più ci si avvicina a +4.

### 3.4 L'indice di discriminazione statistica

Un ulteriore elemento fondamentale per esprimere un giudizio complessivo adeguatamente approfondito sulle prove e su ciascuna domanda che le compone è l'indice di discriminazione, ossia il *coefficiente punto-biserial*<sup>26</sup>. È necessario, infatti, valutare se le diverse domande contengano o

<sup>25</sup> I risultati della prova preliminare di lettura della II primaria sarà oggetto, insieme ai risultati del questionario studente somministrato in V primaria e nella I secondaria di primo grado, di un apposito approfondimento che l'INVALSI pubblicherà nel corso dell'anno scolastico 2012-13.

<sup>26</sup> Cfr. anche Capitolo 1.

meno delle ambiguità che possano aver tratto in inganno i rispondenti<sup>27</sup>: in una domanda formulata in modo adeguato e priva di ambiguità, solo l'opzione corretta si deve associare positivamente con il risultato complessivo della prova, nel senso che coloro che rispondono correttamente a una data domanda devono, in media, ottenere un risultato complessivo nella prova migliore di coloro che rispondono in modo errato o non rispondono affatto.

In termini più tecnici, il quesito deve essere in grado di *discriminare* positivamente fra allievi più abili e allievi meno abili. L'indice di discriminazione consente di valutare in termini quantitativi la capacità di una domanda di individuare gruppi di rispondenti in funzione del loro livello di capacità. In altri termini, quanto più una domanda è *discriminante*, tanto più essa è in grado di misurare la variazione di probabilità di fornire la risposta corretta anche per piccole variazioni di abilità del rispondente. Gli standard di letteratura indicano che l'indice di discriminazione deve raggiungere almeno il valore 0,20 e può considerarsi buono quando supera il valore di 0,25<sup>28</sup>.

Osservando le tabelle del successivo capitolo si può notare che, in generale, i quesiti delle prove relative ai vari livelli di scolarità mostrano una correlazione punto-biseriala positiva con l'esito complessivo della prova medesima; solo in un numero molto limitato di casi il coefficiente di correlazione punto-biseriala assume valori inferiori a 0,20 e ciò consente di eliminare, su una base empirica, la preoccupazione che siano presenti ambiguità o passaggi poco chiari nelle domande che costituiscono le prove SNV.

---

<sup>27</sup>Per ogni domanda è stata valutata sia in sede di pre-test sia *ex post*, ovvero sui risultati della rilevazione vera e propria, la capacità misuratoria di ciascuna opzione (cfr. Capitolo I).

<sup>28</sup> Si veda OECD, *Pisa 2006 Technical Report*, Parigi, OECD, 2009, pag. 147.

## Capitolo 4 - I dati sulle prove per i vari livelli coinvolti

### 4.1 La prova di II primaria

Le tabelle 4.1 e 4.2 riportano i parametri di difficoltà e i coefficienti di correlazione punto-biseriale delle prove di Italiano e Matematica della classe II primaria, distinguendo fra gli item afferenti alle diverse sezioni e macro-processi del test; le figure 4.1 e 4.2 mostrano l'andamento della funzione di informazione complessiva delle prove.

**Tabella 4.1: Parametri di difficoltà delle domande della prova di Italiano - II primaria**

| N. | Item  | Sezione         | Macro-categoria aspetti comprensione | Difficoltà | Correlazione punto-biseriale |
|----|-------|-----------------|--------------------------------------|------------|------------------------------|
| 1  | A1_a  | Testo narrativo | Individuare informazioni             | -1,18      | 0,32                         |
|    | A1_b  | Testo narrativo | Individuare informazioni             | -1,25      | 0,32                         |
|    | A1_c  | Testo narrativo | Individuare informazioni             | -1,29      | 0,38                         |
|    | A1_d  | Testo narrativo | Individuare informazioni             | -0,96      | 0,34                         |
| 2  | A2    | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,77       | 0,35                         |
| 3  | A3    | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,54       | 0,25                         |
| 4  | A4    | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,46       | 0,36                         |
| 5  | A5    | Testo narrativo | Individuare informazioni             | 0,29       | 0,36                         |
| 6  | A6    | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,47       | 0,35                         |
| 7  | A7    | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,98       | 0,17                         |
| 8  | A8    | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,16       | 0,36                         |
| 9  | A9    | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 1,02       | 0,31                         |
| 10 | A10   | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,53       | 0,42                         |
| 11 | A11   | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 1,65       | 0,16                         |
| 12 | A12   | Testo narrativo | Individuare informazioni             | 0,57       | 0,38                         |
| 13 | A13   | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,42       | 0,40                         |
| 14 | A14   | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,31       | 0,35                         |
| 15 | A15   | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,76       | 0,31                         |
| 16 | A16   | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | 1,68       | 0,23                         |
| 17 | A17   | Testo narrativo | Comprendere e ricostruire il testo   | -0,30      | 0,43                         |
| 18 | A18_a | Testo narrativo | Rielaborare il testo                 | -1,55      | 0,49                         |
| 19 | A18_b | Testo narrativo | Rielaborare il testo                 | -0,68      | 0,39                         |
| 20 | A18_c | Testo narrativo | Rielaborare il testo                 | -0,42      | 0,32                         |
| 21 | A18_d | Testo narrativo | Rielaborare il testo                 | -1,14      | 0,50                         |
| 22 | A19   | Testo narrativo | Rielaborare il testo                 | 0,76       | 0,43                         |

| N. | Item  | Sezione            | Macro-categoria aspetti comprensione      | Difficoltà | Correlazione punto-biseriale |
|----|-------|--------------------|---|------------|------------------------------|
| 23 | A20_a | Testo narrativo    | Rielaborare il testo                      | -1,30      | 0,56                         |
| 24 | A20_b | Testo narrativo    | Rielaborare il testo                      | -1,41      | 0,54                         |
| 25 | A20_c | Testo narrativo    | Rielaborare il testo                      | -1,22      | 0,46                         |
| 26 | A20_d | Testo narrativo    | Rielaborare il testo                      | -0,85      | 0,51                         |
| 27 | A20_e | Testo narrativo    | Rielaborare il testo                      | -0,55      | 0,42                         |
| 28 | B1_1  | Esercizi di lingua | Riconoscere aggettivi sinonimi e contrari | -0,93      | 0,55                         |
| 29 | B1_2  | Esercizi di lingua | Riconoscere aggettivi sinonimi e contrari | -0,21      | 0,38                         |
| 30 | B1_3  | Esercizi di lingua | Riconoscere aggettivi sinonimi e contrari | -1,13      | 0,61                         |
| 31 | B1_4  | Esercizi di lingua | Riconoscere aggettivi sinonimi e contrari | -1,42      | 0,60                         |
| 32 | B1_5  | Esercizi di lingua | Riconoscere aggettivi sinonimi e contrari | -1,38      | 0,58                         |
| 33 | B1_6  | Esercizi di lingua | Riconoscere aggettivi sinonimi e contrari | -0,08      | 0,42                         |
| 34 | B1_7  | Esercizi di lingua | Riconoscere aggettivi sinonimi e contrari | -1,17      | 0,59                         |
| 35 | B1_8  | Esercizi di lingua | Riconoscere aggettivi sinonimi e contrari | -1,46      | 0,60                         |
| 36 | B1_9  | Esercizi di lingua | Riconoscere aggettivi sinonimi e contrari | -1,03      | 0,51                         |
| 37 | B1_10 | Esercizi di lingua | Riconoscere aggettivi sinonimi e contrari | -1,23      | 0,58                         |
| 38 | B1_11 | Esercizi di lingua | Riconoscere aggettivi sinonimi e contrari | -1,14      | 0,61                         |
| 39 | B1_12 | Esercizi di lingua | Riconoscere aggettivi sinonimi e contrari | -0,42      | 0,48                         |
| 40 | B2    | Esercizi di lingua | Collegare soggetto e predicato            | -0,56      | 0,52                         |

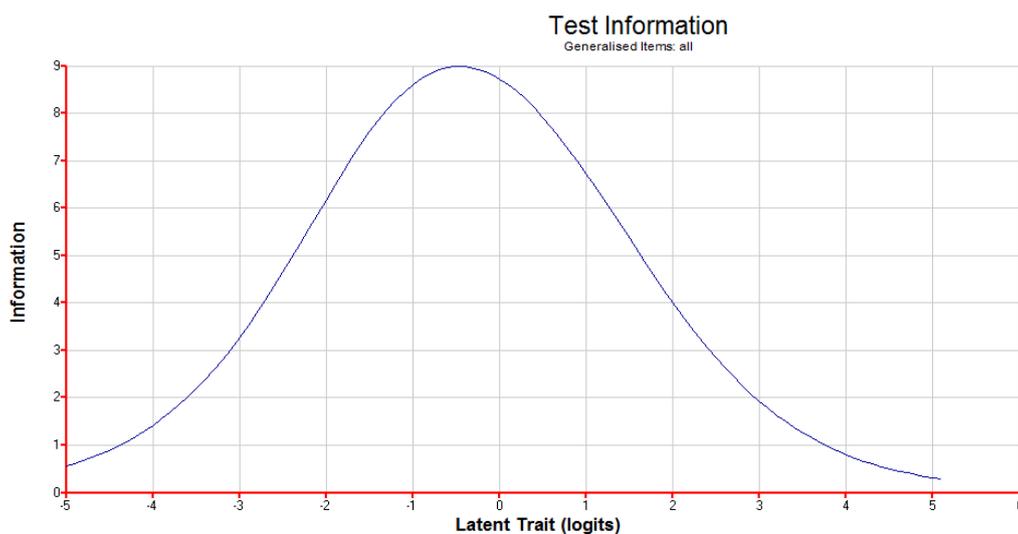
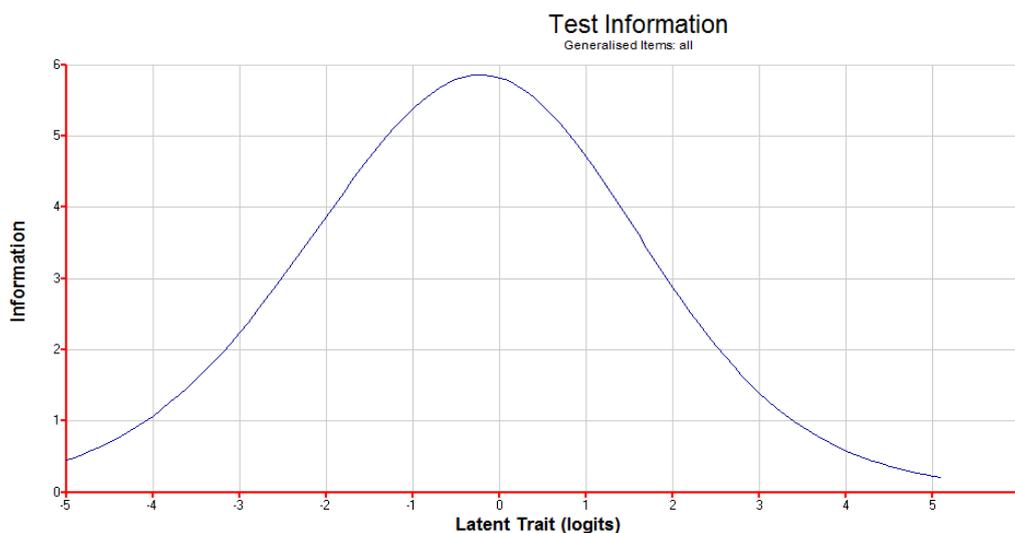


Figura 4.1: Informazione totale della prova di Italiano – II primaria

**Tabella 4.2: Parametri di difficoltà delle domande della prova di Matematica - II primaria**

| N. | Item  | Ambito            | Macro-Processo | Difficoltà | Correlazione punto- biseriale |
|----|-------|-------------------|----------------|------------|-------------------------------|
| 1  | D1    | Numeri            | Utilizzare     | -1,72      | 0,32                          |
| 2  | D2    | Spazio e figure   | Interpretare   | -1,50      | 0,23                          |
| 3  | D3_a  | Numeri            | Interpretare   | -0,38      | 0,44                          |
| 4  | D3_b  | Numeri            | Interpretare   | 0,59       | 0,49                          |
| 5  | D4_a  | Dati e previsioni | Interpretare   | -0,42      | 0,35                          |
| 6  | D4_b  | Dati e previsioni | Utilizzare     | -0,54      | 0,39                          |
| 7  | D5    | Spazio e figure   | Interpretare   | -0,20      | 0,31                          |
| 8  | D6_a  | Numeri            | Formulare      | 0,64       | 0,27                          |
| 9  | D6_b  | Numeri            | Formulare      | 1,58       | 0,41                          |
| 10 | D7_a  | Spazio e figure   | Utilizzare     | -2,05      | 0,27                          |
| 11 | D7_b  | Spazio e figure   | Utilizzare     | -2,56      | 0,24                          |
| 12 | D8_a  | Dati e previsioni | Interpretare   | -2,40      | 0,25                          |
| 13 | D8_b  | Dati e previsioni | Utilizzare     | 0,74       | 0,35                          |
| 14 | D9    | Numeri            | Utilizzare     | -0,74      | 0,33                          |
| 15 | D10   | Spazio e figure   | Interpretare   | 1,00       | 0,26                          |
| 16 | D11_a | Numeri            | Utilizzare     | -0,14      | 0,46                          |
| 17 | D11_b | Numeri            | Utilizzare     | 0,41       | 0,48                          |
| 18 | D11_c | Numeri            | Utilizzare     | 0,32       | 0,49                          |
| 19 | D12   | Numeri            | Utilizzare     | -1,33      | 0,32                          |
| 20 | D13   | Spazio e figure   | Utilizzare     | 0,77       | 0,32                          |
| 21 | D14_a | Numeri            | Formulare      | -0,94      | 0,50                          |
| 22 | D14_b | Numeri            | Formulare      | 1,49       | 0,06                          |
| 23 | D15   | Numeri            | Formulare      | 0,50       | 0,46                          |
| 24 | D16_a | Spazio e figure   | Interpretare   | -0,80      | 0,26                          |
| 25 | D16_b | Spazio e figure   | Utilizzare     | 0,09       | 0,35                          |
| 26 | D17   | Numeri            | Utilizzare     | -0,11      | 0,41                          |
| 28 | D18   | Numeri            | Interpretare   | -0,03      | 0,20                          |
| 29 | D19   | Spazio e figure   | Interpretare   | -0,68      | 0,20                          |
| 30 | D20   | Numeri            | Formulare      | -0,78      | 0,47                          |



**Figura 4.2: Informazione totale della prova di Matematica – II primaria**

La lettura dei dati della tabella 4.1 mostra come la prova di Italiano della seconda primaria possa considerarsi, in base alle risposte effettivamente date dagli allievi, di media difficoltà, confermando quindi tutte le ipotesi emerse durante la fase di pre-test delle prove medesime. Gli item più difficili (A11 e A16), infatti, risultano avere un valore di difficoltà pari a 1,65 e 1,68, ben lontani dal valore massimo di 4; soltanto 14 item su 40 (il 35% del totale) risultano avere un parametro di difficoltà superiore a 0, mentre tutti gli altri (26 item) riportano un valore inferiore a 0; occorre anche notare che le diverse parti del testo e i diversi processi sono presenti lungo tutta la scala di difficoltà della prova. La difficoltà contenuta delle prove della seconda primaria è coerente con le scelte effettuate dall'INVALSI in sede di progettazione degli strumenti di misurazione per bambini mediamente di 7 anni al termine del loro secondo anno di scuola. È importante, come indicato dalla letteratura del settore<sup>29</sup>, che bambini così piccoli affrontino prove standardizzate che non creino loro senso di frustrazione per l'eccesso di difficoltà, ma che, al contempo, contengano domande sufficientemente stimolanti per evitare fenomeni di disinteresse e di calo di attenzione durante lo svolgimento della prova stessa. Tuttavia, è al contempo opportuno inserire nelle prove proposte dall'INVALSI anche domande in grado di rilevare livelli di abilità più alti. Naturalmente ciò deve avvenire nel pieno rispetto della peculiarità delle prove proposte a bambini di soli 7 anni, senza creare quindi nei

<sup>29</sup>Hambleton, R.K., Swaminathan, H., Rogers, H.J., *Fundamentals of Item Response Theory*, Amherst, University of Massachusetts, SAGE Publications, 1991.

rispondenti la sensazione di richieste troppo complesse che possano risultare scoraggianti e influire negativamente sulla *performance*.

Occorre ricordare che i parametri di difficoltà degli item sono calcolati sulla base delle reali risposte fornite da diverse migliaia di allievi, ossia tutti i bambini che frequentano le oltre 1400 classi campione della seconda classe della scuola primaria; pertanto, i dati mostrano chiaramente che le prove di Italiano sono abbastanza agevolmente risolte da bambini di 7 anni. Accade frequentemente che la capacità di comprensione della lettura degli alunni sia in un certo qual modo sottostimata, con la conseguenza che non vengono proposti loro testi ritenuti complessi, ma che in realtà non lo sono realmente per i bambini stessi. Anche in questo senso, le prove standardizzate proposte a tutti gli alunni della classe seconda primaria sono molto utili poiché consentono di fornire una misura solida e comparativamente informativa sulla reale comprensione della lettura dei bambini di 7 anni che frequentano le scuole italiane, statali e paritarie.

Allo stesso modo, la prova di Matematica (Tabella 4.2) risulta essere di difficoltà media; 10 dei 30 item che compongono la prova risultano avere un parametro di difficoltà superiore a 0, mentre i restanti 20 item hanno un valore di difficoltà al di sotto dello 0. La prova di Matematica, pertanto, risulta in grado di rappresentare anche i livelli più alti della scala di abilità dei rispondenti; tuttavia, per la Matematica come per l'Italiano, sarà necessario prevedere per il futuro un maggior numero di quesiti in grado di permettere una stima più accurata dei livelli elevati di abilità dei rispondenti. In questa direzione occorre considerare anche il progetto *Misurazione dei progressi e degli apprendimenti nelle scuole* (<http://www.invalsi.it/invalsi/ri/sis/misurazione.php>), finalizzato allo studio diacronico sui dati relativi agli studenti italiani e alla messa a punto di un sistema di prove ancorate fra loro che consenta la comparabilità diretta delle rilevazioni effettuate nei diversi anni scolastici. Inoltre, la prova di Matematica pare meglio articolata in termini di distribuzione delle difficoltà delle domande, ma è necessario rimarcare la maggiore semplicità di realizzare questo obiettivo con i quesiti di matematica anziché con quelli di italiano. Infatti, questi ultimi sono legati a un testo e quindi i margini di libertà nella scelta delle domande sono decisamente minori. Tuttavia, proprio in questa direzione si concretizza e si conferma una sfida per l'INVALSI, ossia quella di trovare testi adatti a bambini di 7 anni, ma sufficientemente ricchi e densi per formulare domande di diversi livelli di difficoltà, in grado, quindi, di stimare accuratamente tutti i livelli di abilità dei rispondenti, da quelli più modesti a quelli più elevati.

## 4.1 La prova di V primaria

Le tabelle 4.3 e 4.4 riportano i parametri di difficoltà e i coefficienti di correlazione punto-biseriali delle prove di Italiano e Matematica della classe V primaria distinguendo fra gli item afferenti alle diverse sezioni e macro-processi del test; le figure 4.3 e 4.4 mostrano l'andamento della funzione di informazione complessiva delle prove.

**Tabella 4.3: Parametri di difficoltà delle domande della prova di Italiano - V primaria**

| N. | Item | Sezione          | Macro-Categoria aspetti comprensione | Difficoltà | Correlazione punto-biseriali |
|----|------|------------------|--------------------------------------|------------|------------------------------|
| 1  | A1   | Testo narrativo  | Individuare informazioni             | -3,04      | 0,19                         |
| 2  | A2   | Testo narrativo  | Individuare informazioni             | -1,61      | 0,30                         |
| 3  | A3   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo   | -2,13      | 0,29                         |
| 4  | A4   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo   | -1,30      | 0,28                         |
| 5  | A5   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,57       | 0,34                         |
| 6  | A6   | Testo narrativo  | Rielaborare il testo                 | -0,37      | 0,28                         |
| 7  | A7   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo   | -0,73      | 0,47                         |
| 8  | A8   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,36       | 0,40                         |
| 9  | A9   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo   | -0,64      | 0,39                         |
| 10 | A10  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,92       | 0,25                         |
| 11 | A11  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo   | -0,14      | 0,41                         |
| 12 | A12  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo   | -0,77      | 0,22                         |
| 13 | A13  | Testo narrativo  | Rielaborare il testo                 | 0,15       | 0,31                         |
| 14 | A14  | Testo narrativo  | Rielaborare il testo                 | 1,17       | 0,39                         |
| 15 | A15  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,20       | 0,25                         |
| 16 | A16  | Testo narrativo  | Rielaborare il testo                 | 0,06       | 0,31                         |
| 17 | A17  | Testo narrativo  | Rielaborare il testo                 | -0,01      | 0,32                         |
| 18 | A18  | Testo narrativo  | Rielaborare il testo                 | -0,69      | 0,30                         |
| 19 | A19  | Testo narrativo  | Rielaborare il testo                 | 0,31       | 0,46                         |
| 20 | B1   | Testo espositivo | Rielaborare il testo                 | 0,82       | 0,30                         |
| 21 | B2   | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo   | -2,06      | 0,34                         |
| 22 | B3   | Testo espositivo | Individuare informazioni             | -0,53      | 0,38                         |
| 23 | B4   | Testo espositivo | Individuare informazioni             | -0,85      | 0,37                         |
| 24 | B5   | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo   | 0,66       | 0,40                         |
| 25 | B6   | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo   | -0,53      | 0,27                         |
| 26 | B7   | Testo espositivo | Individuare informazioni             | -1,31      | 0,42                         |
| 27 | B8   | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo   | -0,08      | 0,47                         |
| 28 | B9   | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo   | -1,05      | 0,33                         |
| 29 | B10  | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo   | -1,16      | 0,41                         |
| 30 | B11  | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo   | -0,44      | 0,25                         |
| 31 | B12  | Testo espositivo | Rielaborare il testo                 | 0,29       | 0,26                         |

| N. | Item | Sezione          | Macro-Categoria aspetti comprensione | Difficoltà | Correlazione punto- biseriale |
|----|------|------------------|--------------------------------------|------------|-------------------------------|
| 32 | B13  | Testo espositivo | Rielaborare il testo                 | -0,46      | 0,37                          |
| 33 | B14  | Testo espositivo | Rielaborare il testo                 | -0,82      | 0,34                          |
| 34 | C1   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua              | -0,26      | 0,34                          |
| 35 | C2   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua              | 0,13       | 0,31                          |
| 36 | C3   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua              | -1,19      | 0,36                          |
| 37 | C4   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua              | -0,61      | 0,33                          |
| 38 | C5   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua              | 1,43       | 0,39                          |
| 39 | C6   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua              | -0,35      | 0,41                          |
| 40 | C7   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua              | -0,68      | 0,43                          |
| 41 | C8   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua              | 0,32       | 0,48                          |
| 42 | C9   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua              | -0,63      | 0,44                          |
| 43 | C10  | Grammatica       | Riflettere sulla lingua              | -0,69      | 0,35                          |

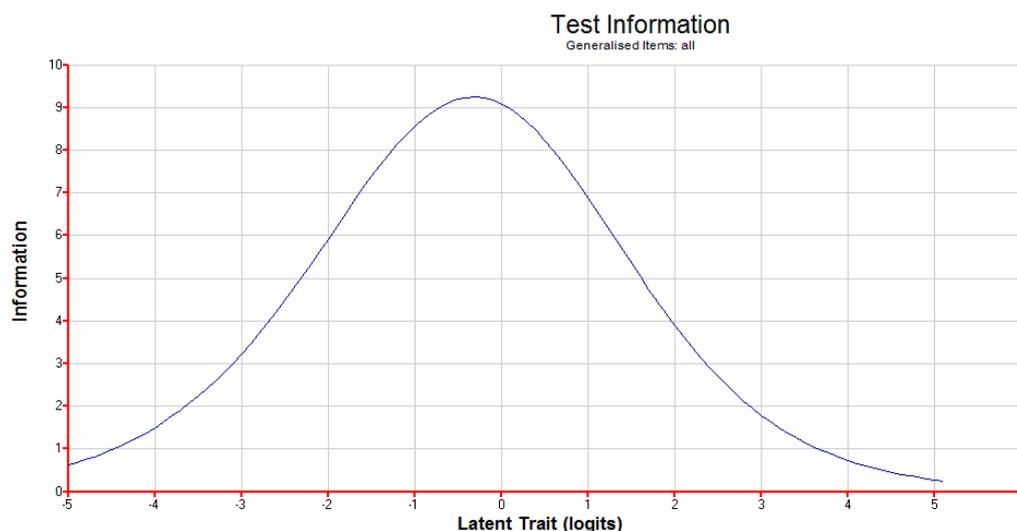
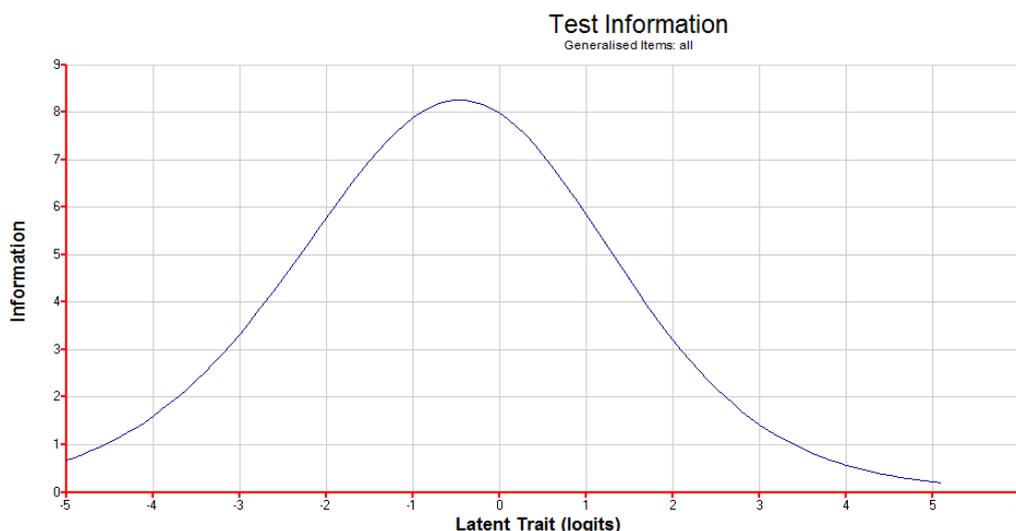


Figura 4.3: Informazione totale della prova di Italiano – V primaria

Tabella 4.4: Parametri di difficoltà delle domande della prova di Matematica - V primaria

| N. | Item  | Ambito               | Macro-Processo | Difficoltà | Correlazione punto- biseriale |
|----|-------|----------------------|----------------|------------|-------------------------------|
| 1  | D1    | Dati e previsioni    | Interpretare   | -2,05      | 0,34                          |
| 2  | D2a_1 | Spazio e figure      | Utilizzare     | -1,94      | 0,21                          |
| 3  | D2a_2 | Spazio e figure      | Utilizzare     | -0,23      | 0,27                          |
| 4  | D2a_3 | Spazio e figure      | Utilizzare     | -0,89      | 0,23                          |
| 5  | D2b   | Spazio e figure      | Utilizzare     | -0,22      | 0,38                          |
| 6  | D3    | Relazioni e funzioni | Formulare      | -1,79      | 0,35                          |
| 7  | D4    | Numeri               | Utilizzare     | -0,71      | 0,47                          |

| N. | Item   | Ambito               | Macro-Processo    | Difficoltà | Correlazione punto- biseriale |
|----|--------|----------------------|-------------------|------------|-------------------------------|
| 8  | D5     | Dati e previsioni    | Formulare         | 0,94       | 0,40                          |
| 9  | D6     | Numeri               | Utilizzare        | -0,75      | 0,39                          |
| 10 | D7     | Spazio e figure      | Utilizzare        | 0,07       | 0,47                          |
| 11 | D8_a   | Dati e previsioni    | Utilizzare        | -1,10      | 0,26                          |
| 12 | D8_b   | Dati e previsioni    | Interpretare      | -0,06      | 0,36                          |
| 13 | D9     | Relazioni e funzioni | Formulare         | -0,83      | 0,29                          |
| 14 | D10    | Spazio e figure      | Formulare         | -0,07      | 0,38                          |
| 15 | D11    | Numeri               | Interpretare      | -0,57      | 0,40                          |
| 16 | D12    | Numeri               | Interpretare      | 0,61       | 0,33                          |
| 17 | D13_a  | Relazioni e funzioni | Utilizzare        | -1,36      | 0,42                          |
| 18 | D13_b  | Relazioni e funzioni | Utilizzare        | -1,09      | 0,40                          |
| 19 | D14    | Spazio e figure      | Utilizzare        | 0,93       | 0,43                          |
| 20 | D15    | Relazioni e funzioni | Formulare         | 0,54       | 0,52                          |
| 21 | D16    | Relazioni e funzioni | Formulare         | -0,12      | 0,42                          |
| 22 | D17    | Spazio e figure      | Utilizzare        | -0,45      | 0,40                          |
| 23 | D18_a  | Relazioni e funzioni | Utilizzare        | -1,14      | 0,32                          |
| 24 | D18b_1 | Relazioni e funzioni | Formulare         | -0,99      | 0,18                          |
| 25 | D18b_2 | Relazioni e funzioni | Formulare         | 0,13       | 0,31                          |
| 26 | D18b_3 | Relazioni e funzioni | Formulare         | -2,50      | 0,18                          |
| 27 | D18b_4 | Relazioni e funzioni | Formulare         | -3,01      | 0,23                          |
| 28 | D19    | Numeri               | Formulare         | 0,65       | 0,29                          |
| 29 | D20    | Spazio e figure      | Utilizzare        | 0,05       | 0,39                          |
| 30 | D21    | Numeri               | Interpretare      | 0,28       | 0,27                          |
| 31 | D22    | Spazio e figure      | Formulare         | -0,32      | 0,26                          |
| 32 | D23    | Dati e previsioni    | Utilizzare        | 0,42       | 0,32                          |
| 33 | D24_a  | Dati e previsioni    | Interpretare      | -1,23      | 0,35                          |
| 34 | D24_b  | Dati e previsioni    | Dati e previsioni | -1,35      | 0,40                          |
| 35 | D25    | Numeri               | Formulare         | 0,07       | 0,44                          |
| 36 | D26    | Numeri               | Interpretare      | -0,38      | 0,32                          |
| 37 | D27    | Relazioni e funzioni | Formulare         | -0,65      | 0,35                          |
| 38 | D28    | Dati e previsioni    | Interpretare      | -0,98      | 0,44                          |
| 39 | D29    | Numeri               | Formulare         | -0,72      | 0,41                          |



**Figura 4.4: Informazione totale della prova di Matematica – V primaria**

Anche per le prove delle V primaria si confermano i risultati dei pre-test: le ipotesi formulate in quella sede, in relazione alla difficoltà complessiva della prova, escono corroborate dai risultati della somministrazione a tutti gli allievi della quinta classe della scuola primaria.

I valori dei parametri di difficoltà della prova di Italiano riportati nella tabella 4.3 mostrano che essa è formata da quesiti adeguati per gli allievi della V primaria poiché i livelli di difficoltà delle domande, pur con una leggera prevalenza di quelle medio-facili, si distribuiscono lungo tutta la scala delle abilità. Inoltre, i differenti livelli di difficoltà sono abbastanza equamente distribuiti per le diverse parti della prova e i diversi processi.

La tabella 4.4 riporta i parametri di difficoltà della prova di Matematica. Anche in questo caso si riscontra ciò che è già stato evidenziato per la prova di Matematica della II primaria, ossia una sostanziale adeguatezza in termini di distribuzione delle difficoltà. Tuttavia, sembra opportuno per lo sviluppo delle prossime prove cercare di popolare maggiormente i gradi più elevati di difficoltà con qualche ulteriore quesito poiché, al momento, i livelli di eccellenza sembrano meno rappresentati.

#### 4.2.1. La prova di III Secondaria di primo grado (Prova nazionale)

A partire dall'anno scolastico 2007-2008, al termine della scuola secondaria di primo grado e all'interno dell'esame di Stato, si svolge la cosiddetta Prova nazionale. Sebbene risponda a finalità in parte diverse rispetto a quelle del Servizio nazionale di valutazione, dal punto di vista della costruzione delle prove non vi sono differenze sostanziali, sia dal punto di vista strettamente tecnico

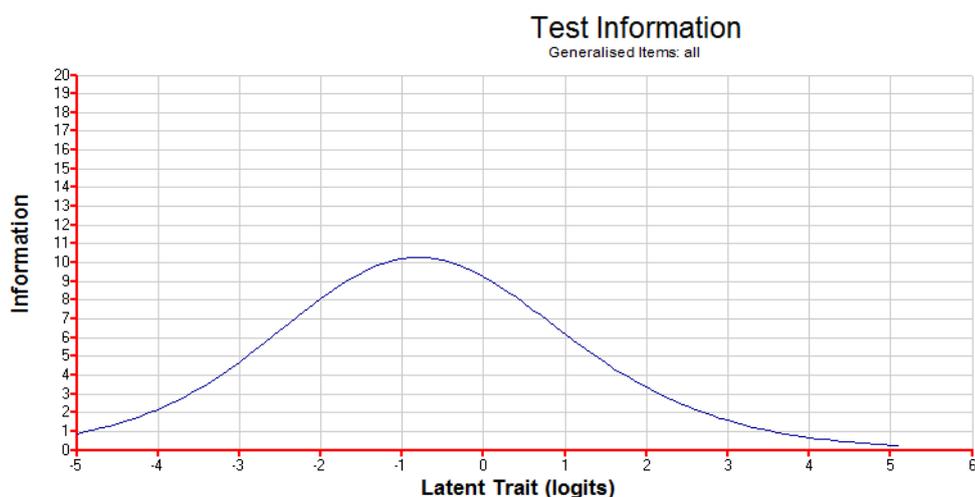
sia per quanto riguarda la coerenza con il quadro di riferimento. In ogni caso, poiché la Prova nazionale contribuisce, anche se solo nella misura di un sesto (o di un settimo se nelle prove scritte delle lingue straniere sono assegnati due voti distinti) rispetto al voto finale di licenza, una particolare attenzione è rivolta alla scelta della difficoltà dei quesiti, proprio per non alterare lo spirito generale che ispira l'esame di Stato conclusivo del primo ciclo d'istruzione.

Le tabelle 4.5 e 4.6 riportano i parametri di difficoltà e i coefficienti di correlazione punto-biseriale delle prove di Italiano e di Matematica della classe III della scuola secondaria di primo grado distinguendo fra gli item afferenti alle diverse parti e macro-processi del test; le figure 4.7 e 4.8 mostrano l'andamento della funzione di informazione complessiva delle prove.

**Tabella 4.5: Parametri di difficoltà delle domande della prova di Italiano - III Sec. I gr.**

| N. | Item | Parte            | Processi                           | Difficoltà | Correlazione punto- biseriale |
|----|------|------------------|------------------------------------|------------|-------------------------------|
| 1  | A1   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | 0,32       | 0,30                          |
| 2  | A2   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -0,83      | 0,35                          |
| 3  | A3   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -1,05      | 0,38                          |
| 4  | A4   | Testo narrativo  | Rielaborare il testo               | -0,61      | 0,43                          |
| 5  | A5   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -1,25      | 0,32                          |
| 6  | A6   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | 0,32       | 0,40                          |
| 7  | A7   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -1,88      | 0,30                          |
| 8  | A8   | Testo narrativo  | Individuare informazioni           | -2,14      | 0,33                          |
| 9  | A9   | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -0,26      | 0,24                          |
| 10 | A10  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -0,96      | 0,21                          |
| 11 | A11  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -0,26      | 0,41                          |
| 12 | A12  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -1,84      | 0,36                          |
| 13 | A13  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -0,93      | 0,33                          |
| 14 | A14  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -0,39      | 0,26                          |
| 15 | A15  | Testo narrativo  | Rielaborare il testo               | 2,24       | 0,31                          |
| 16 | A16  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -0,46      | 0,28                          |
| 17 | A17  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -0,71      | 0,40                          |
| 18 | A18  | Testo narrativo  | Individuare informazioni           | -0,86      | 0,24                          |
| 19 | A19  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | -1,22      | 0,23                          |
| 20 | A20  | Testo narrativo  | Comprendere e ricostruire il testo | 1,27       | 0,19                          |
| 21 | B1   | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo | -0,60      | 0,27                          |
| 22 | B2   | Testo espositivo | Rielaborare il testo               | 0,11       | 0,35                          |
| 23 | B3   | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo | -1,56      | 0,37                          |
| 24 | B4   | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo | -0,22      | 0,24                          |
| 25 | B5   | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo | -1,68      | 0,33                          |

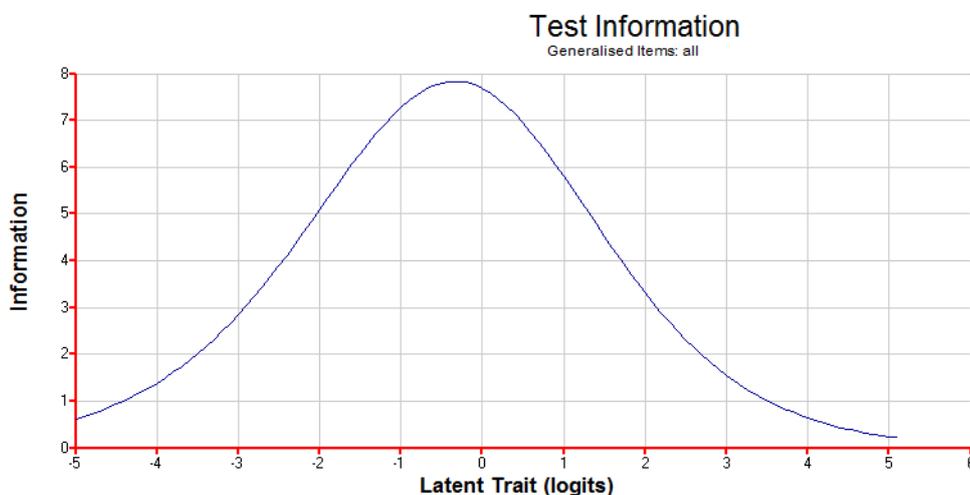
| N. | Item | Parte            | Processi                           | Difficoltà | Correlazione punto- biseriale |
|----|------|------------------|------------------------------------|------------|-------------------------------|
| 26 | B6   | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo | 0,18       | 0,22                          |
| 27 | B7   | Testo espositivo | Individuare informazioni           | -1,47      | 0,36                          |
| 28 | B8   | Testo espositivo | Individuare informazioni           | -1,32      | 0,35                          |
| 29 | B9   | Testo espositivo | Individuare informazioni           | -1,30      | 0,39                          |
| 30 | B10  | Testo espositivo | Individuare informazioni           | -0,43      | 0,41                          |
| 31 | B11  | Testo espositivo | Individuare informazioni           | -0,42      | 0,41                          |
| 32 | B12  | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo | -1,64      | 0,34                          |
| 33 | B13  | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo | -1,70      | 0,36                          |
| 34 | B14  | Testo espositivo | Individuare informazioni           | -1,69      | 0,41                          |
| 35 | B15  | Testo espositivo | Comprendere e ricostruire il testo | -0,40      | 0,34                          |
| 36 | B16  | Testo espositivo | Individuare informazioni           | -0,57      | 0,41                          |
| 37 | B17  | Testo espositivo | Rielaborare il testo               | -1,21      | 0,32                          |
| 38 | B18  | Testo espositivo | Rielaborare il testo               | -0,10      | 0,26                          |
| 39 | C1   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua            | -2,40      | 0,34                          |
| 40 | C2   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua            | 0,18       | 0,35                          |
| 41 | C3   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua            | -0,47      | 0,42                          |
| 42 | C4   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua            | -0,79      | 0,39                          |
| 43 | C5   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua            | -1,50      | 0,36                          |
| 44 | C6   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua            | 1,30       | 0,26                          |
| 45 | C7   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua            | -0,73      | 0,40                          |
| 46 | C8   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua            | -2,24      | 0,39                          |
| 47 | C9   | Grammatica       | Riflettere sulla lingua            | -0,48      | 0,36                          |
| 48 | C10  | Grammatica       | Riflettere sulla lingua            | 0,16       | 0,31                          |



**Figura 4.5: Informazione totale della prova di Italiano – III Sec. I gr.**

**Tabella 4.6: Parametri di difficoltà delle domande della prova di Matematica - III sec. I gr.**

| N. | Item  | Ambiti               | Macro processo | Difficoltà | Correlazione punto- biseriale |
|----|-------|----------------------|----------------|------------|-------------------------------|
| 1  | D1    | Numeri               | Interpretare   | -0,67      | 0,36                          |
| 2  | D2    | Dati e previsioni    | Formulare      | -1,01      | 0,37                          |
| 3  | D3_a  | Dati e previsioni    | Interpretare   | -1,00      | 0,34                          |
| 4  | D3_b  | Numeri               | Utilizzare     | 0,82       | 0,30                          |
| 5  | D4    | Spazio e figure      | Formulare      | -0,07      | 0,36                          |
| 6  | D5_a  | Relazioni e funzioni | Utilizzare     | -1,99      | 0,38                          |
| 7  | D5_b  | Relazioni e funzioni | Interpretare   | -1,56      | 0,34                          |
| 8  | D6    | Numeri               | Interpretare   | 1,37       | 0,29                          |
| 9  | D7_a  | Numeri               | Utilizzare     | -1,14      | 0,49                          |
| 10 | D7_b  | Numeri               | Utilizzare     | -0,29      | 0,49                          |
| 11 | D8    | Spazio e figure      | Interpretare   | -0,16      | 0,25                          |
| 12 | D9    | Relazioni e funzioni | Interpretare   | 0,18       | 0,31                          |
| 13 | D10_a | Relazioni e funzioni | Utilizzare     | -3,54      | 0,19                          |
| 14 | D10_b | Relazioni e funzioni | Interpretare   | -0,02      | 0,29                          |
| 15 | D11_a | Spazio e figure      | Utilizzare     | 0,26       | 0,26                          |
| 16 | D11_b | Spazio e figure      | Formulare      | 0,45       | 0,39                          |
| 17 | D12_a | Numeri               | Formulare      | -0,38      | 0,42                          |
| 18 | D12_b | Numeri               | Formulare      | -0,00      | 0,41                          |
| 19 | D13_a | Dati e previsioni    | Interpretare   | -1,97      | 0,36                          |
| 20 | D13_b | Dati e previsioni    | Interpretare   | -1,64      | 0,40                          |
| 21 | D13_c | Dati e previsioni    | Interpretare   | -0,78      | 0,41                          |
| 22 | D14   | Relazioni e funzioni | Utilizzare     | 0,09       | 0,36                          |
| 23 | D15   | Dati e previsioni    | Formulare      | -0,55      | 0,33                          |
| 24 | D16   | Dati e previsioni    | Interpretare   | -0,72      | 0,31                          |
| 25 | D17_a | Numeri               | Formulare      | -0,37      | 0,38                          |
| 26 | D17_b | Numeri               | Utilizzare     | 1,58       | 0,45                          |
| 27 | D18   | Spazio e figure      | Utilizzare     | -0,11      | 0,41                          |
| 28 | D19_a | Spazio e figure      | Formulare      | -0,32      | 0,36                          |
| 29 | D19_b | Spazio e figure      | Formulare      | 1,22       | 0,49                          |
| 30 | D20   | Dati e previsioni    | Formulare      | -0,06      | 0,41                          |
| 31 | D21   | Numeri               | Formulare      | 0,60       | 0,27                          |
| 32 | D22   | Spazio e figure      | Interpretare   | 0,13       | 0,30                          |
| 33 | D23   | Relazioni e funzioni | Utilizzare     | -0,63      | 0,35                          |
| 34 | D24_a | Relazioni e funzioni | Interpretare   | -0,49      | 0,43                          |
| 35 | D24_b | Relazioni e funzioni | Interpretare   | -0,21      | 0,41                          |
| 36 | D25   | Spazio e figure      | Formulare      | -1,75      | 0,37                          |
| 37 | D26   | Numeri               | Utilizzare     | -0,44      | 0,20                          |



**Figura 4.6: Informazione totale della prova di Matematica – III Sec. I gr.**

I dati delle tabelle 4.5 e 4.6 confermano, soprattutto per la prova di Italiano, una certa prevalenza di domande di difficoltà media e medio-bassa, mentre per la prova di Matematica sono presenti alcuni quesiti di difficoltà medio-alta, sebbene restino prevalenti domande mediamente difficili o facili.

### 4.3. La prova di II Secondaria di secondo grado

Prima di riproporre le analisi mostrate in precedenza per l'ultima classe interessata dalla rilevazione INVALSI 2013-14, sono necessarie alcune considerazioni di carattere generale. In primo luogo, la prova INVALSI nella seconda classe della scuola superiore si colloca alla fine dell'obbligo di istruzione, quando gli studenti hanno, di norma, frequentato dieci anni di scuola. In altre parole, le prove di questa classe sono proposte a studenti che, indipendentemente dal tipo di scuola e dall'indirizzo di studio frequentato, dovrebbero possedere conoscenze e competenze di base, ossia quelle conoscenze e competenze utili sia per proseguire nel percorso degli studi sia per inserirsi nel mondo del lavoro.

Si è pertanto ritenuto opportuno predisporre prove uniche per tutti i tipi di scuola (licei, istituti tecnici e professionali), volte alla misurazione degli apprendimenti di base relativi a due ambiti fondamentali: 1) la comprensione di testi scritti di varia natura e la riflessione sulla lingua, 2) la matematica. La scelta di sottoporre agli studenti prove non differenziate rispetto agli indirizzi di studio implica necessariamente che esse facciano riferimento a contenuti, abilità e competenze

comuni a tutti i tipi di scuola e che i quesiti proposti siano in grado di coprire un'ampia gamma di livelli di difficoltà.

Ciò premesso, gli stessi parametri statistici utilizzati per le prove del primo ciclo di istruzione sono stati stimati anche per le prove della scuola secondaria di secondo grado.

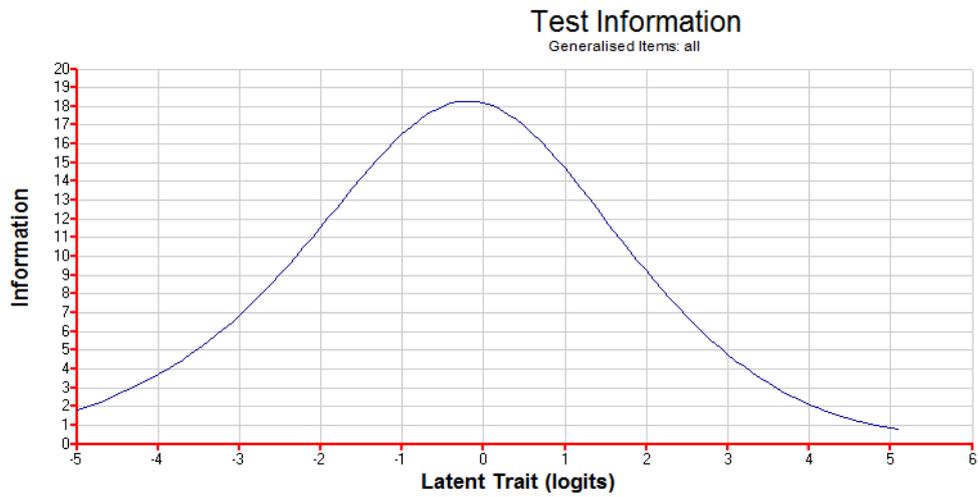
Le tabelle 4.7 e 4.8 riportano i parametri di difficoltà e i coefficienti di correlazione punto-biseriale dei quesiti delle prove di Italiano e Matematica della classe II della scuola secondaria di secondo grado, distinguendo fra gli item afferenti alle diverse sezioni e macro-processi del test; le figure 4.7 e 4.8 mostrano l'andamento della funzione di informazione complessiva delle prove.

**Tabella 4.7: Parametri di difficoltà delle domande della prova di Italiano (II Sec. II gr.)**

| N. | Item | Parti del testo      | Macro-processo                     | Difficoltà | Correlazione punto- biseriale |
|----|------|----------------------|------------------------------------|------------|-------------------------------|
| 1  | A1   | Regolativo - misto   | Rielaborare il testo               | -0,22      | 0,6                           |
| 2  | A2   | Regolativo           | Comprendere e ricostruire il testo | -0,09      | 0,61                          |
| 3  | A3   | Regolativo           | Rielaborare il testo               | 0,81       | 0,54                          |
| 4  | A4   | Regolativo           | Comprendere e ricostruire il testo | -0,00      | 0,6                           |
| 5  | A5   | Regolativo           | Comprendere e ricostruire il testo | -0,43      | 0,7                           |
| 6  | A6a  | Regolativo           | Rielaborare il testo               | -2,91      | 0,14                          |
| 7  | A6b  | Regolativo           | Rielaborare il testo               | -4,05      | 0,14                          |
| 8  | A6c  | Regolativo           | Rielaborare il testo               | -3,85      | 0,14                          |
| 9  | A6d  | Regolativo           | Rielaborare il testo               | -2,85      | 0,17                          |
| 10 | A6e  | Regolativo           | Rielaborare il testo               | -3,75      | 0,1                           |
| 11 | A7   | Regolativo           | Comprendere e ricostruire il testo | -0,18      | 0,57                          |
| 12 | A8   | Regolativo           | Comprendere e ricostruire il testo | -1,53      | 0,19                          |
| 13 | B1   | Narrativo letterario | Rielaborare il testo               | -0,29      | 0,64                          |
| 14 | B2   | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | 0,20       | 0,55                          |
| 15 | B3   | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | 0,10       | 0,4                           |
| 16 | B4   | Narrativo letterario | Rielaborare il testo               | -0,22      | 0,59                          |
| 17 | B5   | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | 0,10       | 0,58                          |
| 18 | B6   | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | 0,30       | 0,12                          |
| 19 | B7   | Narrativo letterario | Rielaborare il testo               | 0,33       | 0,26                          |
| 20 | B8   | Narrativo letterario | Individuare informazioni           | 0,35       | 0,26                          |
| 21 | B9   | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | -0,01      | 0,53                          |
| 22 | B10  | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | 0,13       | 0,45                          |
| 23 | B11  | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | 0,30       | 0,41                          |
| 24 | B12  | Narrativo letterario | Rielaborare il testo               | 1,72       | 0,19                          |
| 25 | B13  | Narrativo letterario | Rielaborare il testo               | 0,28       | 0,59                          |
| 26 | B14  | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | -0,47      | 0,26                          |
| 27 | B15  | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | 0,58       | 0,3                           |

| N. | Item | Parti del testo      | Macro-processo                     | Difficoltà | Correlazione punto- biseriale |
|----|------|----------------------|------------------------------------|------------|-------------------------------|
| 28 | B16  | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | -0,08      | 0,67                          |
| 29 | B17  | Narrativo letterario | Rielaborare il testo               | 0,13       | 0,6                           |
| 30 | B18  | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | -0,26      | 0,68                          |
| 31 | B19  | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | 0,27       | 0,51                          |
| 32 | B20a | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | -1,35      | 0,23                          |
| 33 | B20b | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | -0,55      | 0,1                           |
| 34 | B20c | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | -2,51      | 0,21                          |
| 35 | B20d | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | -1,61      | 0,21                          |
| 36 | B20e | Narrativo letterario | Comprendere e ricostruire il testo | -1,99      | 0,16                          |
| 37 | B21  | Narrativo letterario | Individuare informazioni           | -0,14      | 0,32                          |
| 38 | B22a | Narrativo letterario | Individuare informazioni           | -0,50      | 0,27                          |
| 39 | B22b | Narrativo letterario | Individuare informazioni           | -1,54      | 0,33                          |
| 40 | B22c | Narrativo letterario | Individuare informazioni           | -1,37      | 0,33                          |
| 41 | B22d | Narrativo letterario | Individuare informazioni           | -0,99      | 0,32                          |
| 42 | B22e | Narrativo letterario | Individuare informazioni           | -0,71      | 0,35                          |
| 43 | B22f | Narrativo letterario | Individuare informazioni           | -0,83      | 0,32                          |
| 44 | B22g | Narrativo letterario | Individuare informazioni           | -1,03      | 0,32                          |
| 45 | B23  | Narrativo letterario | Rielaborare il testo               | 0,45       | 0,5                           |
| 46 | C1   | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | 1,65       | 0,19                          |
| 47 | C2   | Espositivo           | Rielaborare il testo               | -0,49      | 0,25                          |
| 48 | C3   | Espositivo           | Individuare informazioni           | -0,21      | 0,69                          |
| 49 | C4   | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | 0,36       | 0,55                          |
| 50 | C5   | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | -0,09      | 0,62                          |
| 51 | C6   | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | -0,31      | 0,29                          |
| 52 | C7a  | Espositivo           | Individuare informazioni           | -2,28      | 0,25                          |
| 53 | C7b  | Espositivo           | Individuare informazioni           | -1,05      | 0,23                          |
| 54 | C7c  | Espositivo           | Individuare informazioni           | -0,50      | 0,11                          |
| 55 | C7d  | Espositivo           | Individuare informazioni           | -1,62      | 0,14                          |
| 56 | C7e  | Espositivo           | Individuare informazioni           | -1,27      | 0,21                          |
| 57 | C8   | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | 0,34       | 0,52                          |
| 58 | C9   | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | 1,34       | 0,15                          |
| 59 | C10  | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | 0,34       | -0,11                         |
| 60 | C11  | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | -0,17      | 0,68                          |
| 61 | C12a | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | -0,97      | 0,19                          |
| 62 | C12b | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | -1,42      | 0,23                          |
| 63 | C12c | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | -1,22      | 0,22                          |
| 64 | C12d | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | -0,39      | 0,16                          |
| 65 | C12e | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | -1,92      | 0,21                          |
| 66 | C13  | Espositivo           | Individuare informazioni           | 1,32       | 0,19                          |
| 67 | C14  | Espositivo           | Comprendere e ricostruire il testo | 0,85       | 0,43                          |

| N. | Item | Parti del testo           | Macro-processo                     | Difficoltà | Correlazione punto- biseriale |
|----|------|---------------------------|------------------------------------|------------|-------------------------------|
| 68 | D1   | Espositivo – non continuo | Comprendere e ricostruire il testo | 0,02       | 0,72                          |
| 69 | D2   | Espositivo – non continuo | Individuare informazioni           | -2,31      | 0,21                          |
| 70 | D3   | Espositivo – non continuo | Comprendere e ricostruire il testo | -0,03      | 0,63                          |
| 71 | D4   | Espositivo – non continuo | Comprendere e ricostruire il testo | 0,16       | 0,59                          |
| 72 | D5   | Espositivo – non continuo | Individuare informazioni           | -0,21      | 0,59                          |
| 73 | E1a  | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | 0,10       | 0,29                          |
| 74 | E1b  | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | -0,34      | 0,37                          |
| 75 | E1c  | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | -0,49      | 0,37                          |
| 76 | E2   | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | 0,26       | 0,67                          |
| 77 | E3   | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | -0,09      | 0,62                          |
| 78 | E4   | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | 0,19       | 0,61                          |
| 79 | E5   | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | -0,18      | 0,68                          |
| 80 | E6_1 | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | -0,86      | 0,29                          |
| 81 | E6_2 | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | -0,16      | 0,21                          |
| 82 | E6_3 | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | 0,09       | 0,15                          |
| 83 | E6_4 | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | -0,38      | 0,17                          |
| 84 | E6_5 | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | -0,54      | 0,27                          |
| 85 | E7a  | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | 1,91       | 0,39                          |
| 86 | E7b  | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | 2,00       | 0,36                          |
| 87 | E7c  | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | 2,10       | 0,35                          |
| 88 | E7d  | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | 2,06       | 0,36                          |
| 89 | E7e  | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | 1,82       | 0,37                          |
| 90 | E7f  | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | 2,13       | 0,33                          |
| 91 | E8   | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | 0,33       | 0,34                          |
| 92 | E9   | Grammatica                | Riflettere sulla lingua            | 1,54       | 0,32                          |

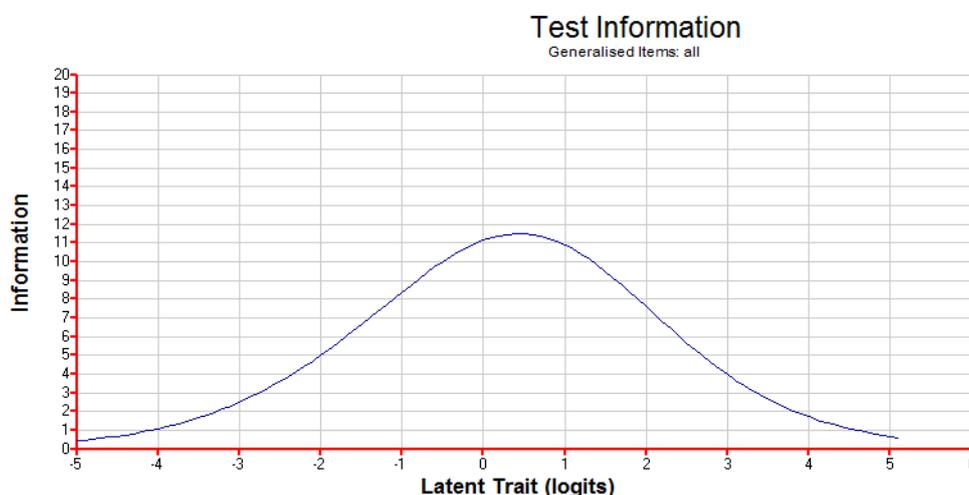


**Figura 4.7: Informazione totale della prova di Italiano – II Sec. II gr.**

**Tabella 4.8: Parametri di difficoltà delle domande della prova di Matematica (II Sec. II gr.)**

| N. | Item  | Ambiti               | Macro-processo | Difficoltà | Correlazione punto- biseriale |
|----|-------|----------------------|----------------|------------|-------------------------------|
| 1  | D1    | Numeri               | Utilizzare     | 0,81       | 0,41                          |
| 2  | D2_a1 | Dati e previsioni    | Interpretare   | -1,29      | 0,2                           |
| 3  | D2_a2 | Dati e previsioni    | Interpretare   | 0,38       | 0,31                          |
| 4  | D2_a3 | Dati e previsioni    | Interpretare   | -0,42      | 0,15                          |
| 5  | D2_b1 | Dati e previsioni    | Interpretare   | -0,08      | -0,29                         |
| 6  | D2_b2 | Dati e previsioni    | Interpretare   | 0,24       | 0,26                          |
| 7  | D2_b3 | Dati e previsioni    | Interpretare   | 1,67       | 0,01                          |
| 8  | D3a   | Spazio e figure      | Formulare      | 0,10       | 0,31                          |
| 9  | D3b   | Spazio e figure      | Utilizzare     | 0,53       | 0,18                          |
| 10 | D4a   | Relazioni e funzioni | Formulare      | -0,50      | 0,31                          |
| 11 | D4b   | Relazioni e funzioni | Formulare      | -0,36      | 0,41                          |
| 12 | D4c   | Relazioni e funzioni | Formulare      | 0,85       | 0,48                          |
| 13 | D5_a  | Relazioni e funzioni | Interpretare   | 0,11       | 0,37                          |
| 14 | D5_b1 | Relazioni e funzioni | Interpretare   | -0,61      | 0,27                          |
| 15 | D5_b2 | Relazioni e funzioni | Interpretare   | 0,13       | 0,24                          |
| 16 | D5_b3 | Relazioni e funzioni | Interpretare   | 0,13       | 0,21                          |
| 17 | D6    | Numeri               | Utilizzare     | 1,19       | 0,27                          |
| 18 | D7    | Spazio e figure      | Utilizzare     | 1,24       | 0,34                          |
| 19 | D8    | Numeri               | Utilizzare     | 1,65       | 0,17                          |
| 20 | D9    | Numeri               | Utilizzare     | 1,11       | 0,37                          |
| 21 | D10a  | Dati e previsioni    | Utilizzare     | 0,18       | -0,01                         |
| 22 | D10b  | Dati e previsioni    | Utilizzare     | -0,05      | -0,08                         |
| 23 | D10c  | Dati e previsioni    | Utilizzare     | 0,34       | 0,04                          |
| 24 | D11   | Spazio e figure      | Utilizzare     | 1,41       | 0,3                           |
| 25 | D12a  | Dati e previsioni    | Utilizzare     | -1,71      | 0,31                          |
| 26 | D12b  | Dati e previsioni    | Utilizzare     | -1,73      | 0,29                          |
| 27 | D12c  | Dati e previsioni    | Utilizzare     | 1,02       | 0,45                          |
| 28 | D12d  | Dati e previsioni    | Utilizzare     | 1,03       | 0,39                          |
| 29 | D13   | Relazioni e funzioni | Formulare      | 1,76       | 0,08                          |
| 30 | D14a  | Relazioni e funzioni | Utilizzare     | 1,05       | 0,28                          |
| 31 | D14b  | Relazioni e funzioni | Utilizzare     | 1,26       | 0,23                          |
| 32 | D14c  | Relazioni e funzioni | Utilizzare     | 0,36       | 0,25                          |
| 33 | D15a  | Numeri               | Utilizzare     | -2,21      | 0,28                          |
| 34 | D15b  | Numeri               | Utilizzare     | 1,48       | 0,03                          |
| 35 | D15c  | Numeri               | Utilizzare     | -0,54      | 0,3                           |
| 36 | D15d  | Numeri               | Utilizzare     | -1,05      | 0,11                          |
| 37 | D16   | Spazio e figure      | Utilizzare     | 1,32       | 0,31                          |
| 38 | D17   | Numeri               | Utilizzare     | 0,96       | 0,4                           |

| N. | Item | Ambiti               | Macro-processo | Difficoltà | Correlazione punto- biseriale |
|----|------|----------------------|----------------|------------|-------------------------------|
| 39 | D18  | Spazio e figure      | Utilizzare     | 1,18       | 0,42                          |
| 40 | D19  | Numeri               | Utilizzare     | 0,92       | 0,4                           |
| 41 | D20  | Dati e previsioni    | Utilizzare     | 0,63       | 0,5                           |
| 42 | D21  | Spazio e figure      | Utilizzare     | 1,28       | 0,24                          |
| 43 | D22a | Relazioni e funzioni | Interpretare   | -1,52      | 0,29                          |
| 44 | D22b | Relazioni e funzioni | Interpretare   | 0,51       | 0,41                          |
| 45 | D23a | Spazio e figure      | Utilizzare     | -0,43      | 0,22                          |
| 46 | D23b | Spazio e figure      | Utilizzare     | 0,12       | 0,2                           |
| 47 | D23c | Spazio e figure      | Utilizzare     | 0,29       | 0,13                          |
| 48 | D23d | Spazio e figure      | Utilizzare     | -0,11      | 0,01                          |
| 49 | D24  | Numeri               | Utilizzare     | 1,06       | 0,15                          |
| 50 | D25a | Dati e previsioni    | Utilizzare     | -0,51      | 0,33                          |
| 51 | D25b | Dati e previsioni    | Utilizzare     | 0,22       | 0,48                          |
| 52 | D26  | Spazio e figure      | Interpretare   | 0,32       | 0,2                           |
| 53 | D27  | Numeri               | Utilizzare     | 0,62       | 0,36                          |
| 54 | D28  | Relazioni e funzioni | Interpretare   | 0,60       | 0,31                          |



**Figura 4.8: Informazione totale della prova di Matematica – II Sec. II gr.**

I dati della tabella 4.7 mostrano che la prova di Italiano della seconda classe della scuola secondaria di secondo grado si caratterizza per la prevalenza di domande con un livello di difficoltà medio e medio-basso. Tuttavia, a differenza degli anni scorsi, la prova d'Italiano si rivela essere maggiormente in grado di rappresentare tutti i livelli di abilità. Pare, pertanto, riuscito il processo di modifica di questa prova per fornire misure maggiormente in grado di cogliere livelli di competenza

molto differenziati. Le diverse parti della prova e i diversi processi si distribuiscono piuttosto equamente lungo tutta la scala di difficoltà coperta dagli item.

La prova di Matematica (cfr. tabella 4.8 nel suo complesso risulta rappresentare bene anche i livelli di difficoltà (e, di conseguenza, di abilità) più elevati, con una buona suddivisione dei quesiti tra valori di difficoltà superiore e inferiori allo 0.

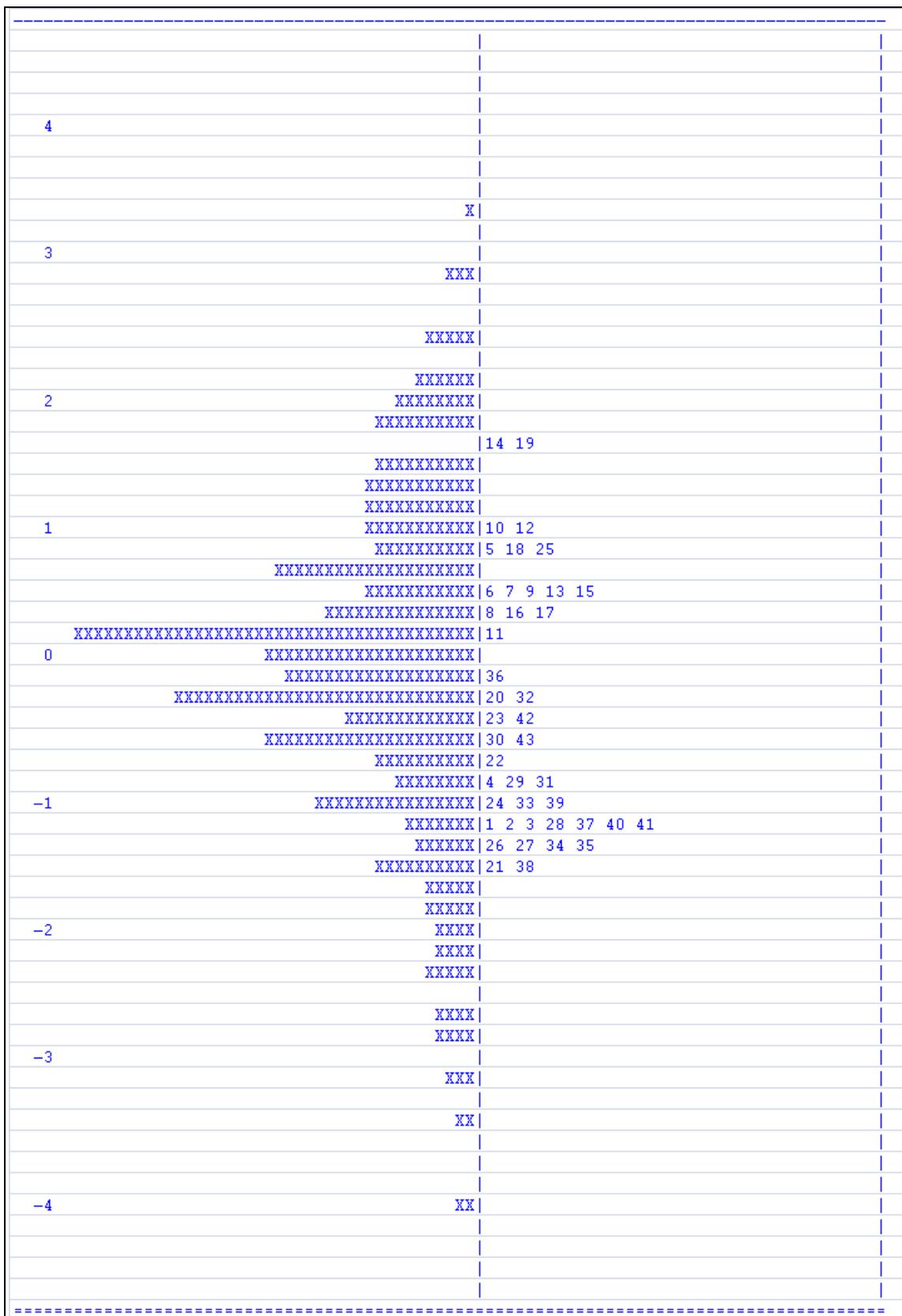
## Capitolo 5 – Il *placement* relativo delle domande rispetto al punteggio Rasch dei rispondenti

### 5.1 Il concetto di *placement*

L'ultimo passo per la valutazione complessiva di una prova è lo studio del cosiddetto *placement*(relativo) tra difficoltà delle domande e livelli di apprendimento raggiunti dai rispondenti. Dal punto di vista teorico, il *placement* ideale è dato da una distribuzione della difficoltà delle domande in grado di coprire tutto l'intervallo della scala su cui insistono i livelli di apprendimento degli allievi. Nelle situazioni concrete ciò non è perfettamente realizzabile, specie nelle prove come quelle di comprensione della lettura, caratterizzate da un insieme di domande legate a uno o più testi. È però importante che il *placement* sia soddisfacente, ossia che non vi siano intervalli, soprattutto quelli intermedi, totalmente privi di domande o di allievi con livelli di prestazione che si collocano proprio in quegli intervalli. Inoltre, come già accennato nel commento alle tabelle del capitolo precedente, la scelta della proporzione di domande lungo la scala delle abilità deve tenere conto dell'età degli allievi ai quali la prova è proposta. In altre parole, quando ci si rivolge a bambini piccoli è opportuno che le domande tendano a popolare maggiormente i livelli medi e medio-bassi della scala di difficoltà, proprio per creare nel rispondente un senso di adesione alla verifica, obiettivo importante quando si consideri che gli alunni si trovano a frequentare i primi anni della scuola primaria.

### 5.2 Il *placement* dei quesiti delle prove INVALSI 2014

Le figure da 5.1 a 5.8 mostrano il posizionamento relativo delle domande delle prove INVALSI 2014 di Italiano e Matematica lungo la stessa scala sulla quale si rappresentano i risultati conseguiti dagli allievi.



**Figura 5.1: Placement della prova di Italiano (II primaria)\***

\* Il grafico rappresenta la mappa delle stime WLE e delle stime dei parametri del modello di risposta - \*\* Ciascuna 'X' rappresenta 71,0casi

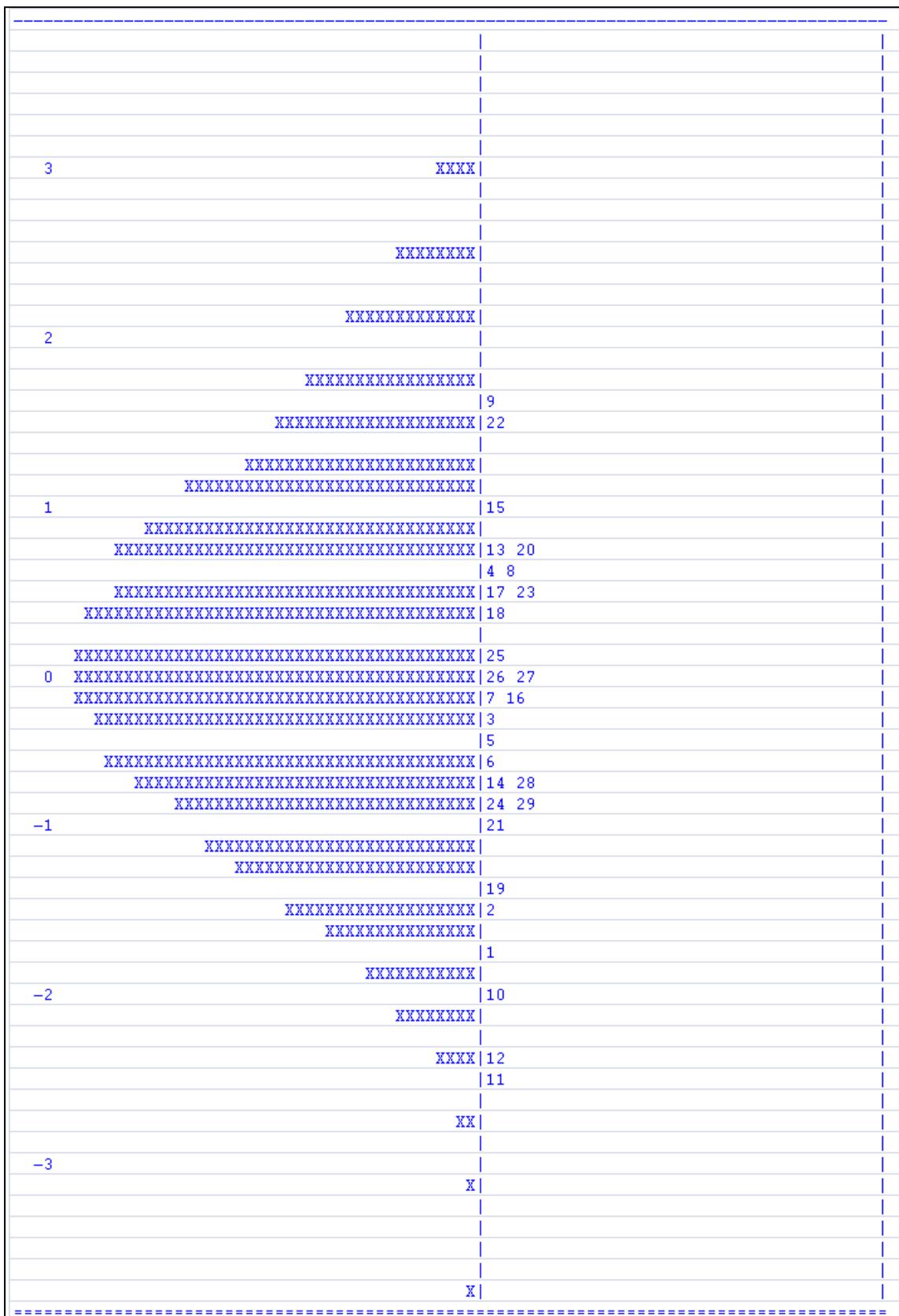


Figura 5.2: Placement della prova di Matematica (II primaria)\*

\* Il grafico rappresenta la mappa delle stime WLE e delle stime dei parametri del modello di risposta - \*\* Ciascuna 'X' rappresenta 42,0casi

I grafici delle figure 5.1 e 5.2 confermano i dati riportati nelle tabelle 4.1 e 4.2. Nella parte sinistra dei grafici si trova la distribuzione dei risultati degli allievi che hanno partecipato alla prova INVALSI 2014 (dati campionari) della seconda classe della scuola primaria, mentre nella parte destra la collocazione sulla stessa scala (asse verticale tratteggiato) della difficoltà delle domande<sup>30</sup>. Più precisamente, tutti gli studenti - rappresentati dalle crocette - che si trovano in una posizione inferiore a quella occupata da una data domanda hanno una scarsa probabilità (inferiore al 50 per cento) di rispondere correttamente alla domanda medesima, mentre coloro che sono posizionati rispetto all'asse verticale al di sopra di una domanda hanno una probabilità alta (superiore al 50 per cento) di rispondere correttamente, e tale probabilità aumenta all'aumentare della distanza studente-domanda.

In questa sede è bene rimarcare la differenza tra una valutazione scolastica tradizionale e una prova standardizzata a carattere nazionale. Quest'ultima si pone come obiettivo principale quello di misurare i livelli di apprendimento raggiunti dagli studenti che frequentano le scuole italiane, ossia si propone di misurare i risultati raggiunti in un determinato ambito da allievi con diversi livelli di abilità, potenzialmente posizionati su ogni punto dell'asse verticale, come quello rappresentato nelle figure 5.1 e 5.2. In altre parole, è assolutamente normale che in una prova somministrata su larga scala vi siano alcuni quesiti ai quali solo una piccola minoranza di studenti è in grado di rispondere correttamente, senza che da questo si debba dedurre che la preparazione degli alunni sia inadeguata. Infatti, queste particolari domande sono finalizzate all'individuazione di livelli di apprendimento particolarmente elevati. In assenza di tali domande più difficili la prova non sarebbe in grado di dare indicazioni circa i livelli di apprendimento degli studenti più abili.

Le figure da 5.3 a 5.8 illustrano il *placement* relativo delle prove di Italiano e Matematica della V primaria, della III Secondaria di primo grado e della II Secondaria di secondo grado.

---

<sup>30</sup>Le domande sono etichettate in base al numero progressivo come riportato nelle Tabelle 4.1- 4.2.





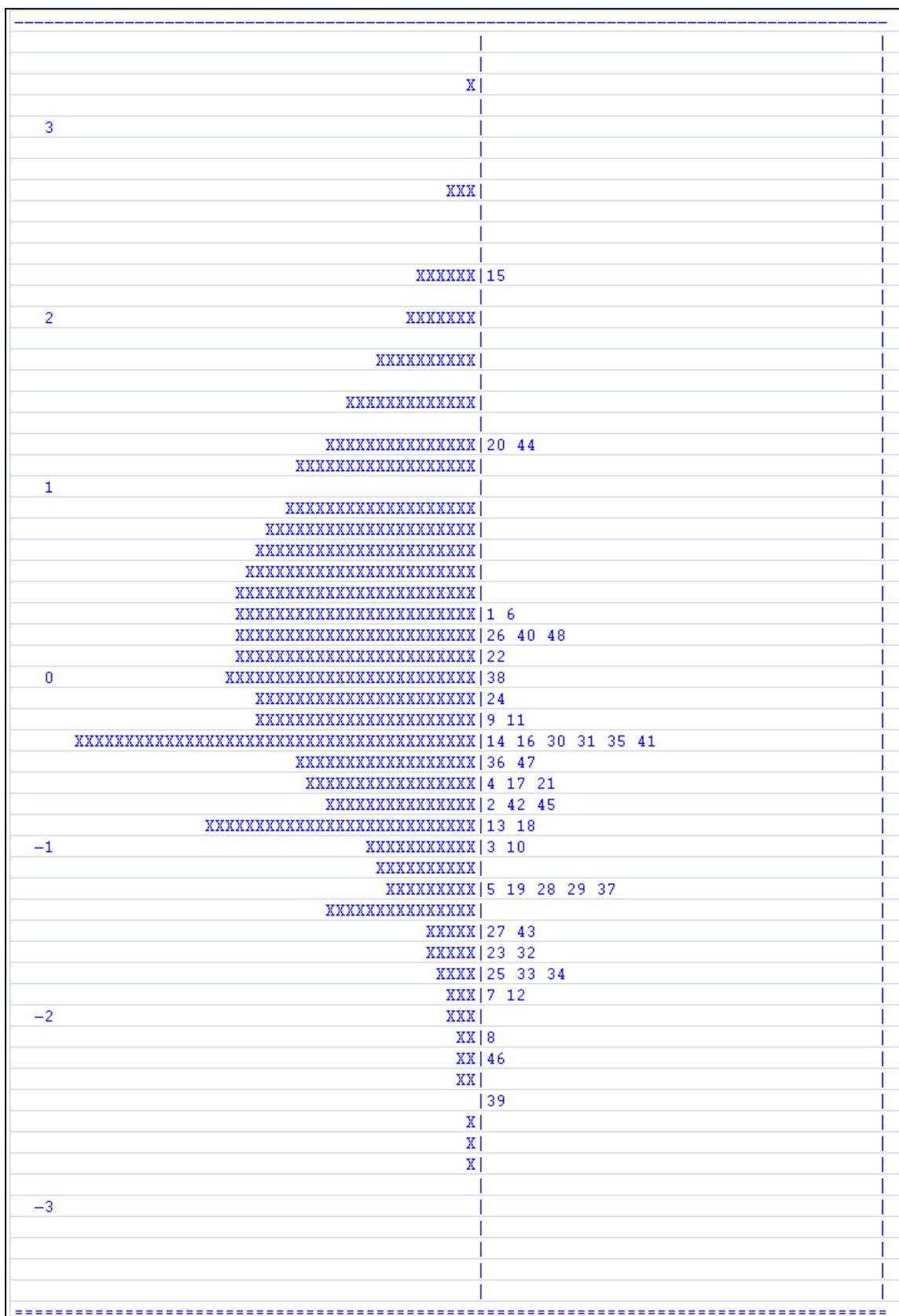


Figura 5.5: *Placement* della prova di Italiano (III Sec. I gr.)\*

\* Il grafico rappresenta la mappa delle stime WLE e delle stime dei parametri del modello di risposta - \*\* Ciascuna 'X' rappresenta 54,5 casi

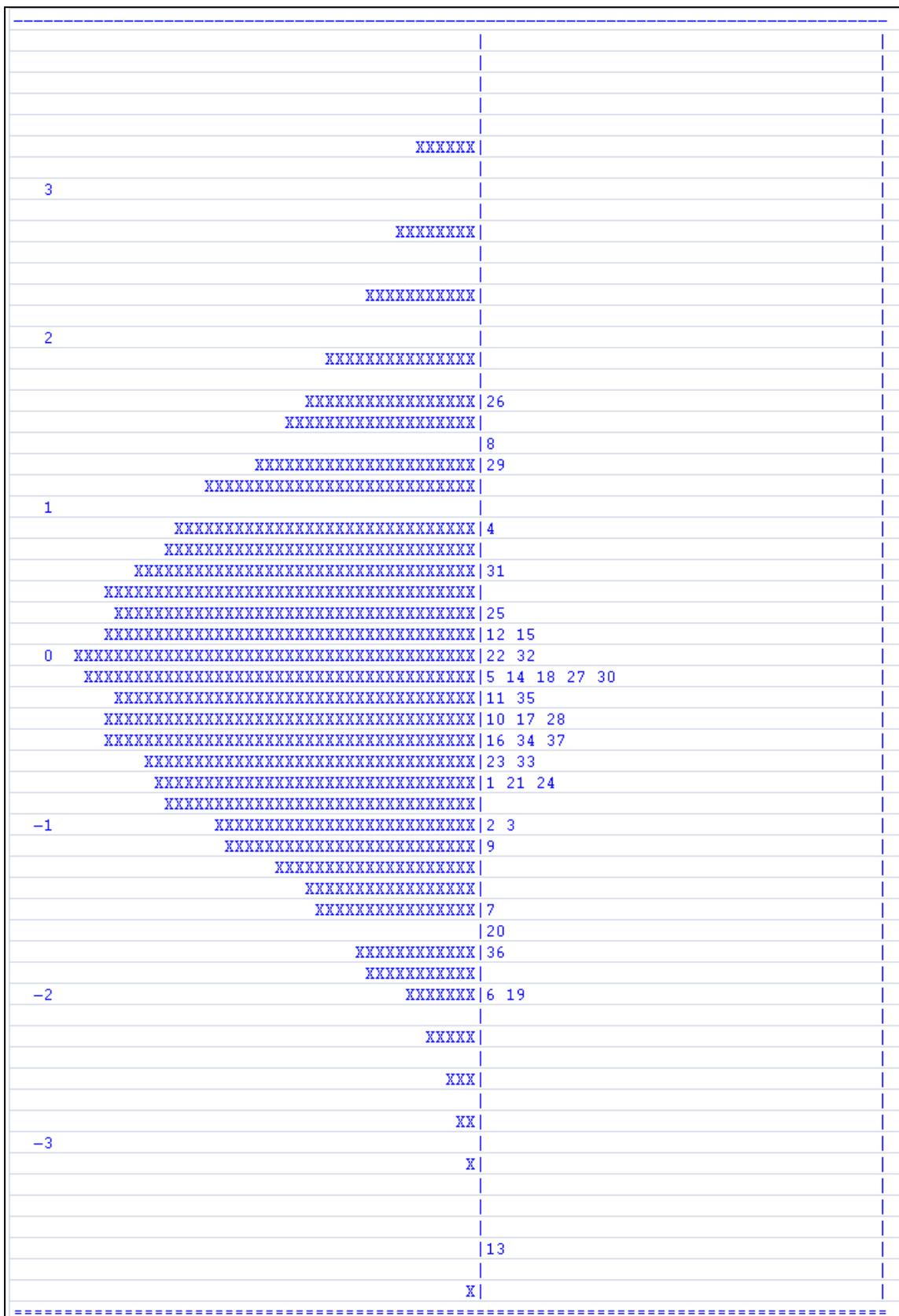


Figura 5.6: Placement della prova di Matematica (III Sec. I gr.)\*  
Studenti\*\*Item

\* Il grafico rappresenta la mappa delle stime WLE e delle stime dei parametri del modello di risposta - \*\* Ciascuna 'X' rappresenta 37,0casi

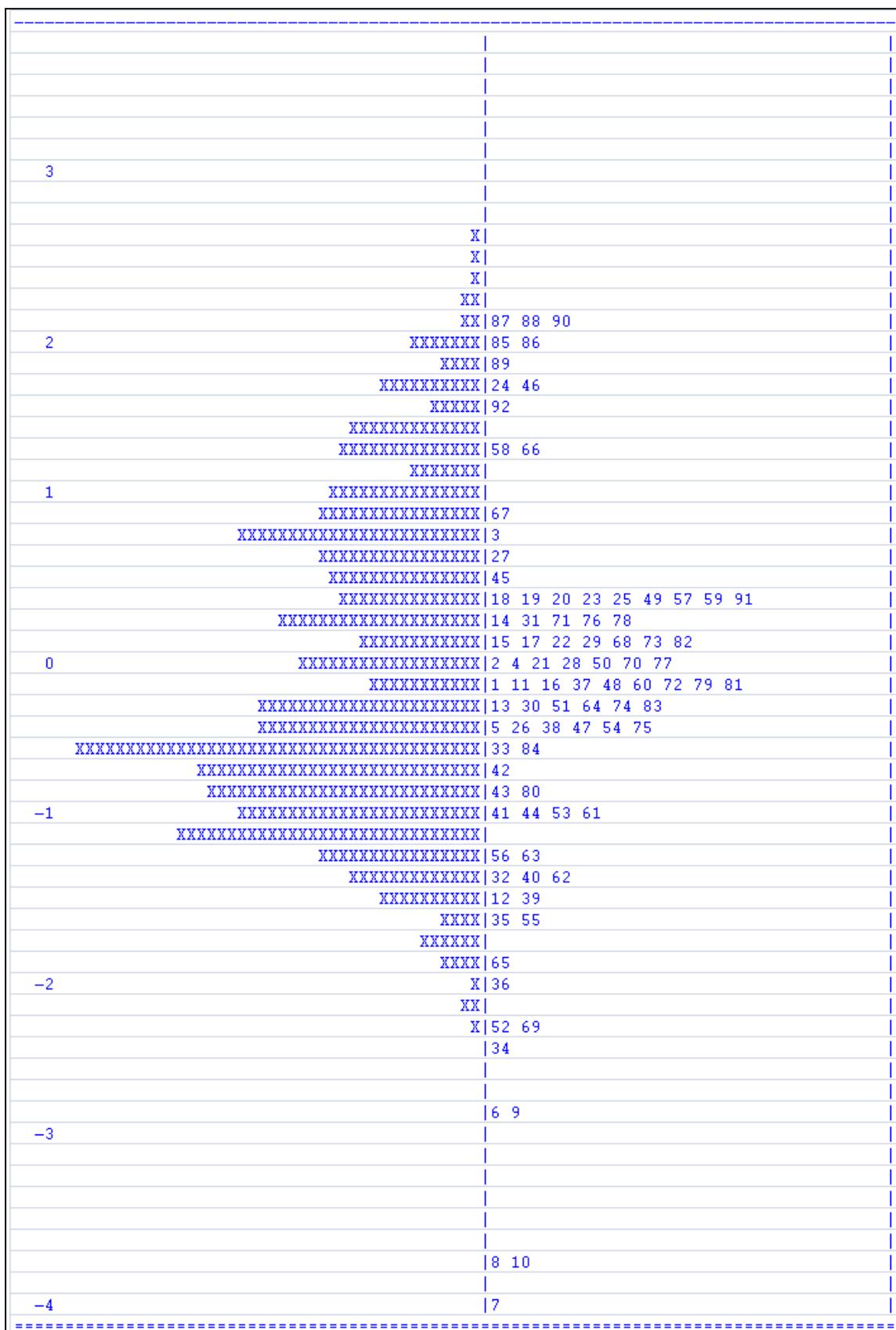
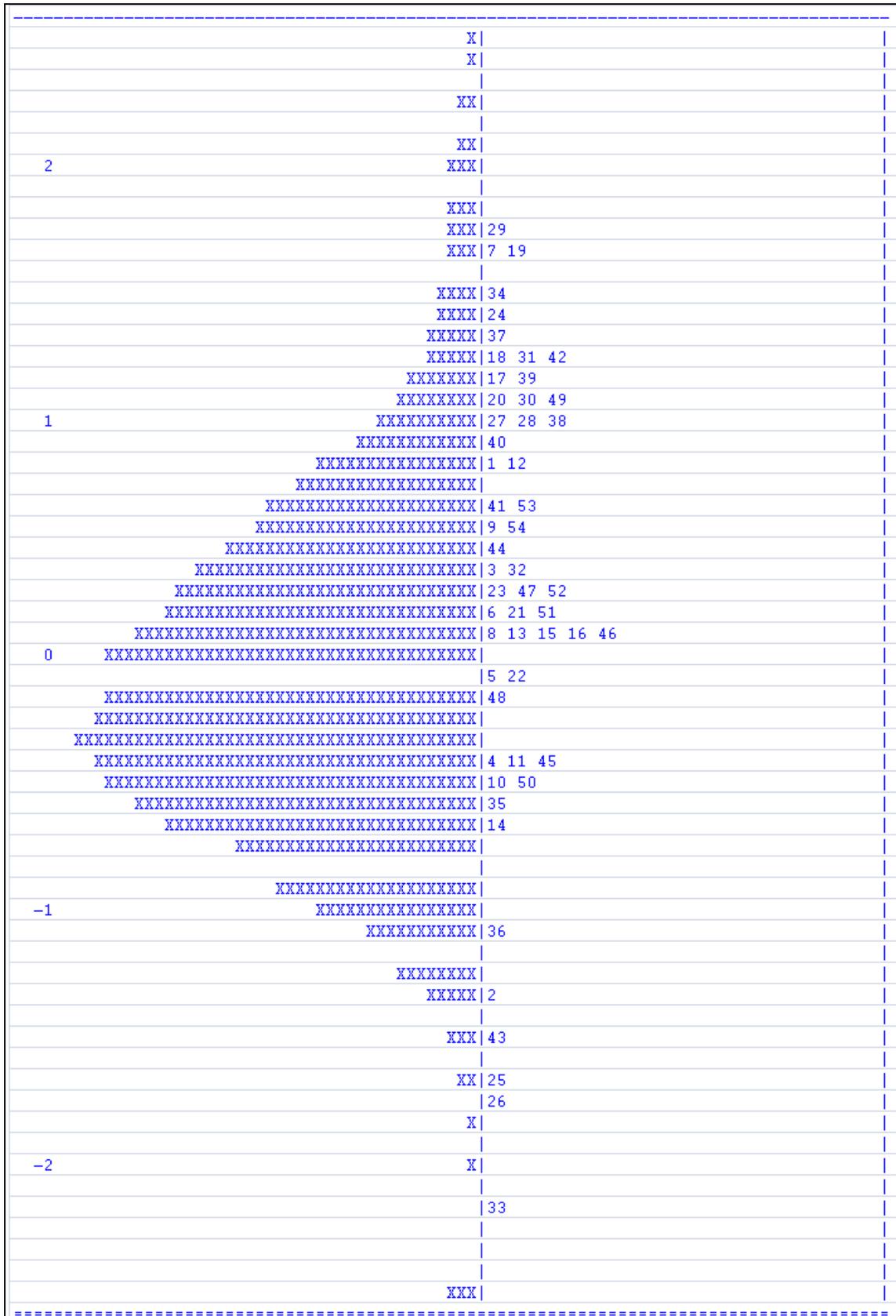


Figura 5.7: Placement della prova di Italiano (II Sec. II gr.)\*

\* Il grafico rappresenta la mappa delle stime WLE e delle stime dei parametri del modello di risposta - \*\* Ciascuna 'X' rappresenta 77,3casi



**Figura 5.8: Placement della prova di Matematica (II Sec. II gr.)\***

\* Il grafico rappresenta la mappa delle stime WLE e delle stime dei parametri del modello di risposta - \*\* Ciascuna 'X' rappresenta 53,9 casi

I grafici riportati nelle figure 5.1-5.8 mostrano come la maggior parte degli allievi si collochi, come prevedibile, ai livelli intermedi della scala di difficoltà/abilità, ma anche come, sebbene in minoranza, siano presenti allievi che si situano sia ai livelli più bassi sia ai livelli più alti della scala. Una prova standardizzata, finalizzata alla misurazione degli apprendimenti a livello di sistema, deve, infatti, come già accennato, essere in grado di coprire, nel modo più completo possibile, l'intera scala di difficoltà, in modo tale da fornire informazioni sia sugli studenti meno o mediamente abili, sia su quelli più abili.

Se si osservano in sequenza le figure 5.1-5.8 si può notare, come già detto in precedenza, che l'articolazione della difficoltà delle prove è diversa nei diversi livelli di scolarità, così da rispondere a quanto suggerito dalla letteratura specifica nel campo della costruzione delle prove standardizzate, ossia l'attenzione a costruire prove adatte all'età degli alunni, non solo in termini di contenuti ma anche in termini di difficoltà.

## Riferimentibibliografici

- Baker, F.B. (2001), *The Basics of Item Response Theory*, ERIC Clearinghouse on Assessment and Evaluation.
- Baker, F.B., Kim S., (2004), *Item Response Theory. Parameter Estimation Techniques*, New York, Marcel Dekker.
- Barbaranelli, C. & Natali, E. (2005). *I test psicologici: teorie e modelli psicometrici*. Roma: CarrocciEditore.
- Boomsma, A., van Duijn M.A.J, Snijders, T.A.B.(1991), *Essays on Item Response Theory*, New York, Springer.
- Cronbach, L. J. (1951). Coefficient alpha and the internal structure of tests. *Psychometrika*, 16(3), 297-334.
- Falocci N., Gnaldi, M., Matteucci, M. & Mignani, S. (2010). *La validazione statistica di test standardizzati di profitto: principali aspetti di metodo e due casi di studio sulla valutazione degli apprendimenti nella scuola primaria*. Collana Working Paper INVALSI, 9. [http://www.invalsi.it/download/wp/wp09\\_Falocci.pdf](http://www.invalsi.it/download/wp/wp09_Falocci.pdf)
- Fischer, G.H., Molenaar, I.W.(1995), *Rasch Models: Foundation, Recent Developments, and Application*, New York, Springer.
- Haladyna, T. M. (1994), *Developing and validating multiple-choice test items*, Hillsdale, N.J: L. Erlbaum Associates.
- Hambleton, R.K., Swaminathan, H., Rogers, H.J.(1991), *Fundamentals of Item Response Theory*, Newbury Park, CA, Sage.
- Hambleton, R.K., Swaminathan, H., Rogers, H.J., (1991), *Fundamentals of Item Response Theory*, Sage.
- INVALSI (2011a). *Quadro di riferimento di Italiano*. (<http://www.invalsi.it/snv1011/>)
- INVALSI (2011b). *Quadro di riferimento di Matematica*. (<http://www.invalsi.it/snv1011/>)
- Mullis, I.V.S., Martin, M.O., Ruddock, G.J., O'Sullivan, C.Y., Arora, A., & Erberber, E. (2005).
- OCSE (2007). *Valutare le competenze in scienze, lettura e matematica*. Roma: Armando Editore.
- OECD, (2009), *PISA 2006 Technical Report*, Parigi, OECD.
- Osterlind, S. J. (1983), *Test item bias*, Beverly Hills, Sage Publications.
- Osterlind, S. J. (1998), *Constructing test items: Multiple-choice, constructed-response, performance, and other formats*, Boston, Kluwer Academic Publishers.
- *TIMSS 2007 assessment frameworks*. Chestnut Hill, MA: TIMSS & PIRLS International Study Center, Boston College.